



بسم الله الرحمن الرحيم



ادارة مجموعة وصفحة (توجيهي الأردن) التعليمية

## امتحان في الرياضيات العلمي

التاريخ : ٢٠١٨/٤/٢٠

الزمن المحدد : ساعتان

( التكامل وتطبيقاته )

من اعداد الأستاذ : أ.م.د. أحمد موسى ٠٧٨٥٥٣٦٢٦٦

أجب عن الاسئلة الآتية وعدها (٥) علماً بـان عدد الصفحات (٤)

السؤال الأول ( ٣٠ علامة ) :

$$\text{أ) اذا كان } Q(s) = \frac{s^2}{s-1} + جا\pi s + هـ ، \text{ وكان } Q\left(\frac{1}{4}\right) = 4 ، Q(1) = هـ$$

( ٨ علامات )

جد قاعدة الاقتران  $Q(s)$ .

ب) جد التكاملات الآتية :

$$1 - \int s^2 \csc(s) ds$$

( ٧ علامات )

$$2 - \int \frac{1 - 4s}{\sin^2(2s-s)} ds$$

ج) يتكون هذا الفرع من فقرتين ، لكل فقرة أربعة بدائل ، واحد منها فقط صحيح ، انقل الى دفتر

اجابتك رقم الفقرة ورمز الاجابة الصحيحة لها :

$$1) \text{ اذا كان } \begin{cases} Q(s) ds = 8 , \\ (1+Q(s)) ds = 15 , \end{cases} \text{ فإن } \boxed{Q(s)} | ds =$$

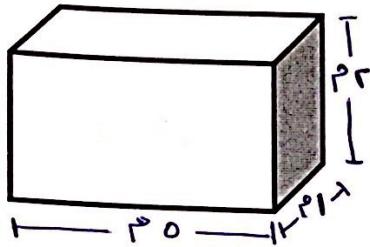
أ) ٦      ب) ٢٢      ج) ١٤      د) ٢٢-

$$2) \text{ اذا كان } Q(s) = \begin{cases} (4s^3 + 3Q(s)) ds + Q(s) ds , \\ \boxed{Q(s)} | ds = \end{cases} \text{ فإن } \boxed{Q(2)} =$$

أ) ٤      ب) ٨      ج) ٤      د) ٨-

يتبع الصفحة (٢) ---

السؤال الثاني (٣٠ علامة) :



أ) الشكل المجاور يمثل خزان ماء على شكل متوازي مستطيلات ، فيه  $2 \text{ m}^3$  ماء ، بدأ يصب فيه الماء بمعدل  $\frac{2}{3} \text{ m}^3/\text{ساعة}$

جد الزمن اللازم حتى يمتليء الخزان . (٧ علامات)

ب) جد مساحة المنطقة المحصورة بين منحنى  $q(s) = s^2 - 2s$  ومحور السينات والمستقيم المار بال نقطتين  $(1, 0), (2, 0)$  . (١٤ علامة)

ج) يتكون هذا الفرع من ٣ فقرات ، لكل فقرة أربعة بدائل ، واحد منها فقط صحيح ، انقل الى دفتر اجابتك رقم الفقرة ورمز الاجابة الصحيحة لها : (٩ علامات)

١) اذا كان  $m(s)$  معكوس مشتقة الاقتران  $q(s)$  ، فإن قيمة

$$q(s) \cdot q'(m(s)) \text{ دس} =$$

أ)  $(q \circ q)(s) + ج$

ج)  $(q \circ q)(s) + ج$

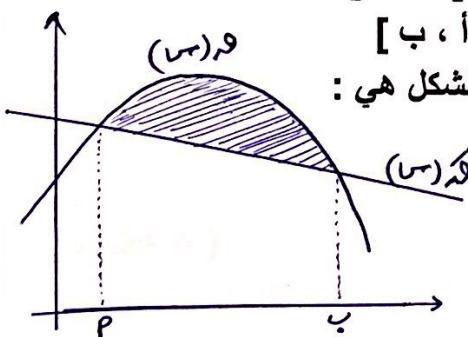
٢) اذا كان  $s = h$  ، فإن  $\frac{d^2s}{dh^2}$  عندما  $s = 1$  يساوي :

١) ١      ٢) ٢      ٣) صفر      ٤)  $-h$

٣) الشكل المجاور يمثل منحنى  $q(s)$  ،  $q'(s)$  في الفترة  $[أ, ب]$

اذا كان  $m(s)$  هو معكوس مشتقة الاقتران  $q(s)$  في  $[أ, ب]$

وكان  $m'(b) = q(a)$  ، فإن قيمة المساحة المظللة في الشكل هي :



أ)  $m(b) - q(a)$

ب)  $q(a) - q(b)$

د)  $q(b) - m(a)$

ج)  $m(b) - m(a)$

يتبع الصفحة (٣) ...

