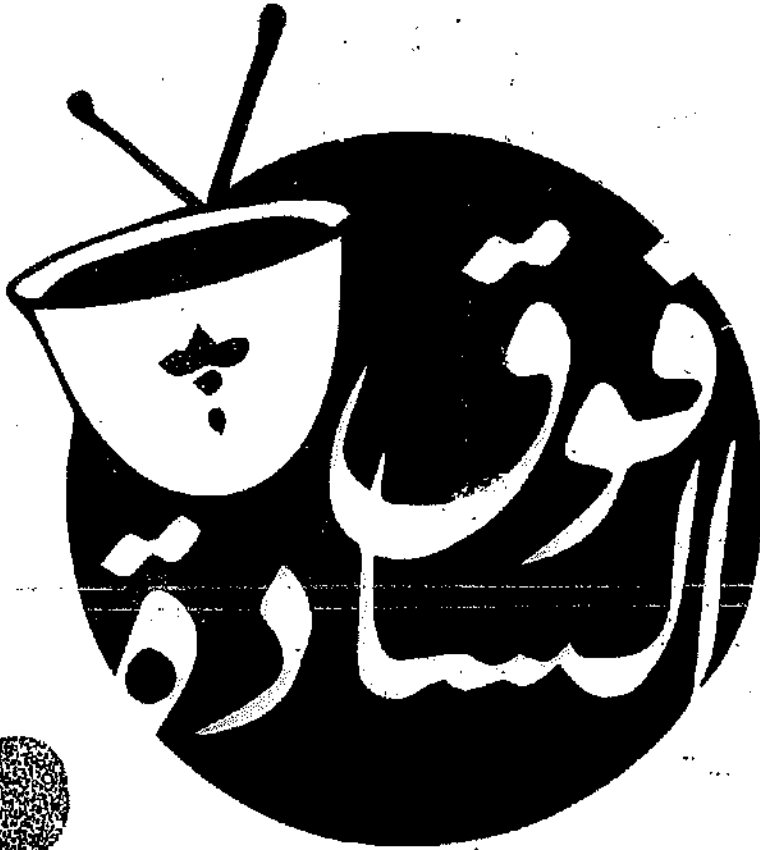


الأسئلة المقترحة لمادة الرياضيات

٢٠١٨
صيفي



عندما يعشق الرياضيات

محمد العبد اللات

www.facebook.com/moh.abdallat

يحتوي المقترح على العلامة الكاملة

بسم الله الرحمن الرحيم

إهداء إلى طلابي المتميزين أصحاب العزيمة الرائعة من جيل 2000

اللهم قوة اللهم نجاح

من نتائج طلابي للفصل الأول
الطالب حمزة الأقرع الأول على مدرسة العز بن عبد السلام الثانوية
الطالبة فرع سامر عوض الأولى على مدرسة القادسية / طبربور
والقائمة تطول

سيتم بث حلقة خاصة لحل المكتف على الانترنت على صفحتي

(محمد العبدالات) ليلة الامتحان الساعة الثانية عشرة ليلا

عزيز الطالب لا يغني المكتف عن دراسة المادة كاملة

مساندكم

محمد العبدالات

الأستاذ: محمد عبداللات

الجديد في الرياضيات

الفرع العلمي والصناعي

أسئلة مقترحة * القطوع *

* اوجد عناصر القطوع الناقصة المتمثلة بالمركز، الرأسين، البؤرتين، المحول كل من المحور الأكبر، الأصغر، الاختلاف المركزي مساحته، لكل مما يلي:

٢. جد معادلة القطع الناقص الذي نهايته محور الأصغر $(\pm 3, 0)$ ويمر بالنقطة $(2, 3)$.

صادي

$$\text{المركز} = \left(\frac{3+(-3)}{2}, \frac{0+0}{2} \right) = (0, 0)$$

طرف المحور الأصغر - ٣ - ٣ = ٦ - ٣ = ٣

$$3 = b$$

$$\text{معادلته: } 1 = \frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{b^2}$$

$$1 = \frac{x^2}{9} + \frac{y^2}{4} \Leftarrow$$

$$9 \times (1 = \frac{x^2}{9} + \frac{y^2}{4}) \Leftarrow \text{تحقق المعادلة}$$

$$1 = \frac{x^2}{9} + \frac{y^2}{4} \Leftarrow \frac{1}{9} = \frac{x^2}{9} + \frac{y^2}{4} \Leftarrow \frac{1}{9} = \frac{x^2}{9} + \frac{y^2}{4} \Leftarrow \frac{1}{9} = \frac{x^2}{9} + \frac{y^2}{4} \Leftarrow$$

$$1 = \frac{x^2}{9} + \frac{y^2}{4} \Leftarrow$$

$$1 = \frac{x^2}{9} + \frac{y^2}{4} \Leftarrow$$

$$25x^2 - 16y^2 = 288$$

$$25x^2 - 16y^2 = 288$$

$$25x^2 - 16y^2 = 288$$

$$25x^2 - 16y^2 = 288$$

$$\frac{25x^2}{288} - \frac{16y^2}{288} = 1$$

$$1 = \frac{x^2}{\frac{288}{25}} - \frac{y^2}{\frac{288}{16}}$$

صادي (لأن العدد الأكبر تحت الصادات)

المركز $(1, 2)$

$$0 = p \Leftarrow 25 = \frac{p^2}{a^2}$$

$$b = 4 \Leftarrow 16 = \frac{b^2}{a^2}$$

$$3 = \frac{p}{b} \Leftarrow 9 = 16 - 25 = \frac{p^2}{b^2} \Leftarrow 3 = \frac{p}{b}$$

البؤرتان $(2, 4)$ ، $(2, -4)$

الرأسان $(6, 2)$ ، $(-6, 2)$

طرفي المحور الأصغر $(1, 2)$ ، $(1, -2)$

محول المحور الأكبر $2x^2 = 16$ ومعادلته $x^2 = 8$

طول المحور الأصغر $2b = 4$ ومعادلته $y^2 = 4$

البعد البؤري $c = 3$

الاختلاف المركزي $e = \frac{c}{a} = \frac{3}{5} < 1$

مساحة القطع الناقص $\pi a b = \pi \times 5 \times 4 = 20\pi$

الأستاذ : محمد العبدالات

الجديد في الرياضيات

أسئلة مقترحة

الفرع العلمي و الصناعي

٣] جد معادلة القطع الناقص السيني الذي مركزه (٠،٠) ويمر بالنقطتين (٢،٦) ، (٣،٤).

سيني ، المركز (٠،٠)

$$\text{معادلته : } 1 = \frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{b^2}$$

٤] جد معادلة القطع الناقص الذي مركزه (٠،٠) ومحوره الأكبر على محور الصادات و اختلافه المركزي يساوي $(\frac{3}{5})$ ولطول محوره الأكبر يزيد عن المسافة بين بؤرتيه بمقدار ٨ .

٥] جد معادلة القطع الناقص الذي طول محوره الأصغر (٦) واحداثيات أحد رأسيه (٢،٤) واحداثيات البؤرة البعيدة عن هذا الرأس (٢،٥-).

$$(٢،٦) \text{ تحقق المعادلة } 1 = \frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{b^2}$$

$$(٣،٤) \text{ تحقق المعادلة } 1 = \frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{b^2}$$

$$9 \times \left(1 = \frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{b^2} \right)$$

$$4 - x \left(1 = \frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{b^2} \right)$$

$$9 = \frac{36}{a^2} + \frac{324}{b^2}$$

$$4 - = \frac{36}{a^2} - \frac{74}{b^2}$$

بالجمع

$$52 = \frac{36}{a^2} \Rightarrow 0 = \frac{36}{a^2}$$

$$1 = \frac{9}{a^2} + \frac{17}{b^2} \Rightarrow 1 = \frac{9}{a^2} + \frac{17}{b^2}$$

$$\frac{4}{13} - 1 = \frac{9}{a^2} \Rightarrow 1 = \frac{9}{a^2} + \frac{4}{13} \Rightarrow$$

$$13 = \frac{9}{a^2} \Rightarrow \frac{4}{13} = \frac{9}{a^2} \Rightarrow$$

$$\therefore \text{معادلته : } 1 = \frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{b^2}$$

٦] إذا كانت المعادلة $1 = \frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{b^2}$ تمثل معادلة القطع الناقص السيني

فأثبت أنه : $k = \frac{17}{a^2 + b^2}$

$$1 = \frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{b^2} \Rightarrow \frac{17}{a^2 + b^2} = \frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{b^2}$$

$$\text{سيني} \Rightarrow \frac{17}{a^2 + b^2} = \frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{b^2} \Rightarrow \frac{17}{a^2 + b^2} = \frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{b^2}$$

$$\text{لكن } a^2 - b^2 = \frac{17}{a^2 + b^2} \Rightarrow a^2 - b^2 = \frac{17}{a^2 + b^2}$$

$$\frac{17}{a^2 + b^2} = k \Rightarrow \frac{17}{a^2 + b^2} = k$$

الأستاذ: محمد العبدالات

الجديد في الرياضيات

أسئلة مقترحة

الفرع العلمي و الصناعي

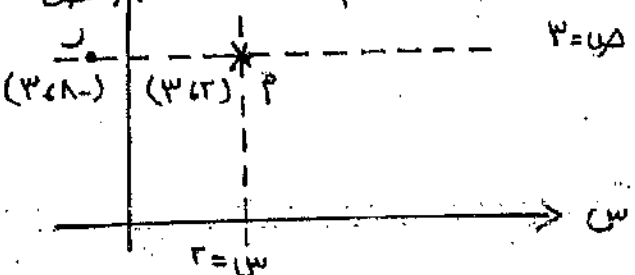
٧. جد معادلة القطع الناقص الذي يمر
كلاً من المستقيمتين $S = 3$ و $S = 13$
حيث $ص = 1$ و $ص = 7$.

