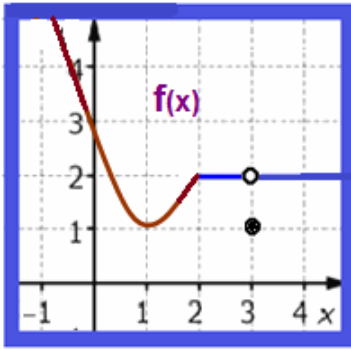




(1) معتمداً الشكل المجاور ، فإن قيم (x) التي يكون عندها منحنى الاقتران $f(x)$ غير قابل للاشتقاق هي :

- a) 1 b) 2 , 3 c) 3 d) 1 , 2 b



(2) إذا كان $f(x) = \begin{cases} x^2 - ax & , x \geq 3 \\ mx - a - 7 & , x < 3 \end{cases}$ ، وكان $f(x)$ قابلاً للاشتقاق عند $x=2$ ، فإن قيم الثابتين a ، m على التوالي تساوي :

- a) 2 , 4 b) 2 , - 4 c) -2 , 4 d) -2 , - 4 a

(3) إذا كان $f(x) = 3e^{x+1}$ فإن $f'(0) =$

- a) 3 b) $3e$ c) $3e^2$ d) 0 B

(4) إذا كان $f(x) = e^x + \ln(x + 1)$ فإن معادلة المماس لمنحنى f عند النقطة $(1, 0)$ هي :

- a) $y = 2x$ b) $y = 2x - 1$ c) $y = 2x - 2$ d) $y = 2x + 1$ D

(5) إذا كان $f(x) = \frac{2x-8}{e^x}$ ، فإن قيم (x) التي عندها مماس أفقي هي :

- a) 4 b) -2 c) 5 d) 5, 0 c

(6) إذا كان $f(x) = \sin x + \sin \pi$ فإن معادلة المماس لمنحنى $f(x)$ عند النقطة $(\pi, 0)$ تساوي :

- a) $y = \pi - x$ b) $y = x - \pi$ c) $y = \pi$ d) $y = x + \pi$ a

(7) إذا كان الاقتران : $s(t) = t^2 - 8t + 7$ ، $t \geq 0$ ، يُمثل موقع جسم يتحرك في مسار مستقيم ، فإن الجسم يعود إلى موقعه الابتدائي بعد :

- a) 7 s b) 8 s c) 1 s d) 4 s b

(8) إذا كانت $f(5)=4$, $f'(5) = -2$, $g(5)=1$, $g'(5)=-3$ فإن $(f \times g)'(5)$ تساوي :

- a) -14 b) 14 c) 12 d) -12 a

(9) إذا كان $f(x) = \ln x$

فإن قيمة المقدار $x^2 f'(x) + x^3 f''(x) + x^4 f^{(3)}(x)$

- a) $-x$ b) $2x$ c) $4x$ d) $-4x$ b

(10) إذا كان $f(x) = \sin x$, $g(x) = 4 - x^2$ فإن $(f \circ g)'(2)$

- a) 4 b) -4 c) 0 d) -2 b

(11) إذا كان $f(x) = \cos x^2$ فإن $f'(x)$ تساوي :

- a) $2 \sin x \cos x$ b) $2x \sin x$ c) $2x \cos x^2$ d) $-2x \sin x$ D

(12) إذا كان $f(x) = \ln(\tan x)$ فإن $f'(x)$ تساوي :

- a) $\sec^2 x$ b) $\cot x$ c) $-\cot x$ d) $\sec x \csc x$ D

(13) إذا كان $f(x) = \sin(\pi e^x)$ فإن $f'(0)$ تساوي :

- a) π b) e c) -1 d) $-\pi$ d

(14) إذا كان $f(x) = x^2 + \sin x^2$ فإن $f'(x)$ تساوي :

- a) $2x + \cos x^2$ b) $2x + 2x \cos x$ c) $2x + 2 \sin x \cos x$ d) $2x \sin x^2 + 2x^3 \cos x$ b

