



امتحان شهادة الدراسة الثانوية العامة لعام ٢٠١٥ / الدورة الشتوية

٣ س د (رئيسي عميم/محدود)

المبحث : الرياضيات/المستوى الرابع+الرياضيات الإضافية (نفس الورقة الامتحانية) مدة الامتحان : ٣٠

الفرع : الأدبي والشعري والإدارة المعلوماتية والتعليم الصحي+الصناعي والقطناني والسياحي اليوم والتاريخ : الاثنين ٢٠١٥/١٠/٥

ملحوظة : أجب عن الأسئلة الآتية جميعها وعدها (٥)، علمًا بأن عدد الصفحات (٣).

السؤال الأول : (٦ علامة)

أ) جد التكاملات الآتية:

$$(1) \int (x^2 - 2x + \frac{1}{x}) dx$$

$$(2) \int (x^2 - 1)^2 dx$$

$$\left. \begin{array}{l} \text{ب) إذا كان } Q(x) = \left\{ \begin{array}{l} x^2 + 1, \quad x \leq 1 \\ 2x - 3, \quad x \geq 3 \end{array} \right. \\ \text{ج) إذا كان ميل المماس لمنحنى الاقتران } Q(x) \text{ عند النقطة } (x, y) \text{ يساوي } (h^{-3}) \text{ وكان المنحنى يمر} \\ \text{بالنقطة } (3, 1) \text{ فجد قاعدة الاقتران } Q. \end{array} \right.$$

(٤ علامات)

$$\left. \begin{array}{l} \text{جد } Q(x) \text{ دس} \\ 1- \end{array} \right.$$

ج) إذا كان ميل المماس لمنحنى الاقتران $Q(x)$ عند النقطة (x, y) يساوي (h^{-3}) وكان المنحنى يمر بالنقطة $(3, 1)$ فجد قاعدة الاقتران Q .

السؤال الثاني : (٦ علامة)

أ) جد مساحة المنطقة المغلقة المحصور بين منحني الاقترانين $Q(x) = 2 - x^2$ ، $H(x) = x$:

(٦ علامات)

ب) إذا كان اقتران (السعر - العرض) لمنتج معين هو $U = 10 + 2S$ حيث S السعر بالدينار، U عدد القطع المنتجة، وكان السعر ثابتاً عند $U = 24$ ديناراً، فجد فائض المنتج.

(٦ علامات)

ج) إذا كان $Q(x)$ متصلًا وكان $Q(1) = 4$ ، $Q(2) = 12$ ، $Q(3) = 16$ ، $Q(x)$ ثابت، فجد قيمة x .

(٤ علامات)

السؤال الثالث : (١٤ علامة)



أ) إذا كان اقتران الإيراد الحدي لبيع (س) من القطع من منتج معين هو $D(s) = 60 - 18s + 20s^2$ ديناراً،

(٣ علامات)

فجد الإيراد الكلي الناتج عن بيع (٥) قطع.

ب) إذا كان تسارع جسم بعد مرور (ن) من الثانية يعطى بالعلاقة $t(n) = 6n^2$ ، جد المسافة التي يقطعها

الجسم بعد مرور (ن) ثانية من بدء الحركة علمًا بأن السرعة الابتدائية للجسم $U(0) = 2 \text{ م/ث}$ وموقعه

(٥ علامات)

الابتدائي $V(0) = 12 \text{ م}$.

(٦ علامات)

ج) إذا كان $L(n, 3) = L(4)$ فما قيمة n ؟

السؤال الرابع : (١٨ علامة)

أ) مجموعة مكونة من (٤) معلمين و(٧) طلاب. جد عدد الطرق التي يمكن بها تكوين لجنة ثلاثة منهم بحيث تتكون

(٥ علامات)

من معلم واحد على الأقل.

ب) تقدم (١٥٠٠٠) طالباً لامتحان ما، وكانت نتائجهم تتبع شكل التوزيع الطبيعي وكان الوسط الحسابي لعلاماتهم

(٦٥) والانحراف المعياري (٥) وعلامة النجاح (٦٠). جد عدد الطلبة الناجحين في الامتحان. (٧ علامات)

ملاحظة: يمكنك الاستفادة من الجدول الآتي والذي يمثل جزءاً من جدول التوزيع الطبيعي المعياري.