٨. جد معادلة القطع الناقص الذي اختلافه

المركزي $(0, 6)$ ويمر بالنقطة $(3, 8)$

ومركزه يقع على المستقيم $S = 2$ وبؤرتاه

تقعان على المستقيم $ص = 3$



لاحظ أنه $(3, 8)$

رأس لأنها تحول نفس

المسقط الصادي للمركز حيث تقع على

المحور الأكبر

$$ص = 3 \Rightarrow \frac{ص}{3} = 1 \Rightarrow \frac{ص}{3} = 1 \Rightarrow \frac{ص}{3} = 1$$

$$ج = 2 \Rightarrow \frac{ج}{2} = 1 \Rightarrow \frac{ج}{2} = 1 \Rightarrow \frac{ج}{2} = 1$$

$$معادلته: 1 = \frac{(ص-3)^2}{3^2} + \frac{(س-2)^2}{2^2}$$

$$\therefore 1 = \frac{(3-3)^2}{3^2} + \frac{(2-2)^2}{2^2}$$

٩. قطع ناقص بؤرتاه $F(0, 4)$ و $F'(0, -4)$
والنقطة $N(3, 8)$ واقعة عليه بحيث
أن محيط المثلث NFF' يساوي ٢٤ وحيث
جد معادلة القطع الناقص.

$$\text{سيني المركز} = \left(\frac{0+0}{2}, \frac{4+(-4)}{2} \right) = (0, 0)$$

محيط المثلث $NFF' = 24$

$$\leftarrow NF + NF' + FF' = 24$$

$$\frac{24}{2} = \frac{ج}{2} + \frac{ج}{2}$$

$$8 = P \Leftrightarrow 12 = 4 + P \Leftrightarrow 12 = ج + P$$

$$ج = 8 - P \Rightarrow 12 = 8 - P + P \Rightarrow 12 = 8$$

$$معادلته: 1 = \frac{ص^2}{3^2} + \frac{س^2}{2^2}$$

$$\therefore 1 = \frac{ص^2}{48} + \frac{س^2}{16}$$

الجديد في الرياضيات

الفرع العلمي والصناعي

بـ إذا كان البعد بين بؤرتي قطع ناقص α جد معادلة القطع الناقص الذي معمره الأكبر يساوي نصف البعد بينه لطرفي معوريه
الأكبر والأصغر، نجد قيمة الاختلاف (١٣) وأقرب مسافة بين النقطة الواقعة عليه والبؤرة المعطاه β وحدة واختلافه المركزي γ

$$\sqrt{c+p} \cdot \frac{1}{\sqrt{c}} = \frac{1}{\sqrt{c}} \Leftrightarrow \sqrt{c+p} \cdot \frac{1}{\sqrt{c}} = \frac{1}{\sqrt{c}}$$

$$r_U + p = r_A \mid 7 \iff \sqrt{r_U + p} = r_A \varepsilon \iff$$

$$(\Delta + \Gamma) \Gamma = \Delta \Gamma \iff P \Gamma = \Delta \Gamma$$

$$\varepsilon = \sigma \iff \sigma + \varepsilon = \sigma + \varepsilon \iff \sigma = \sigma$$

$$\gamma = \rho \iff \gamma = \varepsilon + \gamma = \nu + \gamma = \rho$$

$$r_1 = r_0 \leftarrow r_0 - 37 = 17 \leftarrow r_0 - 9 = r_0$$

$(1, -1) = (1, 7-8) = (1, -1) = \text{المركز}$

$$1 = \frac{(u-v)^2}{u} + \frac{(s-d)^2}{s} \quad \text{معادلة 1}$$

$$1 = \frac{r(1-\omega_f)}{r_i} + \frac{r(1+\omega_s)}{w_f} :$$

ملاحظة: قد يكون المركز في الاتجاه الآخر للبيئة

$$(16V) = (167+1) = 1^p \Leftarrow \varepsilon = 4$$

حيث الرأس القريب من البؤرة $(3-16)$ (λ, λ)
: معادلتها الأخرى :

$$1 = \frac{(1 - \omega)}{r} + \frac{(v - \omega)}{w}$$

الجديد في الرياضيات

الفرع العلمي و الصناعي

١٢٣ اوجد عناصر القطع الزائد المتمثلة [١٣] جد معادلة القطع الزائد الذي بؤرتاه
بالمركز، الرأسين، البؤرتين، طول كل (١، ٢) ويقع أحد رأسيه على محور السينات
من المحور القاطع والمرافق ومعادلاتهم (١-١)

حمادي

المركز $(1, 5) = (1, 3-5) = (1, -3)$
 يقع أحد رؤسيه على محور السينات
 ← الاحداثي الصادي للرأس =

الرأس (١٤١)

$$U=17 \Leftarrow U+A=70 \Leftarrow U+p=7$$

$$1 = \frac{r_{(u-d)}}{r_u} - \frac{r_{(u-p)}}{r_p} \quad \text{معادله}$$

$$1 = \frac{r(1-s)}{17} - \frac{r(3+s)}{4}$$

١٤] جدمعادلة القطع الزائد السيني الذي

مركزه (١،٢) ويمر بالنقطة (-٣،٤)

واختلافه المركزي = F_v .

سینٹی، مرکز (۱،۲)

$$1 = \frac{r_{(H-H)}}{r_U} - \frac{r_{(S-S)}}{r_M}$$

$$1 = \frac{r(1 - \mu_p)}{r_u} - \frac{r(r - \mu_u)}{r_p} \Leftarrow$$

$$\frac{\Sigma}{\text{UP} - \text{SP}} = \text{UP} + \text{SP}$$

$$\varepsilon = (u^2 - s)(u^2 + s)$$

$$\frac{\Sigma}{\Sigma} = \frac{\cancel{\Sigma} \Sigma}{\Sigma} - \frac{\cancel{\Sigma} \Sigma}{\Sigma}$$

$$1 = \frac{2}{1} - \frac{3}{4}$$

سینہ (لأن العدد الأكبر تحت البسيمات)

المركز (٠، ٠)

$$\Gamma = \rho \Leftarrow \Sigma = \rho.$$

$$1 = \dot{u} \leq 1 = \dot{u}$$

$$\sqrt{0} = 0 \Leftarrow 0 = 1 + 3 = 5 + 7 = \dots$$

البورتان $(\cdot, \overline{\sigma})$, $(\cdot, -\overline{\sigma})$

الرؤساء (٣، ١)، (٣-، ١)

مخرجي المحور المرافق $(1, 0), (0, 1)$

طول المحور القاطع $P_2 = 2 \times 3 = 6$ معارضة $\frac{1}{2}$.

المحول المحور المرافق $AB = 1 \times 2 = 2$ معادلته $x = 2$

المسافة البؤرية $f = f_1 = f_2$

الاختلاف المركزي $= \frac{p}{q} = \frac{a}{r} < 1$

الجديد في الرياضيات

الفرع العلمي و الصناعي

$$\frac{1}{0} = \frac{p - a}{a - 1} \leq \frac{1}{0} = \frac{100}{100}$$

$$P \cap A \subseteq B$$

(٤٦٣-) تحقق المعادلة $\Rightarrow \frac{r_0}{r_p} - \frac{r}{r_0} = 1$

17. إذا كانت $\frac{r}{r-1} + \frac{s}{s+1} = 1$

$$17 = P_{\infty} = 1 = \frac{17}{r_p} \ll 1 = \frac{9}{r_p} - \frac{r_0}{r_p} \therefore$$

تجد قيمة الثابت (ل) التي تجعل المعادلة
تمثل قطعاً :-

معادلتہ

$$1 = \frac{{}^2(j-1)}{17} - \frac{{}^2(2-1)}{17}$$

١٥] يمثل الشكل المجاور المنحنى البياني

لقلع مخروطي إذا كانت $\frac{1}{0} = \frac{12}{22}$

(حيث ب: بؤرة، ر: رأس) نجد الاختلاف: ٥ (٢٠٥)

③ ناقصاً $\Leftarrow (r-d) < (o+d)$

المركزي لهذا القطر .

والاختبار الحلو لـ ٢-٠ و لـ ٥+٠ .

$$. < (0 + d) (r - d)$$

الجديد في الرياضيات

أسئلة مقترحة

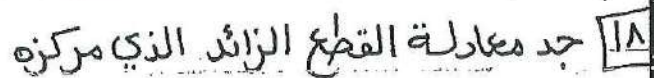
$$(-\infty, 1) \cup (0, -\infty) \in J \therefore$$

لكن في هذه الحالة نختبر الحلول للنسبة
نريد ل-2 < . و ل+5 < .

∴ ل (٢, ٥٥) فقط

١٧] جد معادلة القطع الزائد الذي اختلافه

المركزي يساوي $\frac{\sqrt{11}}{3}$ ويمر بالنقطة $(-3, -3)$ ومركزه يقع على المستقيم $xy = 3$.



(١٠٠) وبؤرته على محور السينات و

ليس المستقيم $\sqrt{3}$ - 2 عند

النقطة (٣٦٢) (٤٦).

14. اوجد احداثيات الرأس والبؤرة و

المحور يوازي المستقيم $CD = O$ ورأسه

(٢, ٢) ويمر بالنقطة (٣, ٥).

