

التميز في الرياضيات
توجيهي الفرع (الأدبي)
المستوى الثالث

اعداد الاستاذ المتميز
رائد أبو شهاب



الوحدة الاولى : (النهايات والاتصال)
(١) نهاية الاقتران عند نقطة (٢) نظريات على النهايات (٣) نهاية خارج قسمة اقترانين (٤) الاتصال

تحتوي هذه الدوسية على شرح مميز جدا وغاية في الروعة لفهم الدروس
وباسلوب جديد وبالتدرج وفيها حل جميع اسئلة الوزارة تقريبا وحل اسئلة الكتاب
ودليل المعلم + أسئلة اضافية واسئلة متوقعة باذن الله



رياضيات توجيهي (الأدبي)

الوحدة الاولى : النهايات والاتصال

تشمل هذه الوحدة ما يلي :

(١) نهاية الاقتران عند نقطة (٢) نظريات على النهايات (٣) نهاية خارج قسمة اقترانين (٤) الاتصال
(١) نهاية الاقتران عند نقطة :

النهايات : النهاية تعني الاقتراب من (عدد ما) من جهة اليمين واليسار معا (مثلا العدد ٣)



السؤال راح يطلب منك أحد الثلاث مطالب الاتية :

<p>تعني ايجاد قيمة نهاية ق(س) عندما تقترب (أو تؤول) قيمة س من أ من جهة اليمين (اشارة + تعني من جهة اليمين) (هنا راح نحل السؤال فقط من جهة اليمين فقط)</p>	<p>1</p> <p>نها ق(س) س ← أ +</p>
<p>تعني ايجاد قيمة نهاية ق(س) عندما تقترب (أو تؤول) قيمة س من أ من جهة اليسار (اشارة - تعني من جهة اليسار) (هنا راح نحل السؤال فقط من جهة اليسار فقط)</p>	<p>2</p> <p>نها ق(س) س ← أ -</p>
<p>هنا لم يحدد الجهد وبالتالي راح نجدها من الجهتين من جهة اليمين ومن جهة اليسار وهنا حالتين :</p> <p>(١) $\text{نها ق(س)} = \text{نها ق(س)}$ س ← أ + س ← أ -</p> <p>إذا كانت الجهتين متساويتين في النتيجة (معناها النهاية موجودة)</p> <p>(٢) $\text{نها ق(س)} \neq \text{نها ق(س)}$ س ← أ + س ← أ -</p> <p>إذا كانت الجهتين غير متساويتين في النتيجة ونفس الناتج (معناها النهاية غير موجودة)</p>	<p>3</p> <p>نها ق(س) س ← أ</p>

مثال : (جدول جاهز وعليه أسئلة) : بالاعتماد على الجدول الاتي الذي يبين قيم س ← ٣ كما يلي :

س	٣,٣	٣,٢	٣,١		٢,٩	٢,٨	٢,٧
ق(س)	٤,٣	٤,٢	٤,١		٥,٩	٥,٨	٥,٧

جهة اليمين (نقل) ق(س) ← ٤
جهة اليسار (تزداد) ٦ → ق(س)

١ : جد ما يلي : نها ق(س) ← ٣ + س
٢ : نها ق(س) ← ٣ - س

الحل :

(١) نها ق(س) = ٤
س ← ٣ +
تعنى من جهة اليمين

الشرح فقط للتوضيح :
لاحظ أن كل القيم ق(س) من جهة اليمين وهي : ٤,٣ و ٤,٢ و ٤,١
تؤول (تقترب) من ٤ وبالتالي الناتج ٤

(٢) نها ق(س) = ٦
س ← ٣ -
تعنى من جهة اليسار

لاحظ أن كل القيم ق(س) من جهة اليسار وهي :
٥,٧ و ٥,٨ و ٥,٩ تؤول (تقترب) من ٦ وبالتالي الناتج ٦

وزارة شتوي ٢٠٠٩ (علامتان)

بالاعتماد على الجدول الاتي الذي يبين قيم ق(س) عندما س ← ٣ فان نها ق(س) تساوي :

(أ) ٤ (ب) ٥ (ج) ٦ (د) غير موجودة
الجواب : أ

س	٣,١	٣,٠١	٣,٠٠١		٢,٩٩	٢,٩٨	٢,٩٠
ق(س)	٤,١	٤,٠١	٤,٠٠١		٥,٩٩	٥,٩٨	٥,٩٠

لان القيم ٤,٠١ / ٤,٠٠١ / ٤,٠٠٠١
جميعها (تقترب) أو تؤول الى ٤
اذن الناتج ٤

في الجدول الوزاري اعلاه س ← ٣ + تعني ان قيم س تقترب من ٣ من جهة اليمين

قيم س ← ٣ + (من جهة اليمين) هي : ٣,١ و ٣,٠١ و ٣,٠٠١

وكذلك قيم س ← ٣ - (من جهة اليسار) هي : ٢,٩٩ و ٢,٩٨ و ٢,٩٠

س ١ : من خلال الجدول السابق اذكر قيم س ← ٣ - الجواب : ٢,٩٩ و ٢,٩٨ و ٢,٩٠

ملاحظة : عندما نقول بأن س ← ٣ معناها أن س تقترب من ٣ من الجهتين وبالتالي س لا يساوي ٣

س ٢ : ضع دائرة حول رمز الاجابة الصحيحة : عندما تؤول س الى الصفر (س ← صفر) تعني :

(أ) س = صفر (ب) س ≠ صفر (ج) س عدد موجب فقط (د) س عدد سالب فقط

(مثال ٢ على النهاية موجودة): الجدول الاتي يبين قيم ق(س) عندما س ← ٣ جد نها ق(س)
س ← ٤

٣,٩	٣,٩٩	٣,٩٩٩		٤,٠٠١	٤,٠١	٤,١	س
٦,٩	٦,٩٩	٦,٩٩٩		٧,٠٠١	٧,٠١	٧,١	ق(س)

جهة اليسار
جهة اليمين
ق(س) → ٧
٧ ← ق(س)

الحل :

هنا لم يحدد الجهة (من اليمين او اليسار) الان اولاً راح نجد النهاية من اليمين ومن اليسار ونقارنهم مع بعض اذا انهم متساويات بتكون (النهاية موجودة) واذا كانوا الطرفين غير متساويات بتكون (النهاية غير موجودة)

((لاحظ ان قيم ق(س) من جهة اليمين ٧,١ و ٧,٠١ و ٧,٠٠١ جميعها قريبة من ٧ اذن الناتج ٧))

$$\lim_{s \rightarrow 4^+} f(s) = 7$$

((لاحظ ان قيم ق(س) من جهة اليسار ٦,٩٩٩ و ٦,٩٩ و ٦,٩ جميعها قريبة من ٦ اذن الناتج ٦))

$$\lim_{s \rightarrow 4^-} f(s) = 6$$

موجودة لان نها ق(س) = نها ق(س)
س ← ٤ + س ← ٤ -

$$\lim_{s \rightarrow 3} f(s) = 3$$

الناتج من جهة اليمين ٧ والناتج من جهة اليسار ٧ اذن الطرفين غير متساويين اذن النهاية غير موجودة

بالاعتماد على الجدول الاتي الذي يبين قيم س ← ١ فان نها ق(س)
س ← ١ (أ) موجودة (ب) غير موجودة (ج) ١ (د) ١