Z	٠,٥	١	٠,٥	٠	$L(Z \geq ٢)$
٠,٩٧٧٢	٠,٩٣٣٢	٠,٨٤١٣	٠,٦٩١٥	٠,٥٠٠٠	

ج) قررت إحدى شركات الاستيراد رفض مستورداتها من الشركة المصنعة إذا وُجِدت وحدتان معييتان أو أكثر في

عينة عشوائية مكونة من ٦ وحدات، فإذا كانت نسبة المعيب في إنتاج الشركة المصنعة ١٠٪ فما احتمال قبول

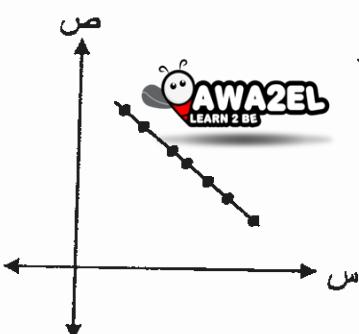
(٦ علامات)

الشركة المستوردة للشحنة؟

السؤال الخامس : (١٦ علامة)

أ) أجب عن السؤالين الآتيين:

$$(ج) جد قيمة (ص) في المعادلة $(\frac{9}{6}) = (\frac{9}{3})$$$



إذا مُنْظَّلتَ العلاقة بين المتغيرين S ، $ص$ في شكل الانتشار المجاور حيث وقعت النقاط جميعها على خط مستقيم. اكتب قيمة معامل الارتباط بين المتغيرين S ، $ص$.

ب) يبيّن الجدول الآتي علامات (٥) طلاب في مبحثي الرياضيات (س) واللغة العربية (ص) حيث النهاية العظمى

(ج) جد معادلة خط الانحدار للتبؤ بقيم (ص) إذا علمت قيم (س). للعلامة تساوي (١٠).

الرياضيات (س)	اللغة العربية (ص)
١٠	٨
٨	١٠
٧	٩
٩	١٠
٦	٨

ج) إذا كان S ، $ص$ متغيرين عدد قيم كل منها (١٥) وكان:

$$\sum_{r=1}^{15} (س_r - \bar{S})^2 = 40, \quad \sum_{r=1}^{15} (ص_r - \bar{ص})^2 = 90, \quad \sum_{r=1}^{15} (س_r - \bar{S})(ص_r - \bar{ص}) = 24,$$

(٤ علامات)

جد معامل ارتباط بيرسون الخطى بين المتغيرين S ، $ص$.



الباحث: الرياضيات/ المستوى الرابع + الرياضيات الأهتمامية (نفس المدة)
 الفرع: الأبي والشعري والإدارة المعلوماتية والعلوم الصناعية + العلوم والتكنولوجيا تاريخ: ٢٠١٥/١/٥

رقم الصلحة
في الكتاب

الإجابة التموذجية:

السؤال الأول. (علامنة)

١٤٠

$$\text{م} = \frac{1}{3} \text{س} - 2 \text{ج} - 3 \text{ظ} + 2 \text{ل} + 1 \text{ن} \quad (١)$$



١٥٧

$$\text{نفرض } \text{م} = (\text{s} - 1) \quad (٢)$$

$$\text{م} = \frac{1}{3} \text{س} - 1 \quad (٣)$$

$$\text{عندما } \text{س} = 1, \text{ م} = -1 \quad (٤)$$

$$\text{من هنا } \text{س} = 1, \text{ م} = 0 \quad (٥)$$

$$\text{من } (٣) \text{ نستخرج } \text{م} = \frac{1}{3} \text{ من م} \quad (٦)$$

$$\frac{1}{3} = (1 - 0) \frac{1}{3} = \frac{1}{3} \quad (٧)$$

١٥٣

$$\text{ف}(\text{s}) \text{ م} = \left[\text{ف}(\text{s}) \text{ م} + \text{ف}(\text{s}) \text{ م} \right] \quad (٨)$$

$$= (\text{s} + 1) \text{ م} + (\text{s} - 2) \text{ م} \quad (٩)$$

$$= \frac{1}{3} \text{س} + \text{س} + (\text{s} - 2) \text{س} \quad (١٠)$$

$$20 \frac{1}{3} = 15 - 24 + 1 \frac{1}{3} + 15 = (1 \frac{1}{3} - 8 - 3) + (-18 + 9) =$$