اتجاه الفتحة لليمين الرأس (٢،٢)

معادلتها: $(\psi - \phi) = \epsilon = (s - d)$

$$(r-s) \cdot \Delta \varepsilon = (r-s)$$

(٣٤٥) تحقق المعادلة $\Leftrightarrow 3 \times 46 = 1$

$$\frac{1}{\sqrt{5}} = \sqrt{5} \quad \wedge \quad \sqrt{5} = \frac{1}{\sqrt{5}}$$

$$\uparrow = 33 - 418 + 49 = 61$$

$$۳۳ + ۸۵ = ۹۵ + ۱۸$$

$$\Psi\Psi + \psi\psi = (\psi\psi - \bar{\psi}\bar{\psi})\gamma_5$$

$$q - \psi\psi + \psi\psi_- = (1 + \psi\Gamma_- \psi) q -$$

$$\frac{r_E + u_A -}{q_-} = \frac{r(1-u)q_-}{q_-}$$

٢١ جد معادلة القطع المكافئ الذي

محوره يوازي محور الصادات ورأسه

يقع على المستقيم $S = 0$ ويمر بالنقطتين

$$(3, 4), (3, 0)$$

اتجاه الفتحة للأعلى

الرأس (d, d) لأنه يقع على المستقيم

$$S = 0 \Rightarrow \text{وبالتالي } d = 0$$

$$\text{معادلته: } (S - d) = E \Rightarrow (0 - d) = E$$

$$(S - d) = E \Rightarrow (0 - d) = E$$

$$(3, 4) \text{ تحقق المعادلة } \Rightarrow d^2 = E \Rightarrow d = 3$$

$$(3, 4) \text{ تحقق المعادلة } \Rightarrow (4 - d) = E \Rightarrow d = 3$$

$$(4 - d) = E \Rightarrow (4 - 3) = E$$

$$d = 3 \Rightarrow E = 1$$

$$\Rightarrow \frac{(4 - d)}{d} = 1 \Rightarrow (4 - d) = d \Rightarrow d = 2$$

$$\Rightarrow 16 - 17 = 1 \Rightarrow 1 = 1$$

$$\Rightarrow 16 = 17 \Rightarrow 1 = 1$$

$$d = 2 \Rightarrow E = 4 \Rightarrow (2 - 3) = 4$$

$$\Rightarrow 1 = 4 \Rightarrow 1 = 4$$

$$\Rightarrow 1 = 4 \Rightarrow 1 = 4$$

$$\Rightarrow 1 = 4 \Rightarrow 1 = 4$$

$$\Rightarrow 1 = 4 \Rightarrow 1 = 4$$

$$\Rightarrow 1 = 4 \Rightarrow 1 = 4$$

$$\Rightarrow 1 = 4 \Rightarrow 1 = 4$$

$$\Rightarrow 1 = 4 \Rightarrow 1 = 4$$

$$\Rightarrow 1 = 4 \Rightarrow 1 = 4$$

٢٢ أطلقت قذيفة من مستوى سطح أرض

أفقية إلى أعلى وعادت إلى نفس المستوى

وكانت مسارها على منحني قطع مكافئ فإذا كان

$$\text{أعلى ارتفاع وميلته القذيفة (0.5 متر)}$$

$$\text{وأقصى مدى أفقي لها هو (4 متر)}$$

معتبر نقطة انطلاق القذيفة النقطة

$$(0, 0), \text{ جد مايلي:}$$

$$1) \text{ معادلة القطع المكافئ}$$

$$2) \text{ ارتفاع القذيفة عند سطح الأرض عندما}$$

يكون هذا الارتفاع مساوياً للمسافة بين

نقطة انطلاق القذيفة ومستقرها على الأرض

$$\text{اتجاه الفتحة للأسفل}$$

$$\text{الرأس (0.5, 2)}$$

$$\text{معادلته: } (S - d) = E \Rightarrow (0 - d) = E$$

$$(S - d) = E \Rightarrow (0 - d) = E$$

$$(0.5, 2) \text{ تحقق المعادلة } \Rightarrow (2 - d) = E$$

$$(0.5, 2) \text{ تحقق المعادلة } \Rightarrow (2 - d) = E$$

$$(0.5, 2) \text{ تحقق المعادلة } \Rightarrow (2 - d) = E$$

$$(0.5, 2) \text{ تحقق المعادلة } \Rightarrow (2 - d) = E$$

$$(0.5, 2) \text{ تحقق المعادلة } \Rightarrow (2 - d) = E$$

$$(0.5, 2) \text{ تحقق المعادلة } \Rightarrow (2 - d) = E$$

$$(0.5, 2) \text{ تحقق المعادلة } \Rightarrow (2 - d) = E$$

$$(0.5, 2) \text{ تحقق المعادلة } \Rightarrow (2 - d) = E$$

$$(0.5, 2) \text{ تحقق المعادلة } \Rightarrow (2 - d) = E$$

$$(0.5, 2) \text{ تحقق المعادلة } \Rightarrow (2 - d) = E$$

الأستاذ: محمد العبدالات

أسئلة مقترحة

الجديد في الرياضيات

الفرع العلمي و الصناعي

$$(٢٠-٥٥) = ٨ - (٥٠-٥٥)$$

$$٥٥ - ٤٠ = ٤٠ + ٥٥ - ٨ = ٤٠ + ٥٥ - ٨$$

$$٥٥ - ٣٢ = ٣٢ - ٥٥$$

$$٥٥ = (٣٢-٥٥)$$

$$٣٢ = ٥٥$$

$$\text{المركز } (٣+١, ١+١)$$

$$٢ = (٣-١) + (١-١) = ٢$$

$$٢ = (٣-١) + (١-١) = ٢$$

$$(٢, ٥) \text{ تحقق المعادلة}$$

$$٢ = (٢-١) + (١-١) = ٢$$

$$٤ - ٤ = ٢ + ٢ - ١ + ٢ = ٢ + ٢ = ٤$$

$$٢ = ٥ + ١ = ٦$$

$$(٥-١) (١-١)$$

$$٥ = ١, ١ = ٥$$

الحالة (١)

$$٥ = ٠ \Rightarrow \text{المركز } (٥+١, ٥+١) = (٦, ٢)$$

$$(٥-١) + (١-١) = ٢ - ١ = ١$$

الحالة (٢)

$$١ = ١ \Rightarrow \text{المركز } (١+١, ١+١) = (٢, ٢)$$

$$(١-١) + (١-١) = ٢ - ١ = ١$$

٢٤ جم معادلة الدائرة التي تقع في الربع

الرابع وتفس محوري السينات والصادات

$$\text{والمستقيم } ٣ - ٥ = ٤ - ١٢$$

$$\text{المركز } (٠, ٠) = (٠, ٠)$$

$$١٢ - ٤ + ٣ = ١٢ - ٤ + ٣$$

$$١٦ + ٩ = ٢٥$$

$$١٢ - ٧ = ١٢ - ٧$$

$$١٢ - ٧ = ١٢ - ٧$$

$$١٢ = ١٢$$

$$١ = ١$$

$$\text{المركز } (١, ١)$$

$$(١-١) + (١-١) = ٢ - ١ = ١$$

$$١ = (١-١) + (١-١) = ٢ - ١ = ١$$

٢٦ جم معادلة الدائرة التي تمر بالنقطتين

(٣, ٢) و (١, ١) ويقع مركزها على المحل المستقيم

$$٣ - ٥ = ١١$$

٢٧ جم معادلة القطع الزائد الذي له

محوره المرافق (١) وحدات واحداثيات أحد

رؤسيه (٢, ٤) واحداثيات البؤرة البعيدة

$$(٢, ٤)$$

تابع الحل

الأستاذ : محمد العبدالات

الجديد في الرياضيات

الفرع العلمي و الصناعي

أسئلة مقترحة

$$\text{سيني} \quad \boxed{E=B} \quad \Leftarrow \quad \Lambda = P \quad \Leftarrow \quad \Lambda = A + P$$

$$\Lambda = A + P$$

$$\textcircled{1} \dots P - \Lambda = A \Leftarrow$$

$$\textcircled{2} \dots 17 + P = A \Leftarrow P + B = A$$

$$\text{وبتعوين (1) في (2)} \quad 17 + P = (P - \Lambda) \Leftarrow$$

$$\boxed{3=P} \Leftarrow 17 + P = P - \Lambda \quad 17 - 7 = -\Lambda \quad \Leftarrow$$

ومن الرسم المجاورة

$$\text{المركز (2,1)} \Leftarrow \text{المعادلة هي} \quad 1 = \frac{(2-5)^2}{16} - \frac{(1-3)^2}{9}$$

$\boxed{29}$ قطع مخروطي بؤرتاه $(2,2)$ و $(8,2)$

إذا كان البعد بينه أحد رأسيه والبؤرة القريبة من الرأس وحدة واحدة

الجواب : بفرض القطع زائد

$$1 = \frac{(2-5)^2}{5} - \frac{(5-8)^2}{4} \Leftarrow$$

وبفرض القطع ناقص

$$1 = \frac{(2-5)^2}{7} + \frac{(5-8)^2}{16} \Leftarrow$$

$\boxed{30}$ إذا كان نصف قطر الدائرة التي معادلتها

$x^2 + y^2 + 2x - 4y - 15 = 0$ يساوي 7 وحده

فاقيمة الثابت ل ؟

تابع الحل

10

$\boxed{28}$ قطع مخروطي مركزه $(0,0)$ والمسافة

بينه بؤرتيه تزيد عن المسافة بينه رأسيه

(1) وحدات واختلافه المركزي $(\frac{4}{3})$

جد معادلته .

$$\textcircled{1} \dots P + 3 = A \Leftarrow P + 7 = A$$

$$\textcircled{2} \dots P + 4 = A \Leftarrow \frac{4}{3} = \frac{A}{P}$$

$$P + 4 = (P + 3) \frac{4}{3} \Leftarrow \text{في (2)}$$

$$\boxed{9=P} \quad \boxed{13=A} \Leftarrow P + 4 = P + 3 + 1 \Leftarrow$$

$$P + 4 = P + 3 + 1 \Leftarrow 14 = 2P + 1 \Leftarrow 14 - 1 = 2P \Leftarrow 13 = 2P \Leftarrow$$