واجب

١,١-	١,٠١-	١,٠٠١-	١-	٠,٩٩٩-	٠,٩٩-	٠,٩-	س
٤,٩	٤,٩٥	٤,٩٩		٢,٠٠١	٢,٠١	٢,١	ق(س)

الحل:

$$\lim_{s \rightarrow 1^+} f(s) = 4$$

$$\lim_{s \rightarrow 1^-} f(s) = 2$$

$$\lim_{s \rightarrow 1} f(s) = \dots$$

وبالتالي الجواب :

التميز في الرياضيات (الفرع الأدبي)

اعداد الأستاذ: رائد أبو شهاب ٠٧٨٦٢٢٧٣٧

إذا كانت نهـا ق(س) = ٥ وكانت نهـا ق(س) = ٥
 س ← ٢ س ← ٢
 ٢(أ) (ب) ٥ (ج) صفر (د) غير موجودة

إذا كانت نهـا ق(س) = ٤ ونهـا ق(س) = ٦ فان نهـا ق(س) هي :
 س ← ٣ س ← ٣
 ٤(أ) ٦(ب) (ج) موجودة (د) غير موجودة

هناك ٣ طرق لإيجاد النهايات من خلال الجدول (اخذنا الطريقة الأولى وهي من خلال الجدول)
 (أ) من خلال جدول جاهز (ب) يمكن ان يعطيك اقتران ويطلب منك ان تكون جدول (ج) من خلال اقتران متشعب
 الان سنأخذ الطريقة الثانية ب :

لم ياتي وزارة (احتمال ضعيف أن يأتي في الوزارة) يعطيك اقتران ويطلب منك ان تكون جدول

مثال: على اعتبار ان ق(س) = ص = ٢س + ١ ناتج هو :

(أ) نهاية موجودة (ب) نهاية غير موجودة
 (ج) صفر (د) ٢

الحل: هنا لم يحدد من جهة اليمين او اليسار اختر اي ٣ قيم تريدها تكون قريبة من ٢ من جهة اليمين وكذلك ٣ قيم تكون قريبة من ٢ من جهة اليسار وطلع ناتج ق(س) لكل منها حسب المعادلة ٢س + ١ وقارن الناتج من الجهتين اذا كانت تقترب (تؤول من نفس العدد فان النهاية موجودة واذا كانت غير متساوية فان النهاية غير موجودة
 نعوض ٣ قيم من جهة اليمين و ٣ قيم من جهة اليسار

٢,١	٢,٠١	٢,٠٠١		١,٩٩٩	١,٩٩	١,٩	س
٥,٢	٥,٠٢	٥,٠٠٢		٤,٩٩٨	٤,٩٨	٤,٨	ق(س)

مثلا ق(١,٩) = (١,٩) * ٢ + ٢ = الناتج ٤,٨ وهكذا

(١) نهـا ق(س) = ٥ س ← ٢
 (٢) نهـا ق(س) = ٥ س ← ٢

(٣) نهـا ق(س) موجودة لأن نهـا ق(س) = نهـا ق(س)
 س ← ٢ س ← ٢

هناك ٣ طرق لايجاد النهايات من خلال الجدول (اخذنا الطريقة الأولى وهي من خلال جدول جاهز)
(أ) من خلال جدول جاهز (ب) يمكن ان يعطيك اقتران ويطلب منك ان تكون جدول (ج) من خلال اقتران متشعب
اخذنا أ + ب الان سنأخذ ج

(ج) تكوين جدول من خلال اقتران متشعب :

سؤال :

$$\left. \begin{array}{l} ٣ \\ \text{س} < ٢ \\ \text{س} > ١ \end{array} \right\} \text{ق (س) =}$$

(١) كون جدولاً لايجاد **أ** نهـا ق(س) **ب** نهـا ق(س)
س ← -١ + س ← -١

(٢) نهـا ق(س)
س ← -١

حل فرع ١ :

س	٠,٧-	٠,٨-	٠,٩-		٠,١-	٠,٢-	٠,٣-
ق(س)	٠,٤٩	٠,٦٤	٠,٨٤		٣	٣	٣

- الان راح ننشأ جدول لجهتين
- جهة ل قيم س > ١- وندخل فيها قيم أقل من ١-
- جهة أخرى ل س < ١- وندخل فيها قيم أقل من ١-
- ونضع في كل جهة رقمين او ٣ اختياري من عندي يكون الاولى أقل من ١- (س > ١-) والجهة الاخرى قيم أكبر من ١- (س < ١-) كما في الجدول المجاور .

الشرح فقط للتوضيح :

لاحظ أن كل القيم ق(س) من جهة اليمين وهي :
٤٩,٠ و ٦٤,٠ و ٨٤,٠ توول (تقترب) من ١ وبالتالي الناتج ١
مثلا س = ٠,٩- , نعوضها في المعادلة المقابلة لها كما يلي :
ق(س) = ٣ س = ٢ وبالتالي ق(-٩٠) هي ٢ هي ٨٤,٠ وهكذا

الشرح فقط للتوضيح :

لاحظ أن كل القيم ق(س) من جهة اليسار وهي :
١,١ و ١,٢ و ١,٣ توول (تقترب) من ٣ وبالتالي الناتج ٣
مثلا س = ١,١- , نعوضها في المعادلة المقابلة لها كما يلي :
ق(س) = ٣ وبالتالي ق(-١,١) = ٣ وهكذا

أ نهـا ق(س) = ١
س ← -١ +

ب نهـا ق(س) = ٣
س ← -١ -

حل فرع ٢ : نهـا ق(س) ... نهـا ق(س) النهاية
س ← -١ + س ← -١ -

سؤال :

$$\left. \begin{array}{l} \text{س} > 2, \quad 1 + \text{س} \\ \text{س} \leq 2, \quad 1 - \text{س} \end{array} \right\} = (\text{س}) \text{ ق}$$
 كون جدول لايجاد نهاية ق عندما
 س \leftarrow 2 ان كانت موجودة

الحل :

س	٢,٢	٢,١		١,٩	١,٨
ق(س)	٥,٦	٥,٣		٤,٦١	٤,٢٤

مع تحيات الأستاذ الرياضيات
رائد أبو شهاب

أ نهـا ق(س) = ٥ س \leftarrow +2 ب نهـا ق(س) = ٥ س \leftarrow -2

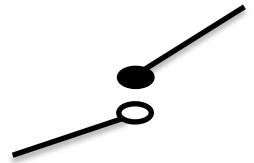
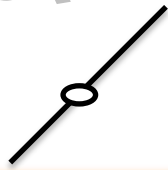
نهـا ق(س) = ٥ س \leftarrow +2 نهـا ق(س) = ٥ س \leftarrow -2
 نهـا ق(س) = ٥ س \leftarrow +2 نهـا ق(س) = ٥ س \leftarrow -2
 نهـا ق(س) = ٥ س \leftarrow +2 نهـا ق(س) = ٥ س \leftarrow -2

٣ طرق لايجاد النهايات من خلال (١) الجدول (٢) الرسم (٣) التعويض المباشر

أخذنا من خلال الجدول الان راح نجد النهايات من خلال الرسم

(٢) ايجاد النهاية من خلال الرسم

ملاحظة : دائما النهاية (غير موجودة) عند انفصال الخط عند النقطة المطلوبة مثل الرسومات التالية :



الخط متصل اذن
(النهاية موجودة)

الخط متصل اذن
(النهاية موجودة)

