

الإقتران الزوجي والإقتران الفردي

■ يعرف الإقتران $q(s)$ بأنه إقتران زوجي إذا كان $q(-s) = q(s) \dots (1)$

وتكون مشتقة الإقتران الزوجي هي : $q'(-s) = -q'(s)$

$\therefore q'(-s) = -q'(s) \Leftrightarrow$ اقتران فردي (2)

■ يعرف الإقتران $h(s)$ بأنه إقتران فردي إذا كان $h(-s) = -h(s) \dots (3)$

وتكون مشتقة الإقتران الفردي هي : $h'(-s) = -h'(s) = h(s) \dots (4)$

$\therefore h'(-s) = h'(s) \Leftrightarrow$ اقتران زوجي (4)

الخلاصة : **الإقتران الزوجي مشتقته إقتران فردي والإقتران الفردي مشتقته إقتران زوجي .**

مثال : إذا كان $q(s)$ إقتران زوجي ، وكان $h(s)$ إقتران فردي ، أثبت أن $(q \circ h)'(s)$ إقتران زوجي .

الحل : يكون $(q \circ h)'(s)$ زوجي إذا كان $(q \circ h)'(-s) = (q \circ h)'(s)$ حسب قاعدة (1)

$$(q \circ h)'(-s) = q'(-s) \times h'(-s) =$$

↓
من (4)

↓
من (3)

$$= q'(-s) \times h'(s) =$$

↓
من (2)

$$= -q'(s) \times h'(s) =$$

$$= q'(s) \times -h'(s) =$$

$$= (q \circ h)'(s) \quad \text{وهو المطلوب .}$$

مثال : إذا كان $h'(s) = n(s) \cdot g'(s)$ ، حيث $n(s)$ اقتران زوجي ، أثبت أن $h'(s)$ إقتران زوجي ؟

الحل : الإقتران $n(s)$ زوجي إذن $n(-s) = n(s)$ (١)

وتكون مشتقة هي : $n'(-s) = -n'(s)$

$$\therefore n'(-s) = -n'(s) \quad \dots \dots \dots \quad (٢)$$

يكون $h'(s)$ إقتران زوجي إذا كان $h'(-s) = h'(s)$ ← قاعدة الزوجي

$$h'(s) = n(s) \cdot g'(s) + g'(s) \cdot n(s)$$

$$\text{نوع} (s) \leftarrow h'(-s) = n(-s) \cdot g(-s) + g(-s) \cdot n(-s)$$

من (٢)

من (١)

$$\therefore h'(-s) = n(s) \cdot g(s) - g(s) \cdot n(s)$$

$$\therefore h'(-s) = n(s) \cdot g(s) + g(s) \cdot n(s)$$

وهو المطلوب .

إعداد الأستاذ : عمر المصري

٠٧٩٩٣٣٣٠٨٨