المعادلة هي :- سيني

$$1 = \frac{x^2}{13} - \frac{y^2}{14} \Leftarrow$$

هادي

$$1 = \frac{x^2}{13} - \frac{y^2}{14} \Leftarrow$$

الأستاذ : محمد العبدالات

الجديد في الرياضيات
الفرع العلمي و الصناعي

أسئلة مقترحة

$$\frac{سأ}{ل} - \frac{صأ}{ك} = 1 \Leftrightarrow \frac{سأ}{ل} = 1 + \frac{صأ}{ك} \quad \text{ب} = \frac{صأ}{ك} \quad \text{ك} = \frac{صأ}{ب}$$

$$\Leftrightarrow \frac{سأ}{ل} + \frac{صأ}{ك} = 1 + \frac{صأ}{ك} + \frac{صأ}{ك} = 1 + 2 \frac{صأ}{ك}$$

$$1 = \frac{سأ}{ل} \Leftrightarrow \frac{سأ}{ل} = 1 \quad \text{هـ} = \frac{سأ}{ل} = 1 \quad \text{هـ} = 1 \quad \text{هـ} = 1$$

$$\frac{سأ}{ل} = \frac{صأ}{ك} = 1 \quad \text{هـ} = 1 \quad \text{هـ} = 1$$

$$\frac{سأ}{ل} - \frac{صأ}{ك} = 1 \Leftrightarrow \frac{سأ}{ل} = 1 + \frac{صأ}{ك} \quad \text{ب} = \frac{صأ}{ك} \quad \text{ك} = \frac{صأ}{ب}$$

$$\Leftrightarrow \frac{سأ}{ل} + \frac{صأ}{ك} = 1 + \frac{صأ}{ك} + \frac{صأ}{ك} = 1 + 2 \frac{صأ}{ك}$$

$$2 = \frac{سأ}{ل} \Leftrightarrow \frac{سأ}{ل} = 2 \quad \text{هـ} = \frac{سأ}{ل} = 2 \quad \text{هـ} = 2 \quad \text{هـ} = 2$$

$$\frac{سأ}{ل} = \frac{صأ}{ك} = 2 \quad \text{هـ} = 2 \quad \text{هـ} = 2$$

$$\frac{سأ}{ل} + \frac{صأ}{ك} = \frac{1}{(1.5)} + \frac{1}{(1.5)} = \frac{2}{1.5} = \frac{4}{3}$$

$$1 = \frac{سأ}{ل} = \frac{ل + ك}{ك} \quad \text{وهو المطلوب} \quad \#$$

٣٣ ما قيمة (قيم) ٢ التي تجعل القطع

المخروطي الذي معادلته :

$$1 = (3 + 2) - (2 - 7) + 4 - 1 = 1$$

تمثل : (٢) دائرة .

(٢) قطع مكافئ .

(٢) قطع ناقص .

$$\sqrt{10 - \left(\frac{1}{3}\right) + \left(\frac{1}{3}\right)} = 7$$

$$\sqrt{40 + \frac{1}{4}} = 7$$

$$9 = \frac{ل}{4} \Leftrightarrow 40 + \frac{ل}{4} = 49$$

$$\Leftrightarrow ل = 36 \quad \Leftrightarrow ل = 7 \pm$$

٣١ ما طول الوتر العمودي على محور

السينات الحار بالنقطة (٤، ٠) في

الدائرة $سأ + صأ = ٢٥$ ؟؟

$$سأ + صأ = ٢٥$$

المركز $(٠، ٤)$ $ر = ٥$

العمود النازك من مركز الدائرة

ينصف الوتر

$$٢٥ = ل + ١٦ \Leftrightarrow ل = 4 \Leftrightarrow ل = 3$$

$$\therefore \text{الوتر} = ٦ = ٢$$

٣٢ إذا كان هـ، هـ يمثلان الاختلافين

المركزيين للقطعين المخروطيين :-

$$\frac{سأ}{ل} - \frac{صأ}{ك} = 1 \quad \frac{سأ}{ل} = 1 + \frac{صأ}{ك} \quad \frac{سأ}{ل} = \frac{ل + ك}{ك} = 1$$

$$\text{أثبت أنه : } \frac{1}{(1.5)} + \frac{1}{(1.5)} = 1$$

الأستاذ: محمد العبدلات

الجديد في الرياضيات

الفرع العلمي و الصناعي

أسئلة مقترحة

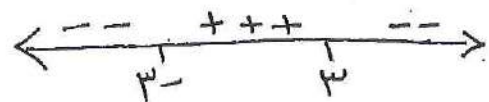
دائرة $3 = P^3 \Leftrightarrow P^2 - 6 = 3 + P \Leftrightarrow$

$\boxed{1 = P} \Leftrightarrow$

مكافئ $\Leftrightarrow 3 + P$ ، أو $P^2 - 6 = 3 + P$

:- إما $\boxed{3 = P}$ أو $\boxed{3 = -P}$

ناقص $\Leftrightarrow (P^2 - 6)(3 + P) < 0$



٣٤

النقطة $n(s, p)$ تتحرك في المستوى
فجد معادلة الحركة للنقطة n وما نوع
القطع الخروطي فيما يلي :-

④ $s = \text{جناح}$ ، $p = \text{جناح}$

⑤ $s = 3 + 2$ ، $p = 5 + 0$ ، $p = 5$

⑥ $s = 3 + 2$ ، $p = 5 + 0$ ، $p = 5$

⑦ $s = 3 + 2$ ، $p = 5 + 0$ ، $p = 5$

⑧ $s = 3 + 2$ ، $p = 5 + 0$ ، $p = 5$

الحل: ④ $s = \text{جناح}$ ، $p = \text{جناح}$

$s = 3 + 2$ ، $p = 5 + 0$ ، $p = 5$ ، لكن $s = 3 + 2$

$\Leftrightarrow s = 3 + 2$ (قطع مكافئ)

④ $s = 3 + 2$ ، $p = 5 + 0$ ، $p = 5$

$\Leftrightarrow \frac{(s-3)}{3} = \text{جناح} \Leftrightarrow \frac{(s-3)}{4} = \text{جناح}$

$\Leftrightarrow \frac{(s-3)}{4} = 1 + \text{جناح}$ ، ولكن $\frac{0-5}{4} = \text{جناح}$

$\Leftrightarrow \frac{(s-3)}{4} + 1 = \frac{(s-5)}{4}$

$\Leftrightarrow \frac{(s-5)}{4} - \frac{(s-3)}{4} = 1$

(قطع زائد)

⑤ $s = 3 + 2$ ، $p = 5 + 0$ ، $p = 5$

$\Leftrightarrow \frac{s}{p} = \frac{3}{5}$ ، (جناح - جناح)

$= \text{جناح} - 2 \text{ جناح} + \text{جناح} + \text{جناح}$

$\Leftrightarrow \frac{s}{p} = 1 - \text{جناح} \dots \dots ①$

$\Leftrightarrow \frac{s}{p} = \text{جناح} + \text{جناح}$

$= \text{جناح} + 2 \text{ جناح} + \text{جناح} + \text{جناح}$

$\Leftrightarrow \frac{s}{p} = 1 + \text{جناح} \dots \dots ②$

معادلة ① + ② $\Leftrightarrow \frac{s}{p} + \frac{s}{p} = 2$

$\Leftrightarrow \frac{s}{p} + \frac{s}{p} = 2$ (قطع ناقص)

الأستاذ: محمد العبدالات

الجديد في الرياضيات

الفرع العلمي و الصناعي

أسئلة مقترحة

بعد (س، ص) عند $٨ + ٥ - ٢ = ١$

$$\textcircled{د} \quad \frac{1}{\sqrt{2}} + \sqrt{2} = ٣ \quad ، \quad \frac{1}{\sqrt{2}} - \sqrt{2} = ٤$$

$$\textcircled{١} \quad \frac{1}{\sqrt{2}} + ٢ + \sqrt{2} = ٣$$

$$\textcircled{٢} \quad \frac{1}{\sqrt{2}} + ٢ - \sqrt{2} = ٣$$

معادلة (١) - معادلة (٢)

$$\Leftarrow \quad ٤ - ٣ = ١ \quad (\text{قطع زائد})$$

$$\textcircled{هـ} \quad \sqrt{١ - \sqrt{2}} = ٣ \quad ، \quad \sqrt{١ - \sqrt{2}} = ٤$$

$$\Leftarrow \quad ١ - \sqrt{2} = ٩ \quad \text{ولكن } \sqrt{2} = ١.٤١٤$$

$$\Leftarrow \quad ١ - \sqrt{2} = ٩$$

$$\Leftarrow \quad ١ - \sqrt{2} = ٩ + ٣ = ١٢$$

(دائرة)

٣٥) جد معادلات المحل الهندسي للنقطة

المتحركة (س، ص) في المستوى

بحيث تبعد بعداً ثابتاً مقداره وحدتان

عند المستقيم $٨ + ٥ - ٢ = ١$ وتعرف في

أثناء حركتها بمركز الدائرة التي معادلتها

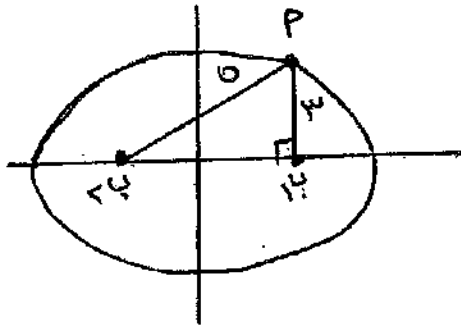
$$١٦ = (٢ - \sqrt{2})^2 + (١ - \sqrt{2})^2$$

تابع

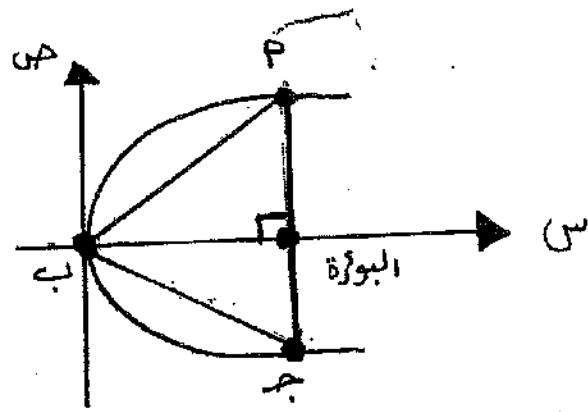
الأستاذ : محمد العبدلات

الجديد في الرياضيات
الفرع العلمي و الصناعي

أسئلة مقترحة

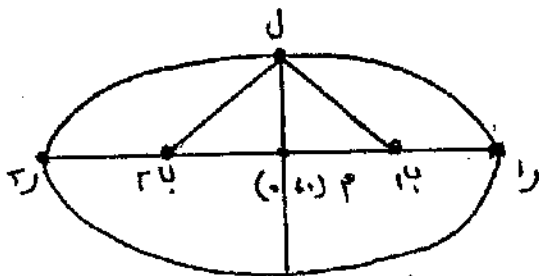


في الشكل المجاور قطع ناقص بؤرتاه
ب ١ ، ب ٢ ، $OP = ١٣$ ، $OQ = ١٢$ ،
جد الاختلاف المركزي لهذا القطع .