الخط منفصل
هنا قيمة
غير موجودة

الخط منفصل
هنا قيمة
غير موجودة

ملاحظة ١ : الدائرة الفارغة \circ تعني أن الاقتران عندها غير معرف

ملاحظة ٢ : الدائرة المغلقة \bullet تعني أن الاقتران معرف عند هذه النقطة

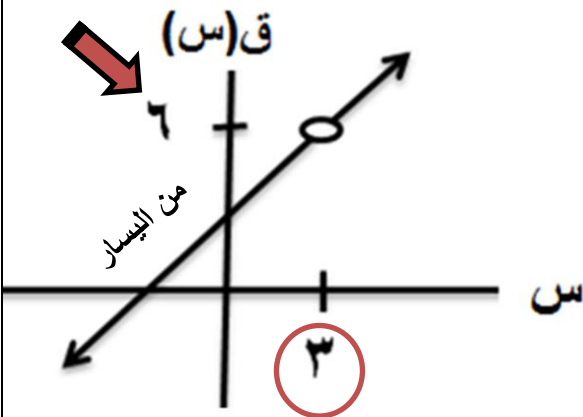
ملاحظة ٣ : نأخذ بعين الاعتبار الدوائر المغلقة والمفتوحة فقط عند ايجاد الصورة(الرسم)

تكون النهاية غير موجودة عند : أ) الشكل منفصل

ب) عند أطراف الفترات (يعني نقطة الها خط من اليمين لكن ليس لها خط من اليسار أو العكس
إذا كان الشكل متصل تكون النهاية موجودة

$$\frac{9 - 2}{3 - 3}$$

جد قيمة كل مما يأتي ان وجدت :



(١) ق(٣) نهـا ق(س)

$$س \leftarrow +3$$

(٢) نهـا ق(س) ق(٣) =

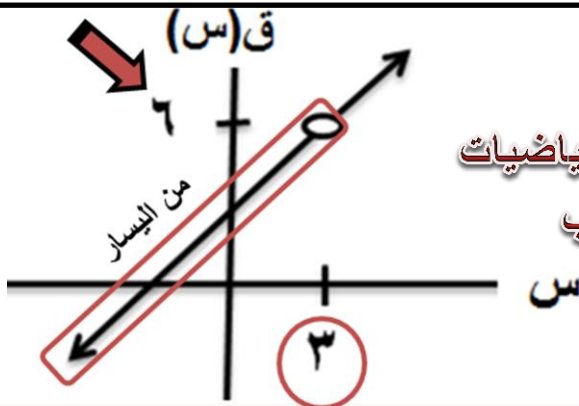
$$س \leftarrow 3$$

لأن الاقتران متصل معناه (النهاية موجودة)

حل (١) ق(٣) =
الدائرة الفارغة \circ تعني أن الاقتران عندها غير معرف

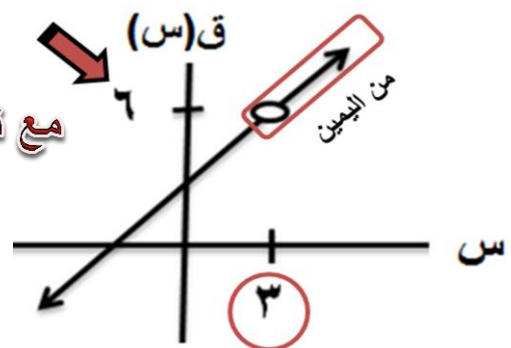
حل (٣) نهـا ق(س)
س $\leftarrow -3$

لاحظ من جهة اليسار لليمين ق(٣) = ٦



حل (٢) نهـا ق(س) = ٦
س $\leftarrow +3$

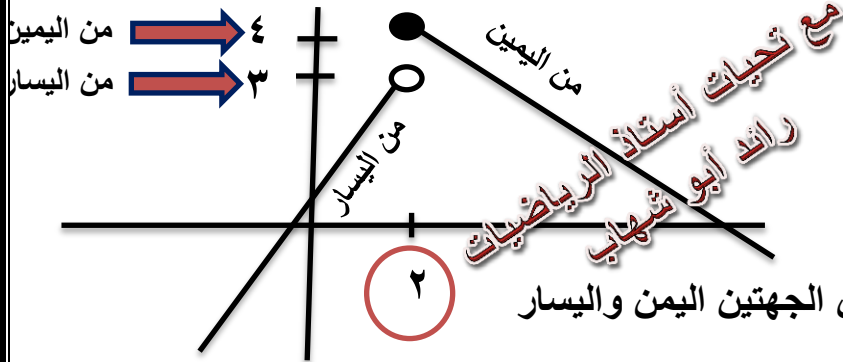
لاحظ من جهة اليمين الى اليسار ق(٣) = ٦



مع تحيات أستاذ الرياضيات
رائد أبو شهاب

(٤) نهـا ق(س) = ٦
س $\leftarrow 3$

لاحظ ان الناتج من جهة اليمين ٦ ومن جهة اليسار ٦ اذن الناتج ٦



بالاعتماد على الشكل المجاور اوجد

نهـا ق(س) ← ٢

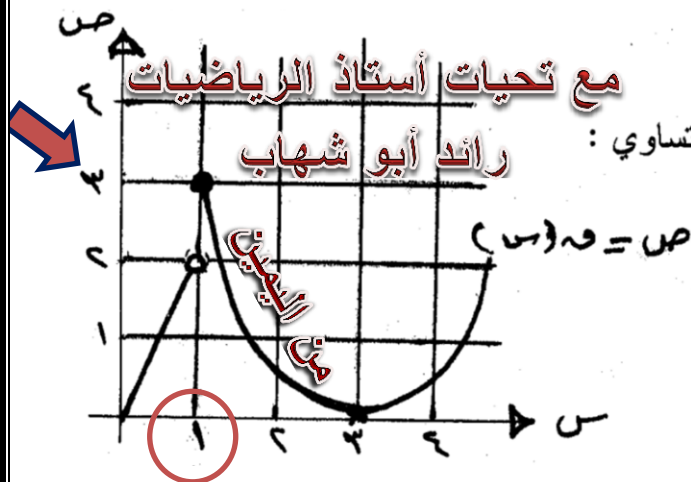
الحل: لانه لم يحدد اي جهة راح نطلع الحل من الجهتين اليمين واليسار

(١) نهـا ق(س) = ٤ ← ٢
نهـا ق(س) = ٣ ← -٢

نهـا ق(س) = ٣ ← -٢ ≠ نهـا ق(س) = ٤ ← ٢

نهـا ق(س) ← ٢ غير موجودة

وزارة ٢٠٠٨ صيفي (علامتان)



بالاعتماد على الشكل المجاور فإن نهـا ق(س) ← ١

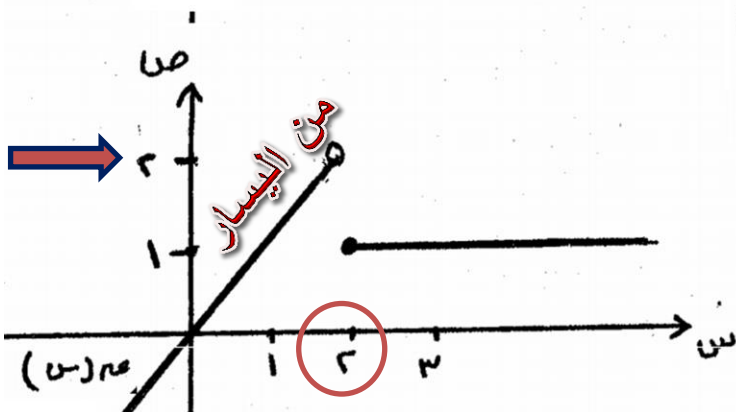
- (أ) صفر
(ب) ١
(ج) ٢
(د) ٣

وزارة ٢٠٠٩ صيفي (علامتان)