١٤٣

$$\text{ف}(\text{s}) = \text{م} - \text{s} \quad (١١)$$

$$\text{نفرض } \text{م} = \text{s} - \text{س} \quad (١٢)$$

$$\text{م} = -1 \text{ ومنه م} = -\text{s} \quad (١٣)$$

$$\text{م} = \left[\text{ف}(\text{s}) \text{ م} \right] - \text{م} \quad (١٤)$$

$$\text{ف}(\text{s}) = -\text{m} + \text{m} \quad (١٥)$$

$$\text{ف}(\text{s}) = 1 - \text{m} + \text{m} = 1 \quad (١٦)$$

$$\text{ف}(\text{s}) = \text{s} - \text{m} \quad (١٧)$$

السؤال الثاني (١٦ علماء)

١٦٨

$$\text{فـ} h(s) = h(s) \cdot s - s^2 = s \quad \text{أ} \quad ٧$$

$$\text{وـ} (s+2)(s-1) = 162 \quad \text{وـ} s = \frac{1}{2} \cdot 162 = 81 \quad \text{أ} \quad ٧$$

$$s = \frac{1}{2} [h(s) - h(81)] = \frac{1}{2} [s - s] = 0 \quad \text{أ} \quad ٧$$

$$s = \left(2 - \frac{1}{2} + \frac{1}{2} - 2 \right) = \frac{1}{2} \cdot 162 = 81 \quad \text{وـ} \frac{1}{2} \cdot 162 = 81 \quad \text{أ} \quad ٧$$

١٧٤

ب) نفرض قيمة التوازن s ، نجد قيمة s التي تتعامل مع

$$s = h(s) \rightarrow s = 10 + 0.5s \quad \text{وـ} s = 7 \quad \text{أ} \quad ٧$$

$$s = 10 - [h(s) \cdot s] \quad \text{أ} \quad ٧$$

$$s = 10 - 7x \quad \text{أ} \quad ٧$$

$$s = 10 - 7x \quad \text{أ} \quad ٧$$

$$s = 10 - 7x \quad \text{أ} \quad ٧$$

١٤١

$$s = h(s) \quad \text{أ} \quad ٤$$

$$s = 10 \quad \text{أ} \quad ٤$$

$$s = h(s) \quad \text{أ} \quad ٤$$

$$s = 10 - 4 \quad \text{أ} \quad ٤$$

$$s = 6 \quad \text{وـ} s = 6 \quad \text{أ} \quad ٤$$

السؤال الثالث: (عوامل)

١٤٥

$$\text{د) } D(s) = [s^2 - 18s + 72] \quad \text{مس ①}$$

$$= s^2 - 9s + 6s \quad \text{①}$$

$$2375 = 0 \times 20 + 50 \times 9 - 150 \times 20 = 0 \quad \text{د}$$

١٤٦

ب) $U(n) = n(n-1)(n-2) \dots (n-14) \quad \text{مس ①}$

$$① \quad n^3 - 15n^2 + 55n - 120 = 0 \quad \text{مس ②}$$

$$U(n) = n^3 + \dots$$

$$f(n) = U(n) = n(n-1)(n-2) \quad \text{مس ①}$$

$$= n^3 - 3n^2 + 2n - 1 \quad \text{مس ②}$$

$$f(0) = 1 = 1 \quad \text{ومنه} \quad \text{مس ③}$$

$$f(n) = n^3 + n^2 + n - 1 \quad \text{مس ④}$$

٢٠٣



$$\frac{n!}{(n-3)!} = 4!(n-4) \quad \text{مس ①} \quad \text{مس ②}$$

$$n! = \frac{4!(n-4)!}{(n-3)(n-4)} \quad \text{مس ①} \quad \text{مس ②}$$

$$\frac{1}{4!} = \frac{1}{3-0} \quad \text{مس ①} \quad \text{مس ②}$$

$$n-3 = 4 \quad \text{ومنه} \quad n = 7$$

رقم المصلحة
في الكتاب

(٤)