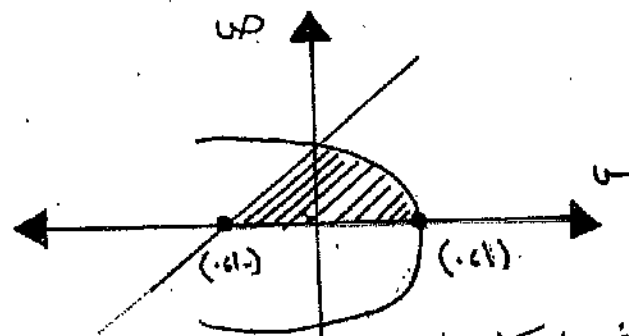


* جد معادلة القطع المكافئ المرسوم
في الشكل المجاور ، علماً بأنه
مساحة المثلث OPQ تساوي
(١٨) وحدة مربعة ؟؟

الجواب : - $OP = ١٢$ ، $OQ = ١٣$



إذا علمت أنه محيط المثلث $OPQ = ١٦$
وأنه مساحة المثلث $OPQ = ١٠$
جد معادلة القطع ؟؟



في الشكل المجاور
يمثل قطعاً مكافئاً ومستقيم يقطعه ، جد
مساحة المنطقة المظلمة في الشكل
(في الشكل محور السينات يمثل محور
التماثل للقطع المكافئ)

الجواب : - $\frac{٧}{٦}$

الأستاذ : محمد العبدالات

الجديد في الرياضيات

الفرع العلمي و الصناعي

أسئلة مقترحة

* نجد معادلة القطع الزائد الذي البعد بين بؤرتاه (ع) وحدات ورأساه هما بؤرة ورأس القطع المخروطي

$$(2-s)^2 = 8(1-u)$$

نجد أولاً بؤرة ورأس القطع المكافئ الذي معادلته $(2-s)^2 = 8(1-u)$
 مفتوح للأعلى ، الرأس (1، 2)

* نجد الاختلاف المركزي لقطع زائد بعد أحد رأسيه عن البؤرة البعيدة عنه يساوي أربعة أمثاله بعد عن البؤرة القريبة منه .

المطلوب $\frac{a}{p} = ?$

$$P \leftarrow e = a + p \leftarrow (p - a) \leftarrow e = a + p \leftarrow 4e = a + p \leftarrow \frac{0}{3} = \frac{a}{p}$$

والآن نجد معادلة القطع الزائد الذي رأساه (1، 2) (3، 2) كما أنه $e = 2$

* إذا كانت $a^2 + b^2 = c^2$ تمثل معادلة قطع ناقص فأوجد معادلة القطع الزائد الذي بؤرتاه رأسا الناقص ورأساه بؤرتا الناقص .

مهادي المركز $(\frac{3+1}{2}, 2) = (2, 2)$

نجد أولاً بؤرتا ورأسا القطع الناقص الذي معادلته $a^2 + b^2 = c^2$

$$1 = p \leftarrow 2 = a \leftarrow 3 = b \leftarrow 4 = e \leftarrow 5 = p + b \leftarrow 6 = b + 1 \leftarrow 7 = b \leftarrow 8 = p \leftarrow 9 = \frac{3+1}{2} = 2$$

المعادلة هي $1 = \frac{(2-s)^2}{3} - \frac{(2-u)^2}{1}$

$$1 = \frac{u}{4} + \frac{v}{9}$$

مهادي المركز (0، 0)

$$1 = p \leftarrow 2 = b \leftarrow 3 = a \leftarrow 4 = p - b \leftarrow 5 = a$$

الآن نجد معادلة القطع الزائد

مهادي المركز (0، 0)

$$1 = p \leftarrow 2 = a \leftarrow 3 = p + b \leftarrow 4 = b \leftarrow 5 = a \leftarrow 6 = p \leftarrow 7 = \frac{u}{4} - \frac{v}{9}$$

الأستاذ : محمد عبدالللات

الجديد في الرياضيات

أسئلة مقترحة

الفرع العلمي و الصناعي

* جد معادلة القطع الناقص السيني الذي مركزه (0,0) اختلافه المركزي $\frac{1}{2}$ والمسافة بين مركزيه الأكبر والأصغر تساوي $14\sqrt{2}$

$$\text{الجواب : } \frac{x^2}{7} + \frac{y^2}{8} = 1$$

* تعر بنقطتي الأصل وتقطع منه محوري السينات والصادات الموجبين ٨ وحدات ٦ وحدات على الترتيب

$$\text{الجواب : } (3-4)^2 + (5-6)^2 = 20$$

* مركزها (٣-١) وتقطع منه المستقيم الذي معادلته $x^2 - 4x + 5 = 0$ وتر طوله ٦ وحدات

$$\text{الجواب : } (3-5)^2 + (1+4)^2 = 38$$

* تمس المستقيم $x = \frac{1}{37}$ في النقطة (٣٧, ٣) ويقع مركزها على محور السينات

$$\text{الجواب : } (4-5)^2 + (6-4)^2 = 6$$

* إذا كان نصف قطر الدائرة التي معادلتها $x^2 + y^2 + 4x - 6y + 13 = 0$ يساوي ٧ وحدات فما قيمة الثابت ل ؟

$$\text{الجواب : } L = \pm 7$$

$$\text{إذا كانت } 1 = \frac{(3-4)^2}{36} + \frac{(1-5)^2}{72}$$

تمثل معادلة قطع ناقص فجد معادلة القطع المكافئ الذي رأسه مركز القطع الناقص السيني

$$\text{الجواب : } (3+4)^2 = 32(1-5)$$

٢٦ ب ج مثلث فيه الرأسين 1996

$$A(0,0) \text{ ب } (0,5) \text{ ج } (5,0)$$

ومحيط المثلث ٣٠ والرأس يتحرك في المستوى الديكارتي أوجد معادلة المماس لمركبات الرأس ج

$$\text{الجواب : } \frac{x^2}{50} + \frac{y^2}{11} = 1$$

الأستاذ: محمد عبداللات

الجديد في الرياضيات

الفرع العلمي والصناعي

* التكامل *

أسئلة مقترحة

$$\left[\frac{1}{\sqrt{3}-\sqrt{2}} \right]_{\text{دس}}$$

* نفرض $u = \sqrt{3}$

حيث (ت) هو المضاعف المشترك الأصغر لمرتبة الجذور 3، 2

$$u = \sqrt{3} \Rightarrow u^2 = 3 \Rightarrow \frac{1}{\sqrt{3}} = \frac{u^2}{3}$$

$$= \frac{1}{\sqrt{3}-\sqrt{2}} \times \frac{u^2}{\frac{1}{u^2}} = \frac{u^4}{\sqrt{3}-\sqrt{2}}$$

$$= \frac{u^4}{u^2-1} \left[\text{دس} \right]$$

$$= \frac{u^4}{u^2-1} \left[\text{دس} \right] \text{، اكل قسمة طويلة}$$

$$\left[\frac{u^4}{3+u^2-3-u^2} \right]_{\text{دس}}$$

* الجذور مختلفة نضرب بالمرافق (المقام)

$$= \frac{u^4 (\sqrt{3+u^2} + \sqrt{3-u^2})}{(3+u^2) - (3-u^2)} \left[\text{دس} \right]$$

$$= \frac{u^4 (\sqrt{3+u^2} + \sqrt{3-u^2})}{2u^2} \left[\text{دس} \right]$$

$$= \frac{u^2}{2} (\sqrt{3+u^2} + \sqrt{3-u^2}) \left[\text{دس} \right] \text{ أجزاء}$$

$$\left[\frac{1}{\sqrt{3}+1} \right]_{\text{دس}}$$

* نفرض $u = \sqrt{3}$

بالرجوع للفرض

$$\begin{aligned} u &= \sqrt{3} \\ u^2 &= 3 \\ u^2 - 1 &= 2 \end{aligned}$$

$$\left[\frac{1}{u^2-1} \right]_{\text{دس}}$$

$$= \frac{1}{2} \left[\text{دس} \right]$$

اكل قسمة طويلة ثم كسور جزئية

$$\left[\frac{1}{3(\sqrt{3+u^2}) + 1+u^2} \right]_{\text{دس}}$$

* نفرض $u = \sqrt{3}$

$$\left[\frac{1}{3+u^2+1+u^2} \right]_{\text{دس}}$$

بالرجوع للفرض

$$u = \sqrt{3}$$

$$\left[\frac{1}{4+2u^2} \right]_{\text{دس}}$$

$$= \frac{1}{4} \left[\frac{1}{1+u^2} \right]_{\text{دس}}$$

$$\left[\frac{1}{4} (1+u^2)^{-\frac{1}{2}} \right]_{\text{دس}}$$

$$= \frac{1}{4} \left[\frac{1}{\sqrt{1+u^2}} \right]_{\text{دس}}$$

الأستاذ : محمد العبد اللات

الجديد في الرياضيات
الفرع العلمي و الصناعي

أسئلة مقترحة

$$[5] \quad \frac{\text{قأس}}{2 - \text{ظاس} - 3 - \text{ظاس}} \text{ دس}$$

* نفرض $\text{ظاس} = \text{هـ}$

$$\frac{\text{دص}}{\text{دس}} = \text{قأس} \Rightarrow \boxed{\frac{\text{دص}}{\text{قأس}} = \text{دس}}$$

$$\left[\frac{\text{قأس}}{2 - \text{ظاس} - 3 - \text{ظاس}} \times \frac{\text{دص}}{\text{قأس}} \right]$$

$$= \left[\frac{1}{2 - \text{ظاس} - 3 - \text{ظاس}} \right] \text{ دص}$$

الحل بالكسور الجزئية

$$[6] \quad (\text{س}^9 \text{قأس} + \text{س}^9 \text{ظاس}) \text{ دس}$$

$$= \left[\frac{\text{س}^9 \text{قأس}}{\text{دس}} + \frac{\text{س}^9 \text{ظاس}}{\text{دس}} \right]$$