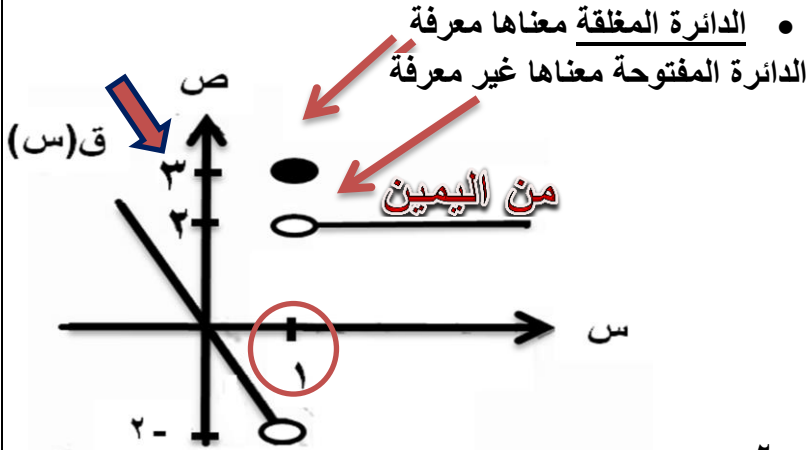
معتماً الشكل المجاور الذي يمثل منحنى ق(س)

فما نهـا ق(س) ← -٢

- (أ) ٢-
(ب) ٢
(ج) ١
(د) غير موجودة



وزارة ٢٠١١ شتوي (علامتان)



معتدا الشكل المجاور والذي يمثل
منحنى الاقتران ق(س) ، ما هي
نهاية ق(س)
س ← +١

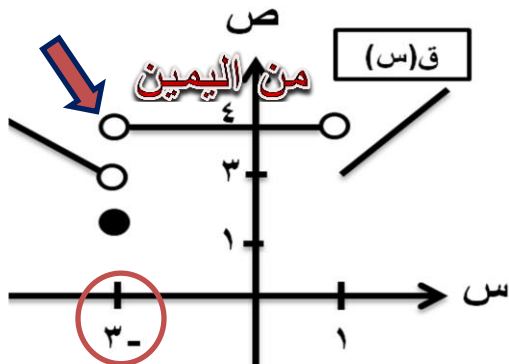
- (أ) ٢ (ب) ٢-
(ج) ٣ (د) غير موجودة

الشرح : النهاية من اليمين = ٣ والنهاية من اليسار = ٢

الناتج من اليمين لا يساوي الناتج من اليسار إذن الناتج (غير معرفة)

لاحظ بان العدد ١ من جهة اليمين له قيمتين ٢ و ٣ الدائرة المغلقة هي فقط المعرفة اذا ق (١) من جهة اليمين = ٣

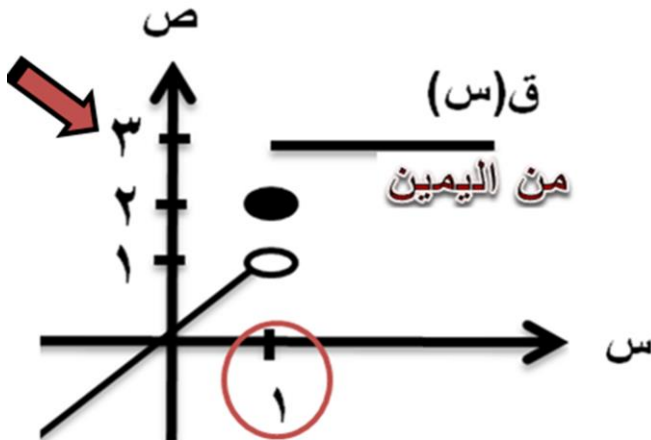
وزارة ٢٠١٢ شتوي (علامتان)



اعتمادا على الشكل المجاور الذي يمثل منحنى الاقتران
ق(س) المعروف على ح ما هي
نهاية ق(س)
س ← -٣+

- (أ) ٣ (ب) ٤ (ج) ١ (د) غير
الجواب : ب

وزارة ٢٠١٢ صيفي (علامتان)



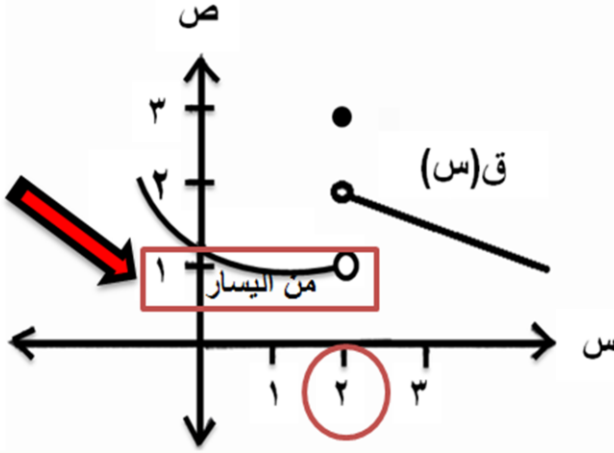
اعتمادا على الشكل المجاور الذي يمثل منحنى
الاقتران ق(س) المعروف على ح ما هي
نهاية ق(س)
س ← +١

- (أ) ٢ (ب) ٣
(ج) ١ (د) غير معرفة

• والدائرة المفتوحة معناها غير معرفة

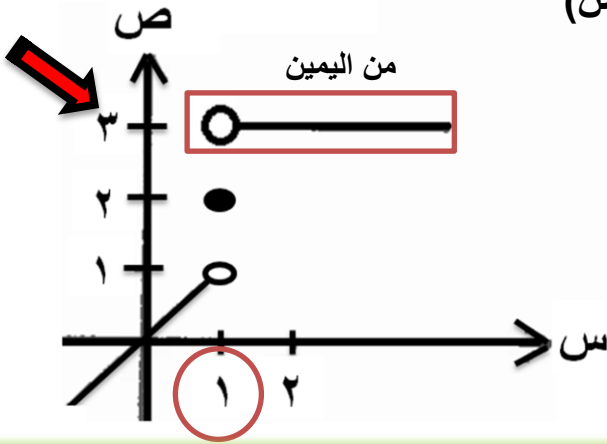
• الدائرة المغلقة معناها معرفة

وزارة ٢٠١٣ شتوي (علامتان)



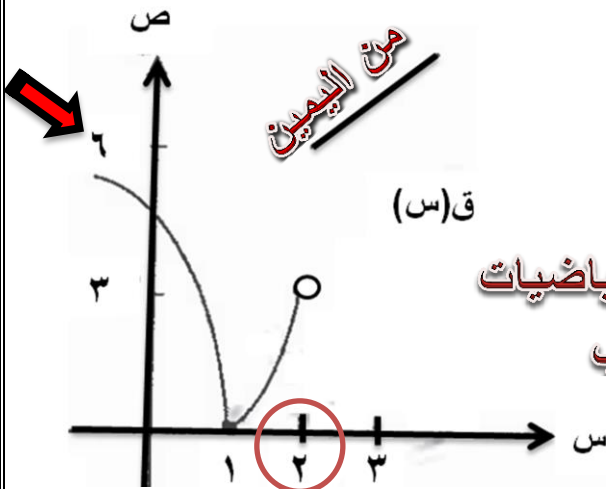
اعتمادا على الشكل المجاور الذي يمثل منحنى الاقتران
ق(س) المعروف على ح ، ما نها ق(س)
س ← -٢
أ) ٢ (ب) ١ (ج) ٣ (د) غير موجودة
الجواب : ب
لاحظ ان قيمة ٢ من جهة اليسار (ص) هي ١