السؤال الثالث ( ٣٠ علامة ) :

أ) جد التكاملات الآتية :

$$1 - \int_{\frac{1}{10}}^{\infty} \frac{x^4}{e^x} dx$$

( ٩ علامات )

$$2 - \int_{(1+\ln x)^2}^{\ln x} dx$$

( ٧ علامات )

$$3 - \int_{\frac{1}{2} \sin x}^{\frac{1}{2} \cos x} dx$$

ج) قيم (قيمة الثابت) P ( ٧ علامات )

$$P^{32} = \int_{-1}^{4} (4s - s^3) ds$$

$$\begin{aligned} &= 4s^2 - \frac{s^4}{4} \\ &= 4(4) - \frac{4^4}{4} \\ &= 64 - 64 \\ &= 0 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} &= 4s^2 - \frac{s^4}{4} \\ &= 4(4) - \frac{4^4}{4} \\ &= 64 - 64 \\ &= 0 \end{aligned}$$

السؤال الرابع ( ٣٠ علامة ) :

أ) اذا كان  $h^s = جتس$  ، أثبت أن  $s^2 + (s^2 + 1) = صفر$

ب) يتحرك جسم من السكون حسب العلاقة  $t = \frac{1+e^x}{e^x}$  ، حيث  $x$ : سرعة الجسم ،  $t$ : تسارع الجسم . اذا قطع مسافة  $\left(\frac{5}{4}\right)$  م في ثانية واحدة .

( ١٠ علامات )

المطلوب: جد المسافة المقطوعة بعد (٣) ثواني من حركته

ج) جد التكاملات الآتية :

$$1 - جاس (s - قتس) . دس$$

( ٦ علامات )

$$2 - جاس - جاس . دس$$

يتابع الصفحة (٤) ...

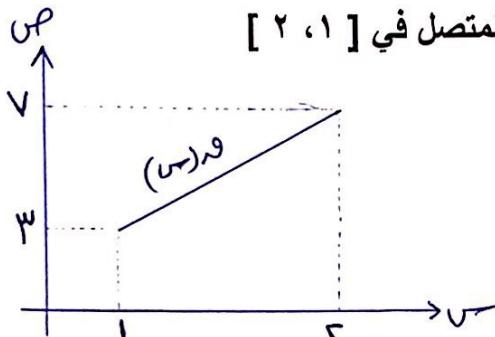
سؤال الخامس ( ٣٠ علامة ) :

الس

(أ) جد اصغر و اكبر قيمة للمقدار  $\frac{3}{\sin x + 3}$  دس دون اجراء التكامل له . ( ٩ علامات )

$$\begin{cases} \frac{\pi}{3} \\ \frac{\pi}{2} \\ \frac{2\pi}{3} \end{cases}$$

(ب) معتمدا على الشكل المجاور ، الذي يمثل منحنى  $q(s)$  المتصل في [ ١ ، ٢ ]



جد  $\int_1^2 q(s) ds$  . ( ٩ علامات )

(ج) يتكون هذا الفرع من ٤ فقرات ، لكل فقرة أربعة بدائل ، واحد منها فقط صحيح ، انقل الى دفتر اجابتك رقم الفقرة ورمز الاجابة الصحيحة لها : ب ( ١٢ علامة )

١) اذا كان  $q(a) \times h(a) = 2$  ،  $q(b) \times h(b) = 9$  ،  $q(c) \times h(c) = 3$  ، فإن  $h$  دق =  
٢)  $h$  - ٤      ب) ٤      ج) - ٤      د) ٤

٢) اذا كان  $q(s) ds = P$  لوحات ، وكان  $q(\frac{\pi}{4}) = 2$  ، فإن قيمة  $P$  =  
٣)  $h$  - ٤      ب) ٤      ج) - ٤      د) ٤

٣) قيمة التكامل الآتي  $\int_{\frac{3\pi}{2}}^{\pi} \frac{\sin x - \cos x}{x^2 - 6x + 9} ds$  تساوي :

٤)  $\frac{1}{3} - \frac{1}{2}$       ب)  $\frac{1}{3}$       ج)  $\frac{1}{3}$       د)  $\frac{1}{3}$

٤) اذا كان  $q(s) ds \geq 2$  ، فإن اكبر قيمة للتكامل  $\int_{\frac{3}{2}}^{q(s)-2} ds$  هي :

٣)  $2 - \frac{1}{2}$       ب)  $2 - \frac{1}{2}$       ج)  $2 - \frac{1}{2}$       د)  $2 - \frac{1}{2}$

انتهت الاسئلة

امنياتي بالتوفيق لكم ... الاستاذ احمد موسى ٧٨٥٥٣٦٢٦٦

عزيزي الطالب :

- اختبر نفسك بأجواء امتحان خلال مدة ساعتين لتعلم قدرتك الحقيقية على الاجابة
- هذا الامتحان متميز المستوى ويراعي الفروق الفردية والمستويات بين الطلبة
- ليس محبطا ان تخطئ اليوم فالهدف ان تصل امتحان الوزارة وعندك الخبرة الكافية عن الاخطاء التي كنت تقع بها والخدع الموجودة في الاسئلة
- تابع صفحة ومجموعة توجيهي الاردن وخاصة اوقات الامتحانات لان فيها الكثير من النصائح والارشادات والاسئلة والافكار التي تساعدك على اجتياز التوجيهي بامتياز

محكم دوما : الاستاذ احمد موسى ٠٧٨٥٥٣٦٢٦٦

هذا الامتحان برعاية :



0785536266