$$\text{هـ} = \text{س}^9 \Rightarrow \text{دس} = \text{س}^9 \text{ظاس}$$

$$\text{دس} = \text{قأس} \text{ دس} \Rightarrow \text{هـ} = \text{ظاس}$$

$$\text{هـ} \times \text{هـ} - \text{هـ} \times \text{دو}$$

$$= \text{س}^9 \text{ظاس} - \left[\text{س}^9 \text{ظاس} \text{ دس} + \text{س}^9 \text{ظاس} \right]$$

$$= \text{س}^9 \text{ظاس} + \text{ج}$$

$$[7] \quad \text{لو} (\text{س}^3 - \text{س}^6 - \text{س}) \text{ دس}$$

$$\text{هـ} = \text{لو} (\text{س}^3 - \text{س}^6 - \text{س}) \Rightarrow \text{دو} = \frac{1 - \text{س}^6}{\text{س}^3 - \text{س}^6}$$

$$\text{دس} = \text{دو} \Rightarrow \text{هـ} = \text{س}$$

$$\text{و} \times \text{هـ} - \text{هـ} \times \text{دو}$$

$$= \text{س} \text{ لو} (\text{س}^3 - \text{س}^6 - \text{س}) - \left[\frac{1 - \text{س}^6}{1 - \text{س}^6} \right] \text{ دس}$$

$$\frac{\frac{2}{1 - \text{س}^6} \mid \frac{1 - \text{س}^6}{1 - \text{س}^6}}{\frac{2 - \text{س}^6}{1 - \text{س}^6}} = 1$$

$$\text{هـ} = \text{س} \text{ لو} (\text{س}^3 - \text{س}^6 - \text{س}) - \left(\frac{1}{1 - \text{س}^6} + 2 \right) \text{ دس}$$

$$= \text{س} \text{ لو} (\text{س}^3 - \text{س}^6 - \text{س}) - \left(\frac{1}{3} + \text{س} \right) \text{ لو} (\text{س}^3 - \text{س}^6 - \text{س})$$

$$* \text{ حل آخر: } \left[\text{لو} (\text{س}^3 - \text{س}^6 - \text{س}) \right] \text{ دس}$$

$$= \left[\text{لو} \text{ دس} + \text{لو} (\text{س}^3 - \text{س}^6 - \text{س}) \right] \text{ دس}$$

$$(أجزاء) \quad (أجزاء)$$

الأستاذ: محمد العبدالات

أسئلة مقترحة

الجديد في الرياضيات

الفرع العلمي و الصناعي

٨

$$\left[\begin{aligned} & \text{جاس}^{\frac{1}{2}} \text{ قاس}^{\frac{1}{2}} \text{ دس}^{\frac{1}{2}} \quad 1 \neq 0 \\ & \text{جاس}^{\frac{1}{2}} \times \text{قاس}^{\frac{1}{2}} \times \text{دس}^{\frac{1}{2}} \end{aligned} \right] =$$

$$\left[\text{جاس}^{\frac{1}{2}} \text{ قاس}^{\frac{1}{2}} \text{ دس}^{\frac{1}{2}} \right] =$$

$$* \text{نغرضه دس} = \text{جاس}$$

$$\left[\text{دس}^{\frac{1}{2}} \text{ قاس}^{\frac{1}{2}} \times \frac{\text{دس}^{\frac{1}{2}}}{\text{قاس}^{\frac{1}{2}}} \right] =$$

$$\left[\text{دس}^{\frac{1}{2}} \text{ دس}^{\frac{1}{2}} \right] =$$

$$1 + \frac{\text{دس}^{\frac{1}{2}}}{1 + \frac{1}{2}} =$$

$$1 + \frac{1}{2} \times \frac{1}{1 + \frac{1}{2}} =$$

٩

$$\left[\text{دس} \frac{1}{(2 \text{ جاس} + \text{جاس}^2)} \right]$$

$$\left[\begin{aligned} & \frac{\text{جاس} + \text{جاس}^2}{\text{لوم}^{\frac{1}{2}} \text{ جاس}^{\frac{1}{2}}} \text{ دس} \\ & \text{دس} = \text{لوم}^{\frac{1}{2}} \text{ جاس}^{\frac{1}{2}} \end{aligned} \right]$$

$$\frac{\text{جاس}^{\frac{1}{2}}}{\text{قاس}^{\frac{1}{2}}} = \text{دس} \Leftrightarrow \frac{\text{قاس}^{\frac{1}{2}}}{\text{جاس}^{\frac{1}{2}}} = \frac{\text{دس}^{\frac{1}{2}}}{\text{دس}^{\frac{1}{2}}}$$

$$\left[\frac{\text{جاس} + \text{جاس}^2}{\text{دس}} \times \frac{\text{جاس}^{\frac{1}{2}}}{\text{قاس}^{\frac{1}{2}}} \text{ دس} \right]$$

$$\left[\frac{1}{\text{جاس}^{\frac{1}{2}}} + \text{جاس}^{\frac{1}{2}} \right] \times \frac{\text{جاس}^{\frac{1}{2}}}{\text{دس} + \text{جاس}^{\frac{1}{2}}} \text{ دس}$$

$$\left[\frac{\text{جاس}^{\frac{1}{2}}}{\text{دس} + \text{جاس}^{\frac{1}{2}}} \times \frac{1 + \text{جاس}^{\frac{1}{2}}}{\text{جاس}^{\frac{1}{2}} \times \text{دس}^{\frac{1}{2}}} \right]$$

$$\left[\frac{1}{\text{دس}} \right] =$$

$$= \text{لوم}^{\frac{1}{2}} + 1$$

$$= \text{لوم}^{\frac{1}{2}} \text{ جاس}^{\frac{1}{2}} + 1$$

الأستاذ: محمد العبدالات

الجديد في الرياضيات
الفرع العلمي والصناعي

أسئلة مقترحة

$$\frac{b}{\sqrt{2}+3} + \frac{p}{\sqrt{2}} \leftarrow$$

$$\frac{b + (\sqrt{2}+3)p}{\sqrt{2}+3} \leftarrow$$

$$b + (\sqrt{2}+3)p = 1$$

$$\downarrow \quad \downarrow$$

$$\frac{2}{3} = b / \quad \frac{1}{3} = p$$

$$\frac{\sqrt{2}}{\sqrt{2}+3} \left\{ \frac{2}{3} - \frac{\sqrt{2}}{\sqrt{2}} \right\} \frac{1}{3} =$$

$$\frac{1}{3} \text{ لو } \sqrt{2} - \frac{2}{3} \text{ لو } \sqrt{2}+3 \text{ لو } \sqrt{2}+3 =$$

$$\frac{1}{3} \text{ لو } \sqrt{2} - \frac{2}{3} \text{ لو } \sqrt{2}+3 \text{ لو } \sqrt{2}+3 =$$

$$\left. \frac{\sqrt{2}-1}{\sqrt{2}+3-1} \right\} \text{ دس } \quad \text{②}$$

$$\left. \frac{\sqrt{2}-1}{\sqrt{2}+3-1} \right\} \text{ الحل :- دس}$$

$$\left. \frac{\sqrt{2}-1}{\sqrt{2}+3-1} \right\} =$$

$$\left. \frac{\sqrt{2}-1}{\sqrt{2}+3-1} \right\} =$$

$$\sqrt{2} = \sqrt{2} \Rightarrow \sqrt{2} = \sqrt{2}$$

$$\frac{\sqrt{2}}{\sqrt{2}} = \sqrt{2}$$

$$\left. \frac{\sqrt{2}}{\sqrt{2}} \times \frac{\sqrt{2}-1}{\sqrt{2}+3-1} \right\}$$

$$\left. \frac{1}{\sqrt{2}+3-1} \right\} \text{ دس}$$

كسور جزئية

الأستاذ: محمد العبدالات

الجديد في الرياضيات

أسئلة مقترحة

الفرع العلمي و الصناعي

$$\left[\frac{\sqrt{1-\cos^2 x}}{1+\cos x} \right]_{\frac{\pi}{4}}^{\frac{\pi}{2}} = \left[\frac{1-\cos x}{1+\cos x} \right]_{\frac{\pi}{4}}^{\frac{\pi}{2}} \quad (11)$$

* نفرض $\cos x = u$

$$-\cos x + \cos x = \frac{du}{dx}$$

$$\frac{du}{\cos x - \cos x} = dx$$

$$\left[\frac{\cos^3 x (\cos x - \cos x)}{\cos x - \cos x} \right]$$

$$\cos^3 x$$

$$\frac{\cos^4 x}{4} =$$

$$\frac{1}{4} (\cos^4 x + \cos^4 x) =$$

$$\left[\cos^4 x + \cos^4 x \right]_{\frac{\pi}{4}}^{\frac{\pi}{2}} \quad (13)$$

$$\left[\cos^4 x + \cos^4 x \right]_{\frac{\pi}{4}}^{\frac{\pi}{2}} =$$

$$\left[\cos^4 x + \cos^4 x \right]_{\frac{\pi}{4}}^{\frac{\pi}{2}} =$$

$$\left[\cos^4 x + \cos^4 x \right]_{\frac{\pi}{4}}^{\frac{\pi}{2}} =$$

بالرجوع للفرض $\cos x = u$

$$\left[\cos^4 x + \cos^4 x \right]_{\frac{\pi}{4}}^{\frac{\pi}{2}} =$$

$$\frac{1}{4} (\cos^4 x + \cos^4 x) =$$

$$\left[\frac{1-\cos x}{1+\cos x} \right]_{\frac{\pi}{4}}^{\frac{\pi}{2}} =$$

$$\left[\frac{1-\cos x}{1+\cos x} \right]_{\frac{\pi}{4}}^{\frac{\pi}{2}} =$$

$$\left[\frac{1-\cos x}{1+\cos x} \right]_{\frac{\pi}{4}}^{\frac{\pi}{2}} =$$

$$\left[\frac{1-\cos x}{1+\cos x} \right]_{\frac{\pi}{4}}^{\frac{\pi}{2}} =$$

$$\left[\frac{1-\cos x}{1+\cos x} \right]_{\frac{\pi}{4}}^{\frac{\pi}{2}} =$$

$$\frac{1}{2} - \frac{1}{2} =$$

$$\left[\frac{1-\cos x}{1+\cos x} \right]_{\frac{\pi}{4}}^{\frac{\pi}{2}} =$$

$$\left[\frac{1-\cos x}{1+\cos x} \right]_{\frac{\pi}{4}}^{\frac{\pi}{2}} =$$

$$\left[\frac{1-\cos x}{1+\cos x} \right]_{\frac{\pi}{4}}^{\frac{\pi}{2}} =$$

$$\left[\frac{1-\cos x}{1+\cos x} \right]_{\frac{\pi}{4}}^{\frac{\pi}{2}} =$$

الأستاذ : محمد العبدالات

الجديد في الرياضيات

أسئلة مقترحة

الفرع العلمي و الصناعي

* جد قيمة كل من التكاملات التالية :