السؤال الرابع: (٨) اعلام

٤٠.

$$\text{م) عدد طرقه تكوين الـ} \sum = \left(\frac{1}{4} \right) \times \left(\frac{1}{4} \right) + \left(\frac{1}{4} \right) \times \left(\frac{1}{4} \right) + \left(\frac{1}{4} \right) \times \left(\frac{1}{4} \right)$$

$$\textcircled{1} \quad 1 \times 4 + 1 \times 4 - \frac{3 \times 4}{3} + \triangle = 1 \times 4 + 1 \times 4 + 1 \times 4 =$$

٤٤٦

$$\text{ب) } L(s \leq 6) = L(z \leq \frac{6 - 6}{6}) \quad \textcircled{1}$$

$$\textcircled{1} \quad L(z \leq 1) =$$

$$L(z \leq 1) = L(z \geq 1) = 0.8413 \quad \textcircled{1}$$

عدد الطلبة الناجحين = العدد الكلي \times الاحتمال

$$10000 \times 0.8413 =$$

$$= 15619 \text{ طالب}$$

٤١.

$$\text{ج) احتمال قبول الشخنة} = L(s \leq 1) \quad \textcircled{1}$$

$$\textcircled{1} \quad = L(s=0) + L(s=1)$$

$$P = 0.6 \quad L(s=0) + L(s=1) = (0.99)^2 + (0.99)(0.01) \quad \textcircled{1}$$

$$\approx 1 \times 0.9801 + 1 \times 0.0099 = \textcircled{1}$$

$$\approx 0.9801 + 0.0099 = 0.9900$$

السؤال الخامس (١٦ علام)

٢٠٣

$$\text{أو } \begin{array}{l} ① \\ 1) 3 \times 6 = 18 \text{ ومنه مس } 2 = 18 \\ 2) 9 = 6 + 3 \text{ ومنه مس } 1 = 9 \end{array}$$



٢٣٨

$$\begin{array}{l} ① \\ 1) \text{ معامل الارتفاع } = 1 \end{array}$$



مس	مس - مس	مس - مس	مس - مس	مس - مس	مس	مس - مس	مس - مس	مس - مس	مس
٦	٨	٤	٢	١	٦	٨	٧	٩	١
٩	١٠	١	١	١	٩	١٠	٧	٨	٣
٧	٤	٣	٣	٣	٣	٣	٦	٦	٣
٨	٦	٣	٣	٣	٣	٦	٦	٦	٣
١٠	١	١	١	١	٤٥	٤٥	٤٥	٤٥	٤٥



$$\begin{array}{l} ① \\ 1 = \frac{45}{9} = 5 \\ 1 = \frac{45}{8} = 5.625 \end{array}$$

$$1 = \frac{45}{6} = 7.5$$

$$1 = \frac{45}{3} = 15$$

٢٣٩

$$\begin{array}{l} ① \\ 1 = \frac{45}{3} = 15 \\ 1 = \frac{45}{3} = 15 \end{array}$$



$$\begin{array}{l} ① \\ 1 = \frac{45}{15} = \frac{15}{15} = 1 \end{array}$$

$$1 = \frac{45}{15} = 3$$

السؤال الرابع ملحوظة ٣٤ ملحوظة ١

٢) $x + \frac{1}{x} = 5$ $\Rightarrow x^2 + 1 = 5x$

$$x^2 - 5x + 1 = 0 \quad \text{أذ أكبت } \frac{x^2 - 5x + 1}{x^2} = \frac{1}{x}$$

$x^2 = 5x - 1$ و أكملنا التكامل صيغة خير عدالة تعيير المضاد

* أذا فد $x = 5 - 1$ و ضرب في x و أكملنا التكامل صيغة خير عدالة



كانلي:

$$\textcircled{1} \quad x^2 - 5x + 1 = 0$$

$$\textcircled{1} \quad x^2 - 5x + \frac{25}{4} - \frac{25}{4} + 1 = 0$$

$$\textcircled{3} \quad x^2 - 5x + \frac{25}{4} - \frac{25}{4} + 1 = 0 \quad \text{أي خد خير عدالة}$$

$$\textcircled{1} \quad x = \frac{5}{2} + \frac{1}{2} = \frac{1}{2} \quad \text{أي خد خير عدالة}$$

لقولني خير العدالة.