وزارة ٢٠١٣ صيفي (علامتان)



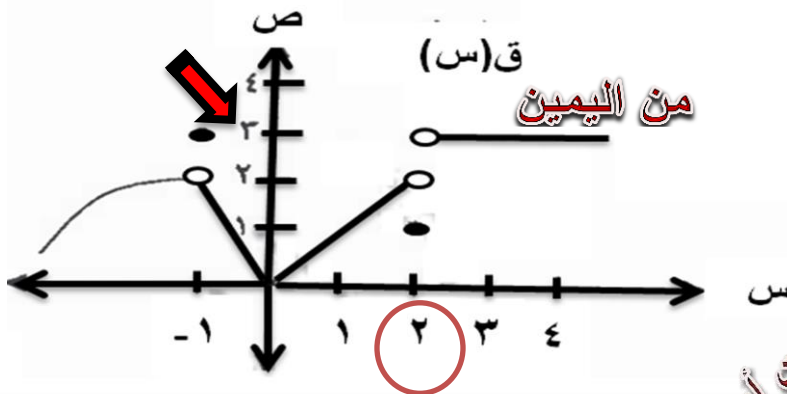
اعتمادا على الشكل المجاور الذي يمثل منحنى الاقتران ق(س)
نها ق(س) هي :
س ← +١
أ) ١ (ب) ٢ (ج) ٣ (د) غير موجودة
الجواب : ج

وزارة ٢٠١٤ صيفي (علامتان)



اعتمادا على الشكل المجاور الذي يمثل منحنى الاقتران ق(س)
المعرف على مجموعة الاعداد الحقيقية جد
نها ق(س)
س ← +٢
الحل : نها ق(س) = ٦
س ← +٢

مع تحيات أستاذ الرياضيات
رائد أبو شهاب

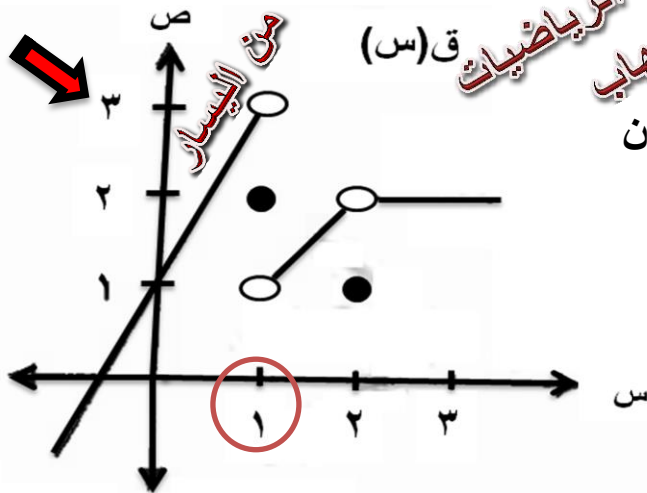


وزارة ٢٠١٥ شتوي (علامتان)

اعتمادا على الشكل المجاور الذي
يمثل منحنى الاقتران ق(س) جد

نهـا ق(س)
س ← ٢ +

الحل :



وزارة ٢٠١٥ صيفي (علامتان)

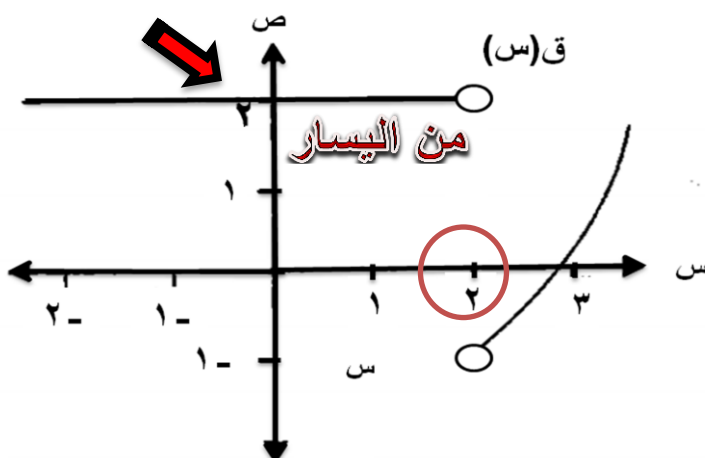
اعتمادا على الشكل المجاور الذي يمثل منحنى الاقتران
ق(س) المعروف على مجموعة الاعداد الحقيقية جد

نهـا ق(س)
س ← -١

الحل : نهـا ق(س) =
س ← -١

وزارة ٢٠١٦ شتوي (علامتان)

اعتمادا على الشكل المجاور الذي يمثل منحنى الاقتران ق(س) المعروف على مجموعة الاعداد
الحقيقية جد نهـا ق(س)
س ← -٢

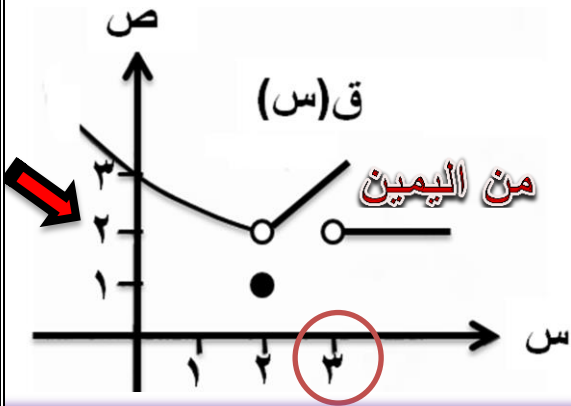


من اليمين

الجواب :

نهـا ق(س) =
س ← -٢

وزارة ٢٠١٦ صيفي (علامة)

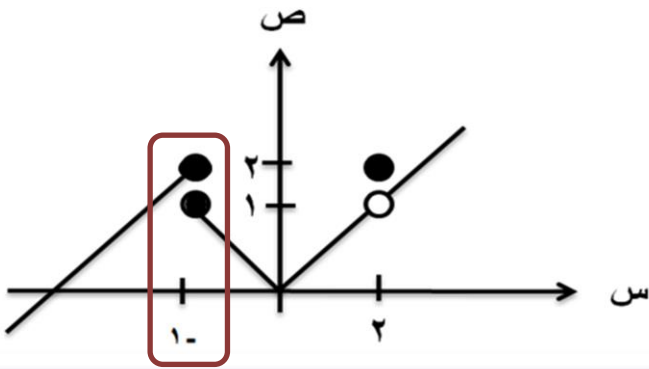


نهاية ق (س)
س ← +٣

اعتمادا على الشكل المجاور الذي يمثل
منحنى الاقتران ق(س) المعروف
على مجموعة الاعداد الحقيقية جد

الجواب :

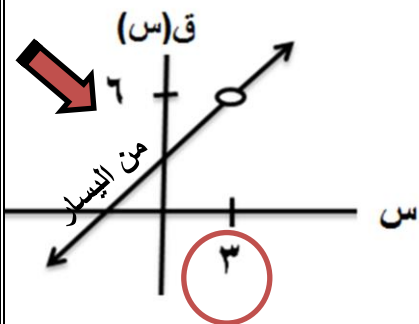
من الشكل المجاور ما هي قيم (أ) التي عندها نهاية ق(س) غير موجودة
س ← أ