$$\textcircled{1} \int_0^{\pi} \frac{1 + \cos x}{1 + \sin x} dx$$

$$\textcircled{2} \int_0^{\pi} \frac{5 \cos x + 5 \sin x}{3 + 3 \cos x} dx$$

$$\textcircled{3} \int_0^{\pi} \sqrt{1 - \cos x} dx$$

$$\textcircled{4} \int_0^{\pi} \cos^3 x \sin x dx$$

$$\textcircled{5} \int_0^{\pi} \cos^2 x \sin x dx$$

$$\textcircled{6} \int_0^{\pi} \sqrt{1 + \cos^2 x} dx$$

$$\textcircled{7} \int_0^{\pi} \frac{1}{(2 + \cos x)^2} dx$$

$$\textcircled{8} \int_0^{\pi} \frac{1 - \cos^2 x}{1 - \cos x} dx$$

الأستاذ: محمد العبدالات

الجديد في الرياضيات

أسئلة مقترحة

الفرع العلمي و الصناعي

* إذا كان

$$\int_3^2 \left(\frac{1}{x} - \frac{1}{x^2} \right) dx = 3$$

$$\int_0^2 (x-1) dx = 7$$

$$\int_0^2 (x^2 + 3x) dx = 8 \text{ ، فجد } P$$

* إذا كان $\int_0^2 (x^2 + 3x + 1) dx$

$$= \int_0^2 (x^2 - 4x) dx$$

وكان $\int_0^2 (x^2 + 3x + 1) dx = 6$ ، فجد P

إذا كان $\int_0^2 (x^2 + 3x + 1) dx = 6$ ، فجد P

حيث $\int_0^2 (x^2 + 3x + 1) dx = 6$ ، فجد P

فجد P حيث $\int_0^2 (x^2 + 3x + 1) dx = 6$

$$\int_0^2 (x^2 + 3x + 1) dx = 6$$

$$\int_0^2 (x^2 + 3x + 1) dx = 6$$

$$\int_0^2 (x^2 + 3x + 1) dx = 6$$

جد قيمة P

$$\int_0^2 (x^2 + 3x + 1) dx = 6$$

$$\int_0^2 (x^2 + 3x + 1) dx = 6$$

* إذا كان $\int_0^2 (x^2 + 3x + 1) dx$

$[1, 3]$ وكان $\int_0^2 (x^2 + 3x + 1) dx$

لـ $\int_0^2 (x^2 + 3x + 1) dx$ حيث

$$\int_0^2 (x^2 + 3x + 1) dx = 6$$

$$\int_0^2 (x^2 + 3x + 1) dx = 6$$

* خزان فارغ سعته 10 م³ يصب

فيه الماء بمعدل $(2 + t)$ م³/د

أوجد الزمن اللازم لامتلاء الخزان

* إذا كان $\int_0^2 (x^2 + 3x + 1) dx$ أثبت

$$1 = 1 + 1 + 1$$

* إذا كان

$$\int_0^2 (x^2 + 3x + 1) dx = 6$$

$$\int_0^2 (x^2 + 3x + 1) dx = 6$$

فجد قاعدة الإقتران

الأستاذ : محمد العبد اللات

الجديد في الرياضيات

الفرع العلمي و الصناعي

أسئلة مقترحة

* إذا كان ميل المحاس لمنحنى العلاقة

$$\text{عند النقطة } (u, v) = \frac{3v^2}{u+u^2}$$

جد قاعدة الاقتران للعلاقة علماً

بأنه منحناها يمر بالنقطة (0, 1)

* إذا كان ميل الهوري على المحاس

لمنحنى علاقة (u, v) عند (u, v)

يساوي $u - \sqrt{3 + 3u}$ ، جد قاعدة

العلاقة هو علماً بأنه منحناها

يمر بـ (4, 4)

* إذا كان ميل المحاس لمنحنى العلاقة

هو عند (u, v) يساوي

$\frac{u-v}{u+1}$ جد قاعدة العلاقة هو

علماً بأنه منحناها يمر بـ (1, 1)

الأستاذ : محمد العبدالات

الجديد في الرياضيات
الفرع العلمي و الصناعي

أسئلة مقترحة

* حل المعادلة التفاضلية

$$\frac{v}{1-v} = \frac{dv}{v} \Rightarrow \ln(1-v) = \ln v + C$$

* إذا كانت $P = \frac{v}{1-v}$ حيث P ثابت وكان $\frac{dv}{v} = 1 + \frac{1}{v}$

$$\frac{dv}{v} = 1 + \frac{1}{v} \Rightarrow \ln v = v + \ln C \Rightarrow v = C e^v$$

جد قيمة P ؟؟

* يتحرك جسم وفق العلاقة

$$t = \frac{1}{2-g} \ln \frac{1}{1-g} \quad (g: \text{السرعة})$$

إذا كانت سرعته الابتدائية 2 م/ث
وكانت المسافة المقطوعة بعد 3 ثوانٍ
٢ متر، جد المسافة المقطوعة
بعد ثانية واحدة ؟؟

* يتحرك جسم حسب العلاقة

$$t = \frac{1}{gP} \ln \frac{1}{1-P} \quad \text{حيث } g \text{ و } P < 0$$

جد P حيث أنه الجسم حرك من السكون
مبتدأ من نقطة الأصل وأنه الجسم قطع
مسافت مقدارها $\frac{1}{4}$ وحدة بعد
ثانية

$$* \int_2^4 \frac{1-v}{[v]} dv$$

{ التكامل لا يوزع على القسمة
وبالتالي نعيد تعريف الاقترانين
معاً

$$\begin{aligned} & \int_2^4 \frac{1-v}{[v]} dv = \int_2^4 \frac{1-v}{v} dv \\ & = \int_2^4 \left(\frac{1}{v} - 1 \right) dv = \left[\ln v - v \right]_2^4 \\ & = (\ln 4 - 4) - (\ln 2 - 2) = \ln 2 - 2 \end{aligned}$$

$$* \int_2^4 \frac{1-v}{v} dv + \int_2^4 \frac{1-v}{v} dv$$

$$= \frac{1}{2} \left[\left(\ln v - v \right) \right]_2^4 + \frac{1}{2} \left[\left(\ln v - v \right) \right]_2^4$$

$$= \frac{1}{2} \times \frac{1}{2} + \frac{1}{2} \times \frac{1}{2} =$$

$$= \frac{1}{2} + \frac{1}{2} = 1$$

$$= \frac{19}{12} = \frac{38}{24}$$

الأستاذ: محمد العبدلات

الجديد في الرياضيات

الفرع العلمي و الصناعي

أسئلة مقترحة

* بين أنه

$$\int_2^{\infty} (x^2 + 4) dx \leq \int_2^{\infty} x^3 dx$$

دونه حساب قيمة التكاملين

* دونه حساب التكامل

$$\int_1^3 \frac{x}{x^2 - 5} dx$$

جد قيمة كل من م و ن

$$m \geq \int_1^3 \frac{x}{x^2 - 5} dx \geq n$$

$$\int_1^2 (x + \frac{x-1}{x}) dx = 10$$

$$\int_0^1 (1 - x) dx = \frac{1}{3}$$

$$\int_0^1 (x - \sqrt{x}) dx$$

* يسير جسم على خط مستقيم وفق

العلاقة $x = t = 1$ حيث $x < 0$

حيث أن الجسم تحرك من السكون

وف (1) = م، جد المسافة بعد

4 ثوان ؟

* إذا علمت أنه م (س) و ه (س)

اقتربا من بدائيتين للاقتراح المتصل

و (س) و أنه م (س) - ه (س) = س

جد ق (1) حيث ه (2) = 2

* إذا كان م (س) اقتربا بدائي

للاقتراح و (س) المتصل على $[\pi, 0]$

و كان ه (س) = $\frac{m}{n}$ - $\frac{p}{q}$ = صفر

تأني م $(\frac{\pi}{2})$ = 2

او ه ه $(\frac{\pi}{3})$

* إذا علمت أنه

$$m \geq \frac{x}{x+1} dx \geq k$$

دون حساب التكامل

* بين أنه $\int_0^{\pi} (3 + \cos x) dx$

ينحصر بين $\pi 7$ ، $\pi 8$

الأستاذ: محمد العبدلات

الجديد في الرياضيات
الفرع العلمي و الصناعي

أسئلة مقترحة

* إذا كان $\int_1^x \frac{1}{t} dt = \ln x$ و $\int_1^x \frac{1}{t^2} dt = -\frac{1}{x} + 1$

فاحسب $\int_1^x \frac{1}{t^3} dt$ و $\int_1^x \frac{1}{t^4} dt$

الحل :-

$\int_1^x \frac{1}{t^3} dt = -\frac{1}{2t^2} + \frac{1}{2}$

* نفرض $u = \frac{1}{t^2}$

$$\frac{du}{dt} = -\frac{2}{t^3}$$

$$u = \frac{1}{t^2} \rightarrow \frac{du}{dt} = -\frac{2}{t^3}$$

$$1 = \frac{du}{dt} \rightarrow \frac{du}{dt} = 1$$

$$\int_1^x \frac{1}{t^3} dt = \int_1^x \frac{1}{t^2} dt = \int_1^x \frac{1}{t^2} dt = -\frac{1}{t} + 1$$