٣) لما فردت $x^2 - 5x + 1 = 0$ $\Rightarrow x = \frac{5 \pm \sqrt{24}}{2}$

$$\textcircled{2} \quad \text{أذ أكبت سا هرمه كع } \frac{5 \pm \sqrt{24}}{2} \quad \text{لقولني خير العدالة.}$$

$$\textcircled{1} \quad x^2 - 5x + 1 = 0$$

* إذا لم يضع أكباته السابقة

$$\textcircled{1} \quad x^2 - 5x + 1 = 0$$

$$\textcircled{1} \quad x^2 - 5x + \frac{25}{4} - \frac{25}{4} + 1 = 0$$

٤٠ سلسلة

السؤال الثاني ٣٤ مفزع



- ٤) كارتر في خروج لراجحة .
- ٥) كارتر في خروج لراجحة .
- * اذا اكسر المقادير غير عدالة فقط وتأمل . -
- ٦) اذا كانت مباركة $M = (M_1 - M_2) / M_1$

السؤال الثالث ٣٤ مفزع ٣ سلسلة

- ٧) اذا كانت $M = \frac{1}{2} (M_1 + M_2)$ فقط ولم يتحقق غير ذلك واحدة فقط

- ٨) اذا كانت $M = \frac{1}{2} (M_1 + M_2)$ فقط ولم يتحقق غير ذلك واحدة فقط او $F = M = \frac{1}{2} (M_1 + M_2)$ فقط ولم يتحقق غير ذلك واحدة فقط

$$M = \frac{(M_1 - M_2) / (M_1 + M_2)}{1} = \frac{1}{2}$$

م طريقة ارضي

$$\frac{\frac{M_1 - M_2}{M_1 + M_2}}{1} = 1$$

$$1 - \frac{M_2}{M_1} = 1$$

السؤال الرابع ٣٤ مفرد بع مصلحة

٢) الحقيقة اخرى : $(\frac{1}{3}) - (\frac{1}{11}) = \frac{1}{6}$

$$\frac{\frac{1}{6} \times 7}{6} - \frac{\frac{1}{11} \times 11}{6} =$$

$$= 30 - 170 = 130 \text{ طرفة}$$

٣) كما ورد في توزيع الرا白衣 .

* اذا كتب زب = $\frac{6-6}{6} = 1$ ولم يكمل .

* اذا كتب ل (٦٣٦) ثم اكمل الحل تكمل جميع خبر علامه واحمه

٤) كما ورد في توزيع الرا白衣 .

* اذا كتب ل (٥٥٢٤) = $(\frac{1}{6})(\frac{1}{1})(\frac{1}{9})$ في خبر علامه .

* اذا كتب ل (٦٣٢) واكمل تكمل جميع خبر علامه واحمه .

* اذا كتب : ١ - حتما لا يحصل + احتمال الرغبة = ١ } علامه واحمه
، حتما لا يحصل = ١ - احتمال الرغبة } .

٥) اذا اكمل تكمل جميع في خبر العلامه كاملة .

* اذا كتب ل (٦٣٢) واكمل تكمل جميع في خبر (٩٠ علامه)

٤٦

السؤال الخامس ٣٤ مذكرة ملحوظة ملحوظة



١) اذا كانت $\frac{1}{m} = \frac{1}{n} + \frac{1}{p}$ مباركة بغير الله.

— (٢)

٢) كما ورد في فرزح الاطاى.

٣) كما ورد في فرزح العجائب

بـ (٣) ملحوظة ملحوظة