الحل :

نهاية ق(س) = ١ ، ونهاية ق(س) = ٢
س ← +١ ، س ← -١

عند ١- الطرفين من اليمين واليسار غير متساويتين
نهاية ق(س) = غير موجودة
س ← -١



$$\frac{س-٢}{س-٣} = ٩$$

حل تدريبات ومسائل الكتاب الكتاب :

تدريب (١) من الكتاب صفحة () :

اعتمد على الشكل المجاور الذي يمثل ق(س) =

جد قيمة كل مما يأتي ان وجدت :

الجواب : غير معرف

(١) ق(٣)

الجواب : ٦

(٢) نهاية ق(س)

س ← -٣

(٤) نهاية ق(س) : الجواب : ٦

الجواب : ٦

(٣) نهاية ق(س)

س ← +٣

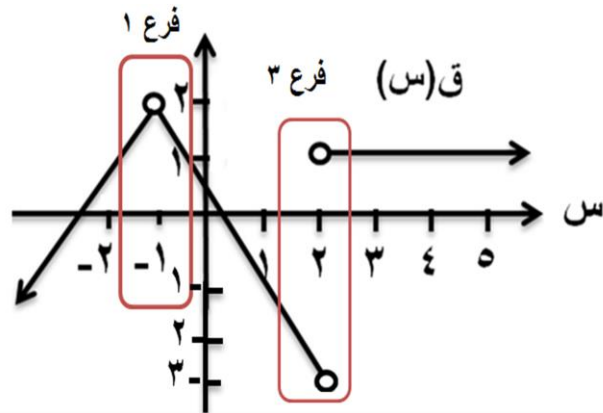
س ← ٣

للتدريس الخصوصي لمادة الرياضيات (الفرع الأدبي)

راسل الأستاذ رائد أبو شهاب على رقم الواتس اب التالي :

٠٧٨٦٢٢٢٧٣٧ وسنعتذر للطلبة المتأخرين

تدريب (٢) : اعتمادا على الشكل الذي يمثل منحنى الاقتران جد قيمة كل مما يأتي (ان وجدت)



(١) نها ق(س) الجواب : ٢

س ← -١

(٢) نها ق(س) الجواب : ١

س ← ٣

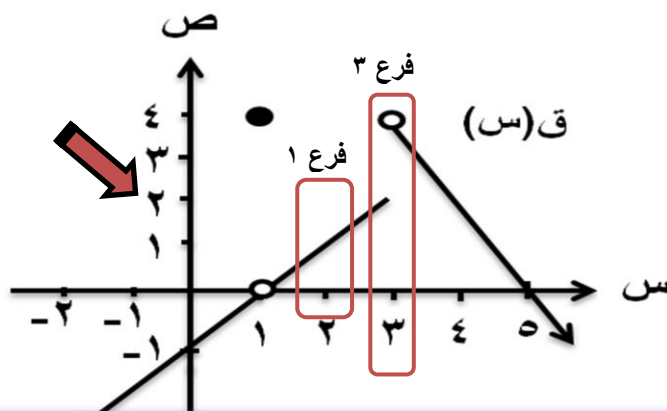
(٣) نها ق(س) الجواب : غير موجودة

س ← ٢ لأن نها ق(٢) ≠ نها ق(٢)

(٤) ق(٢) = س ← -٢

(٥) ق(-١) =

تدريب (٣) اعتمادا على الشكل الذي يمثل منحنى الاقتران جد قيمة كل مما يأتي (ان وجدت)



(١) نها ق(س) = ١

س ← ٢

(٢) الثابت أ ، حيث أن نها ق(س) = صفر

س ← أ

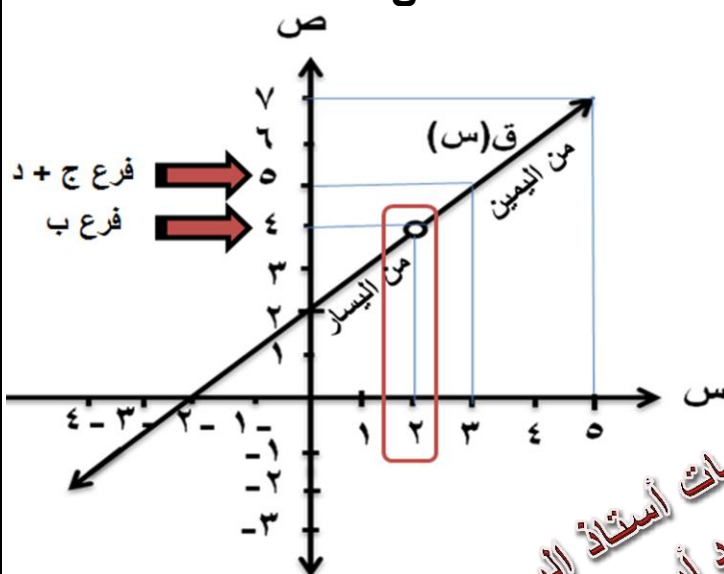
الحل : مجموعة قيم أ هي : { ١ ، ٥ }

(٢) الثابت ب ، حيث نها ق(س) غير موجودة

س ← ب

الحل : مجموعة قيم ب هي { ٣ } بسبب

حل س (١) اعتمادا على الشكل (١-٩) الذي يمثل منحنى الاقتران ق(س) = $\frac{4-s}{2}$ جد قيمة كلا مما يأتي ان وجدت :

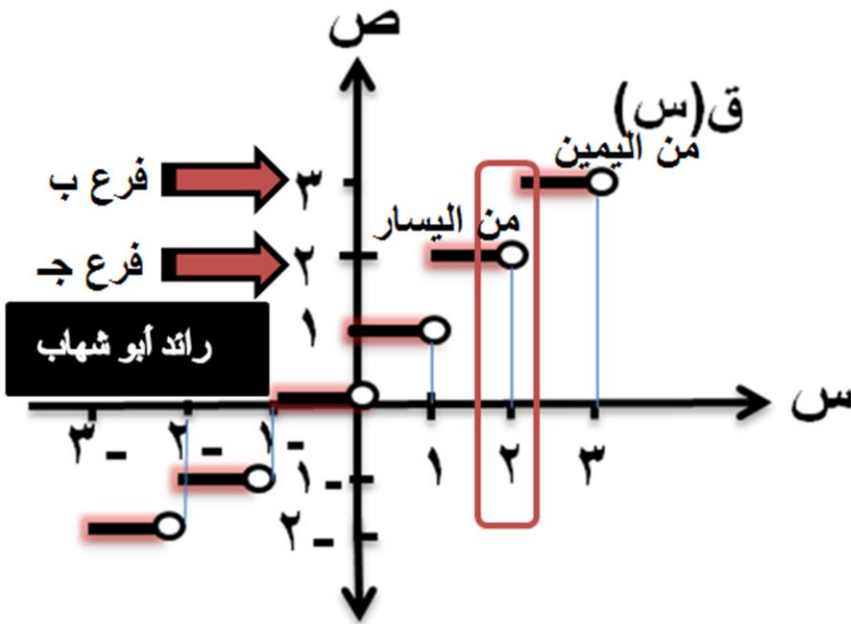


السؤال	الجواب
(أ) ق(٢)	الدائرة المفتوحة تعني غير معرف
(ب) نها ق(س)	٤
(ج) ق(٣)	٥
(د) نها ق(س)