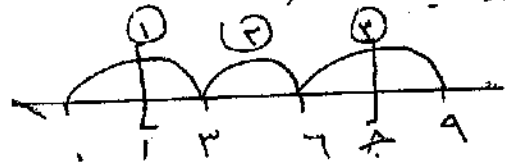
بالرجوع للفرض

$$\int_1^x \frac{1}{t^3} dt = -\frac{1}{2t^2} + \frac{1}{2}$$

$$\int_1^x \frac{1}{t^4} dt = -\frac{1}{3t^3} + \frac{1}{3}$$

$$\int_1^x \left[1 + \frac{1}{t} + \frac{1}{t^2}\right] dt = \ln x + \frac{1}{x} + 1 < 1$$

جد قيمة x ؟؟



$$\text{بالتعويض } \int_1^x \frac{1}{t} dt = \ln x$$

$$\int_1^x \frac{1}{t^2} dt = -\frac{1}{x} + 1$$

$$\int_1^x \frac{1}{t^3} dt = -\frac{1}{2x^2} + \frac{1}{2}$$

$$\therefore \int_1^x \left[1 + \frac{1}{t} + \frac{1}{t^2}\right] dt = \ln x + \frac{1}{x} + 1$$

$$\ln x + \frac{1}{x} + 1 < 1$$

$$\ln x < -\frac{1}{x}$$

$$\ln x < -\frac{1}{x}$$

$$\ln x < -\frac{1}{x} \Rightarrow \ln x < -1$$

الأستاذ : محمد العبد اللات

أسئلة مقترحة

الجديد في الرياضيات

الفرع العلمي و الصناعي

$$\boxed{\Gamma = P} \quad \Leftarrow \quad \varepsilon = P \Gamma \Leftarrow$$

$$v - \Gamma + {}^c v - \Gamma = (v) \hat{q} \therefore$$

$$07 = (2) \cdot 3 \leftarrow$$

$$\sigma \circ (\sigma^{-1} + \sigma^{-3}) \tau = \sigma \circ (\sigma) \tau = (\sigma) \sigma$$

$$A + \frac{5}{x} + \frac{12}{x} =$$

$$p + v^c + v^u =$$

$$V = F + \Sigma + \Lambda \Leftarrow V = (r) \text{ g } \therefore$$

$$0 - 1 \rightarrow \leftarrow$$

$$0 - v + w = (v-1) \cdot 2 \therefore$$

$$0 = (.) \Rightarrow \Leftarrow$$

$$V = (13)^p \angle 1 = (5)^p \angle 1 = (13)^q \angle 0 = (5)^q \angle *$$

الحطوب ٢٣ سر قه (رس) دس ٤ م بطي لوفه

ص = س ← د = دس

$$(u) \cdot \bar{g} = 0 \leftarrow u, (u) \cdot \bar{g} = 0$$

$$v = (u, \varphi) \int_{\Gamma} - \int_{\Gamma} (u, \varphi) =$$

$$\sum_{r=1}^3 [(r)P - ((r)Q - (r)Q^2)] =$$

$$(1-V) - (0.57 - 1.47) =$$

$$V_1 - = 7 - V_2 =$$

* ن. الساحة، الساحة بين

و $(s-1) = |A \cup B|$ ، $|A| = 4$ ، $|B| = 1$ في

الفترة $[\frac{\pi}{r}, \frac{\pi}{r-1}]$

کے : جاس =

$$\Gamma^p + \Gamma^p = \Gamma^p$$

وَمِنْهُ التَّمَاثُلُ $١٢ = ٢٢$

$$v_0 (v_0 - 1) \sum_{r=1}^{\infty} r = p$$

$$\frac{\pi}{r} [(u_{\text{tip}} - u) r =$$

$\pi = \frac{\text{مساحة دائرة}}{\text{نصف القطر}^2} =$

$$1 + \sqrt{p} + \sqrt{q} = \sqrt{p}(\sqrt{p} + (\sqrt{q} - \sqrt{p})) \quad *$$

وكانه $\phi = (1)$ و $\psi = (2)$ في V غير:

① قیمت P

(.) - 9 (7)

(2) 9 (4)

الحل : نشق الطرفین

$$\sqrt{P_T + \frac{1}{2}v^2} = v_T + (v) \bar{v}$$

$$v_5 - v_{P5} + \int_{v_5}^v \frac{1}{v} dv = (v) \int_{v_5}^v \frac{1}{v^2} dv$$

$$0 = r - pr + \psi \iff 0 = (1-p)r + \psi$$

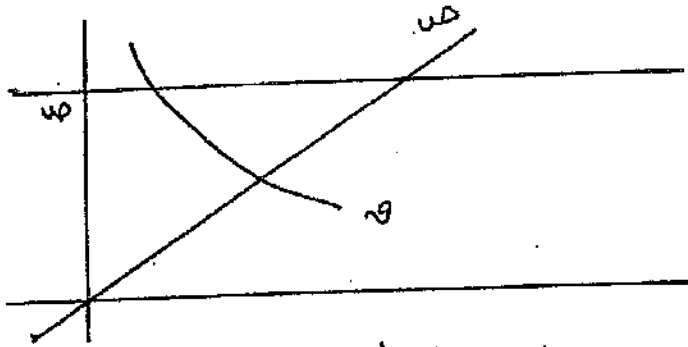
الأستاذ : محمد العبدالات

الجديد في الرياضيات

الفرع العلمي والصناعي

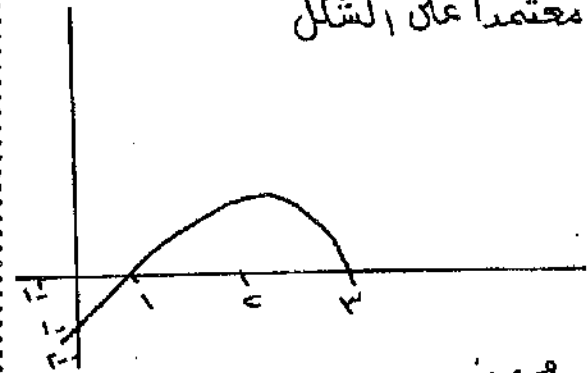
أسئلة مقترحة

* معتمداً على الشكل



جد مساحة المنطقة المحصورة في
الشكل والمحصورة بين المستقيم
١٥ = د و المستقيم ٣ = هـ

$$\text{والاقتزانه } (د) = \frac{1}{\sqrt{3}}$$



جد م و ن

$$\text{حيث } \int_1^3 (3 + 2\sqrt{x}) dx \geq 3 \Rightarrow \text{ن}$$

$$\text{الحل :- } 2 - \sqrt{x} \geq 1 \Rightarrow 1 \geq \sqrt{x}$$

$$\Rightarrow \sqrt{x} \leq 1 \Rightarrow x \leq 1$$

$$3 \geq 3 + 2\sqrt{x} \Rightarrow 0 \geq 2\sqrt{x} \Rightarrow \sqrt{x} \leq 0 \Rightarrow x \leq 0$$

$$\int_1^3 (3 + 2\sqrt{x}) dx \geq 3 \Rightarrow \int_1^3 (3 + 2\sqrt{x}) dx \geq 3$$



$$12 = 3$$

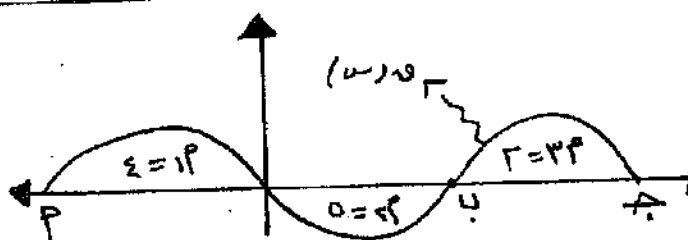
$$12 = 3$$

* احسب مساحة المنطقة المحصورة

$$\text{بين } (د) = 3 - \sqrt{x} \text{ و } (هـ) = 3 - \sqrt{x}$$

$$\text{و محور السينات في الربع الرابع}$$

و محور السينات في الربع الرابع



يمثل الشكل المساحة المحصورة بين منحنى
و محور السينات في كلا الحايين :-

$$\text{① } \int_1^3 (3 + 2\sqrt{x}) dx \text{ و } \text{② } \int_1^3 (3 - \sqrt{x}) dx$$

$$\text{③ } \int_1^3 (3 + 2\sqrt{x}) dx \text{ و } \text{④ } \int_1^3 (3 - \sqrt{x}) dx$$

$$\text{⑤ } \int_1^3 (3 + 2\sqrt{x}) dx \text{ و } \text{⑥ } \int_1^3 (3 - \sqrt{x}) dx$$

* جد مساحة المنطقة المحصورة بين

منحنيين $د = 3 - \sqrt{x}$ ، $هـ = 3 - \sqrt{x}$

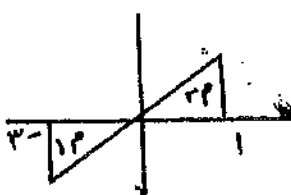
الشكل يمثل منحنى و (د)

جد قيمة

$$\int_1^3 (3 - \sqrt{x}) dx$$

$$\text{حيث } 12 = 3$$

$$7 = 3$$



الأستاذ : محمد العبدالات

الجديد في الرياضيات
الفرع العلمي و الصناعي

أسئلة مقترحة

* إذا كان $q = (u) = \frac{1}{u} + P$ لو u ، وكان
 $q = (1) = u$ ، فجد قيمة الثابت P ؟؟

الحل :-

$$q = (u) = \frac{1}{u} + \frac{P}{u-1}$$

$$= \frac{P}{u-1} + \frac{1}{u}$$

$$q = (1) = u \Leftrightarrow \frac{P}{1-1} + \frac{1}{1} = 1$$

$$\boxed{P = 0} \Leftarrow$$

* إذا كانت $u = \frac{1}{u} + P$ لو u ، وكان

$$u = \frac{1}{u} + \frac{P}{u-1}$$

حيث P ثابتة وكان $u = \frac{1}{u} + \frac{P}{u-1}$ ، فجد قيمة P ؟؟

$$u = \frac{1}{u} + \frac{P}{u-1}$$

$$u = \frac{1}{u} + \frac{P}{u-1}$$

$$P - u = 1 + u$$

$$1 = P \Leftarrow$$