مع تحيات الأستاذ الرياضيات
رائد أبو شهاب

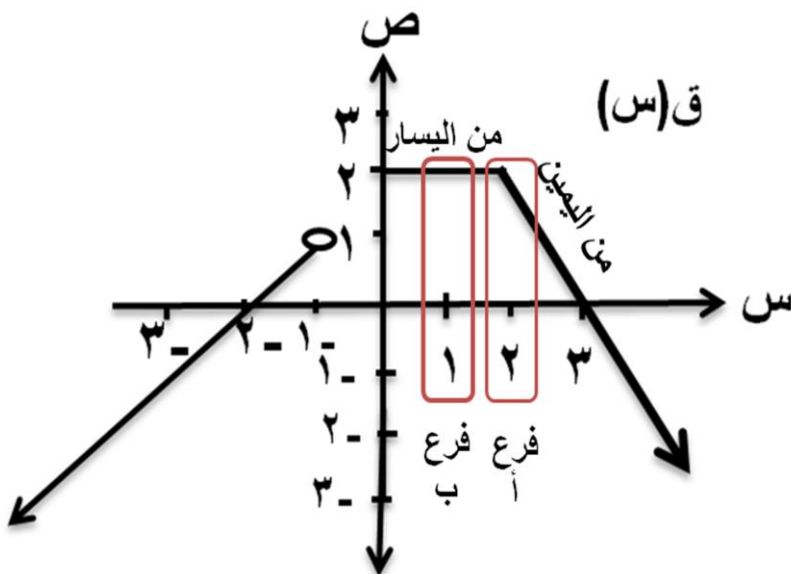
حل س٢) اعتمادا على الشكل (١٠-١) الذي يمثل منحنى الاقتران ق ، جد قيمة كل مما يأتي ان وجدت :

السؤال	الجواب
(أ) نها ق(س) س ← ٥
تقرب ٥,٠ من ١ على محور السينات وقيمة ق(١)=..... على محور الصادات	
(ب) نها ق(س) س ← ٢+	٣
(ج) نها ق(س) س ← ٢-	٢
(د) نها ق(س) س ← ٢
النهاية من اليمين ٢ ومن اليسار ٣ اذن الناتج	



حل س٣) اعتمادا على الشكل (١١-١) الذي يمثل منحنى الاقتران ق ، جد قيمة كل مما يأتي ان وجدت :

السؤال	الجواب
(أ) نها ق(س) س ← ٢	٢
النهاية من اليمين ٢ ومن اليسار ٢ اذن الناتج ٢	
(ب) نها ق(س) س ← ١	٢
الشرح:	
(ج) قيمة أ ، حيث نها ق(س) غير موجودة س ← أ	أ = ...
الشرح: لأن	
نها ق(س) = ٢ ، ونها ق(س) = ١ س ← ١+ ، س ← ١-	
(د) قيم ب ، حيث نها ق(س) = صفر س ← ب
الشرح:	



الوحدة الأولى (النهايات والاتصال)
١) نهاية الاقتران عند نقطة (٢ نظريات على النهايات (٣ نهاية خارج قسمة اقترانين (٤) الاتصال
(أخذناها) (الان سنأخذها)

الدرس الثاني : نظريات على النهايات

نظرية ١ :

نها $\text{ج} = \text{ج}$ (العدد نفسه)
س ← أ

نها $٣ = ٣$
س ← ٧

نها $٥ = ٥$
س ← ٣

نها $٤٥٨١ = ٤٥٨١$
س ← ٨

تعني أن نهاية الثابت = الثابت نفسه

إذا كان أ ، ج \in (ينتمي) ح وكان ق(س) = ج حيث أن ج عدد ثابت فإن نها $\text{ج} = \text{ج}$
س ← أ

نها $٤٥٨١ = ٤٥٨١$
س ← ٨

نها $٥ = ٥$
س ← ٣

نها $٣ = ٣$
س ← ٧

السؤال	الناتج	السؤال	الناتج
١) نها ٩- س ← ١٣	٩-	٥) نها (٣) س ← ٧	(٣)
٢) نها أ س ← ٥	أ	٦) نها $\sqrt[٣]{٢}$ س ← ١	$\sqrt[٣]{٢}$
٣) نها $(\frac{٣}{٩})$ س ← ٤	$\frac{٣}{٩}$	٧) نها ٢ج س ← ٤ علما بأن ج ثابت
٤) نها π س ← ٣	π	مدرس مادة الرياضيات الأستاذ : رائد أبو شهاب	

نها $\text{ق} = \text{ق}$ (س) = ق (أ)
س ← أ

نظرية ٢ :

إذا كان ق(س) اقتران كثير حدود (معادلة) فإن ← نها $\text{ق} = \text{ق}$ (س) = ق (أ)
س ← أ أي أن نهاية الاقتران كثير حدود تحسب بالتعويض المباشر

مثال: نها $٤س^٢ + ٥$ هي :
س ← ١
أ) ٥ ب) ٩ ج) $٤س^٢ + ٥$ د) الحل بالتعويض المباشر س=١ في المعادلة بدلا من س كما يلي :

$$\begin{array}{r} ٥ + ٢(١)٤ = ٥ + ٢س^٢ \\ ٥ + ١ \times ٤ \\ ٥ + ٤ \\ ٩ \end{array}$$

١٧

مثال: نها $٤س^٢ + ٥$ هي :
س ← ١
أ) ٥ ب) ٩ ج) $٤س^٢ + ٥$ د) الحل بالتعويض المباشر س=١ في المعادلة بدلا من س كما يلي :

التميز في الرياضيات (الفرع الأدبي)

اعداد الأستاذ: رائد أبو شهاب ٠٧٨٦٢٢٢٧٣٧

مثال على استخدام اقتران كثير حدود بالتعويض المباشر وفيه نظرية ١

مثال
ناتج ما يلي نهـا س هي :
س ←

(أ) ٣ (ب) ٤ (ج) -٤ (د) غير ذلك
الجواب :

نهاية الثابت = الثابت نفسه

أمثلة على استخدام اقتران كثير حدود بالتعويض المباشر لإيجاد قيمة

الثابت :

مثال ١ : إذا علمت بأن نهـا (س+٣) = ١٥
جد قيمة أ .
س ← ٢

الحل :

$$١٥ = أ + ٢ \times ٣$$

الآن ننقل ٦ الى الطرف الايمن حتى
تبقى أ فقط لانها هي المطلوب

$$١٥ = أ + ٦$$

$$٦ - ١٥ = أ$$

$$٩ = أ$$

عند نقل عدد من جهه الى اخرى تتغير
اشاراته لاحظ ٦ تغيرت الى -٦

وزارة ٢٠٠٨ صيفي (علامتان)

إذا كان ل عدد ثابتا وكانت نهـا (س+ل) = ٦ فما قيمة
س ← ٢

الثابت ل ؟ (أ) ٨ (ب) ٦ (ج) ٤ (د) ٣

الحل: نعوض س=٢ في المعادلة كما يلي :

٦ = ل + ٢ الان ننقل ٢ الى الطرف الاخر حتى تبقى ل لوحدها

ل = ٦ - ٢ عند نقل ٢ الى الطرف الاخر تتحول الى -٢

ل = ٤ الجواب : جـ وهي ٤

وزارة ٢٠١٣ شتوي (علامتان)

إذا كانت نهـا (ل س+٣) = ٧ فان قيمة الثابت ل
س ← ١ (أ)

(أ) ٤ (ب) -٤ (ج) -١٠ (د) ١٠

الحل : نعوض س=١ في المعادلة

$$٧ = ٣ + ١ \times (ل)$$

$$٧ = ٣ + ل$$

$$٧ = ٣ + ل$$

ل = اذن الحل فرع :

ملاحظة ١ : أي عدد سالب أس عدد زوجي يتحول الى موجب

$$٩ = ٣ (٣-) ، ٤ = ٢ (٢-) ، ١ = ١ (١-) ، ١ = ٤ (١-) ، ١ = ٢ (١-)$$

ملاحظة ٢ : أي عدد سالب أس عدد فردي تبقى اشارة السالب مع الناتج

$$٢٧ = ٣ (٣-) ، ٩ = ٢ (٣-) ، ٨ = ٢ (٢-) ، ١ = ٩ (١-) ، ١ = ٢ (١-)$$

أمثلة على استخدام اقتران كثير حدود بالتعويض المباشر في المعادلات

مثال (١) : أوجد نهـا ٣س + ٢س - ٥س - ٤
س ← ١

$$\text{الحل : } ٤ - ١ - ٥ + ٣(١-) =$$

$$٤ - ١ - ٥ + ٢(١-) =$$

$$٤ - ٥ + ١ \times ٢ =$$

$$٤ - ٥ + ٢ =$$

$$٤ - ٢ =$$

$$٦ =$$

مثال (٢) : أوجد نهـا (س-٩) (س-٤) (س-٥)

$$\text{الحل : } (١-) \times ٤ - ٩(١-) = ١ - ٤$$

$$١ \times ٤ - ١ = ٤ - ١ =$$

$$١ = ٤ - ١ =$$

$$٥ =$$

مثال (٣) : ناتج ما يلي نهـا ١/٢ س + ٢ هي :

(أ) ٣ (ب) ٤ (ج) -٤ (د) غير ذلك
الحل :

أمثلة على استخدام اقتران كثير حدود بالتعويض المباشر مع القسمة :

مثال (١) : أوجد نهـا (١٠+س) / (٢+س) ← ٢

(أ) ٢٠ (ب) ١٠ (ج) صفر (د) ٢
الحل :

مثال (٢) : أوجد نهـا (س+٢) / (س+٤) ← ٣

$$\text{الحل : } \frac{٣ + ٢(٣)}{٤} =$$

$$\frac{١٢}{٤} =$$

$$٣ =$$

مراجعة + تأسيس لتحليل المعادلات التربيعية:

شرح المعادلات التربيعية وتحليلها : أس^٢ + ب س + ج = صفر
يسمى (أس) الحد التربيعي ويسمى (ب س) الحد الأوسط
ويسمى (ج) الحد الثابت (المطلق)

طريقة التحليل الى العوامل :

- ١) نفتح قوسين () ()
- ٢) نحلل س كما يلي (س) (س)
- ٣) نحدد الاشارات كما يلي :
(أ) اذا كانت اشارة الحد الثابت (ج) موجبة فان اشارة القوسين متشابهتين حسب اشارة الحد الأوسط موجب أو سالب مثالين :
مثال ١) أس^٢ + أس + ٦ = صفر التحليل هو : (أس + ٣) (أس + ٢) = صفر
مثال ٢) أس^٢ - أس + ٦ = صفر التحليل هو : (أس - ٢) (أس - ٣) = صفر

(ب) اذا كانت اشارة الحد الثابت (ج) سالبة فان اشارة القوسين مختلفين كما يلي :

(٤) نحلل الحد المطلق كحاصل ضرب عددين مجموعهما الحد الأوسط و اشارة العدد الأكبر تأخذ اشارة الحد الأوسط
مثال : حل ما يلي :

(أ) أس^٢ - ٥س + ٦ = صفر التحليل هو : (س-٣) (س-٢) = صفر
لاحظ مجموع ٣-٢ = ٥- الحد الأوسط وحاصل ضربهما ٦ (قيمة ج)

(ب) أس^٢ - ٦س = صفر التحليل هو : (س-٣) (س+٢) = صفر
لاحظ مجموع ٣-٢ = ١- الحد الأوسط وحاصل ضربهما ٦ (قيمة ج)

(ج) أس^٢ - ٤س + ١ = صفر التحليل هو : (س-٣) (س-١) = صفر

*****مراجعة + تأسيس لتحليل المعادلات الكسرية:**

حل ما يلي لأبسط صورة

المعادلة	المعادلة أثناء التحليل	نتج التحليل
(١) $\frac{س^٢-٤}{س-٢}$	$\frac{(س-٢)(س+٢)}{س-٢}$	س+٢
(٢) $\frac{س^٢-٣س}{س}$	$\frac{س(س-٣)}{س}$	س-٣
(٣) $\frac{س^٢-٢س}{س-٢}$	$\frac{س(س-٢)}{(س-٢)(س+٢)}$	$\frac{س}{س+٢}$
(٤) $\frac{س^٣-١}{س-١}$	$\frac{(س-١)(س^٢+س+١)}{(س-١)}$	س ^٢ + س + ١
(٥) $\frac{س^٢+٥س+٦}{س^٢+٧س}$	$\frac{(س-٢)(س+٣)}{(س+٣)(س+٢)}$	$\frac{(س-٢)}{(س+٢)}$
(٦) $\frac{س^٣+٤س^٢+٦س}{س-٢}$	$\frac{س(س+٣)(س+٢)}{(س-٢)}$	$\frac{س(س+٣)(س+٢)}{س-٢}$
(٧) $\frac{س^٢+١}{س-٢}$	$\frac{(س+١)(س-٢)}{(س-٢)}$	س+١

مثال ٢ : اذا علمت بأن نهـا (س+٢)(س) = ٩-
س < أ

فان قيمة أ هي : (أ) ٣ (ب) ٣- (ج) ٦ (د) ٩-

الحل : أولاً نعوض أ في المعادلة (س+٢)(س) = ٩- كما يلي :

$$٩- = أس + ٢س$$

$$٩- = أس + ٢س$$

$$صفر = (أس+٢)(أس+٣)$$

$$اذن أ = ٣-$$

مثال ٣ :

اذا علمت بأن نهـا (س+٢)(س) = ١- أوجد قيمة أ .
س < أ

الحل : نعوض قيمة س وهي -أ في المعادلة كما يلي :

$$١- = (س-أ)(س+٢)$$

$$١- = أس + ٢س - أس - ٢أ$$

نعوض وننقل ١ الى جهة اليمين حتى نحولها الى معادلة تربيعية عشان نحلها

$$صفر = ١ + أس - ٢أ$$

$$..... = أ$$

وزارة ٢٠١٥ شتوي (علامتان)

$$\frac{س^٢-٣س-٤}{س-١٢} \leftarrow س$$

الحل : لدينا معادلة تربيعية وهي

س^٢-٣س-٤ نحللها الى (س-٤) (س+١) حسب الشرح المجاور

١٢-٣س بنطلع منها عامل مشترك ٣(س-٤) حسب الشرح المجاور ***

$$\frac{س(س-٤)(س+١)}{س(س-٤)}$$

$$\frac{س(س+١)}{س} \leftarrow س$$

أقوى شرح لمادة الرياضيات

اعداد الاستاذ المتميز : رائد أبو شهاب

للاستفسار عن أي سؤال أو التسجيل للتدريس

الخصوصي ٠٧٨٦٢٢٧٣٧

رائد أبو شهاب