(15) إذا كان $f(x) = g^3(x)$, $g(3) = 2$, $g'(3) = -1$ فإن $f'(3)$ تساوي

- a) -12 b) -10 c) 6 d) -3 a

(16) إذا كان $f(x) = 4 \sin^2 x \cos^2 x$ فإن $f'(\frac{\pi}{6})$ تساوي :

- a) $\sqrt{3}$ b) 1 c) 2 d) $8 \cos 2x$

(17) إذا كان $f(x) = 6^{4x}$ فإن $f'(x)$ تساوي :

- a) $6^{4x} (4)$ b) $6^{4x} (\ln 4x)$ c) $6^{4x} (4 \ln 6)$ d) $6^{4x} (\ln 6)$ c

(18) إذا كان $f(x) = \log_3 x$, فإن $f'(x)$ تساوي :

- a) $\frac{1}{x \ln 3}$ b) $\frac{\ln 3}{x}$ c) $\frac{3}{x}$ d) 3^x a

(19) إذا كان $f(x) = \ln(xe^{2x})$, فإن $f'(-\frac{1}{2})$ تساوي :

- a) -1 b) 0 c) 2 d) -4 c

(20) إذا كان $f(x) = 2^x \sin x$ فإن $f'(0)$ تساوي :

- a) 0 b) 1 c) $\ln 2$ d) $-\ln 2$ b

(21) إذا كانت $y = x^x$, فإن $\frac{dy}{dx}$ =

- a) $x^x \ln x + 1$ b) $x^x \ln x + x^x$ c) $x x^{x-1}$ d) x^2 b

(22) إذا كان منحنى العلاقة الوسيطة يعطى: $y=6t$, $x=t^2$, فإن $\frac{dy}{dx}$ =

- a) $2t$ b) $12t$ c) $\frac{3}{t}$ d) $\frac{2}{t}$ c

(23) ميل المماس لمنحنى العلاقة الوسيطة $y = t + 2$, $x = t^2$ عند $t=3$ يساوي :

- a) 6 b) 3 c) $\frac{1}{3}$ d) $\frac{1}{6}$ d

(24) إذا كانت $\sin x + \cos y = 1$, فإن $\frac{dy}{dx}$ =

- a) $\cot xy$ b) $\frac{\sin y}{\cos x}$ c) $\frac{-\cos x}{\sin y}$ d) $\frac{\cos x}{\sin y}$ d

(25) إذا كانت $x - x^2 = y + y^2 = 12$ ، فإن $\frac{dy}{dx}$

- a) $\frac{-x}{y}$ b) $\frac{1+2x}{1-2y}$ c) $\frac{1-2y}{1+2x}$ d) $\frac{1-2x}{1+2y}$ D

(26) واحدة من النقط الآتية والواقعة على منحنى العلاقة $(y - 4)^2 = x + 2$ يكون عندها المماس موازياً للمستقيم $3x + 6y + 2 = 0$

- a) (1, 7) b) (-1, 5) c) (-1, 3) d) (2, 2) c

(27) إذا كان $f(x) = e^{\sin x} + 1$ ، فإن ميل المماس لمنحنى f عند نقطة تقاطعه مع المحور (y) يساوي:

- a) 1 b) $\ln 2$ c) 2 d) 3 c

(28) إذا كانت : $x = \sin t$ ، $y = 2\cos t$ ، فإن المشتقة الثانية لهذه المعادلة الوسيطة تساوي:

- a) $-2\sec^3 t$ b) $2\sec^3 t$ c) $2\sec^2 t$ d) -2 a

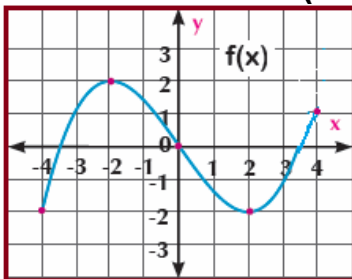
(29) إذا كان $f(x) = e^x (x^2 - 3)$ ، فإن للاقتران f قيمة حرجة عند (x) تساوي:

- a) لا يوجد قيم حرجة b) 1, -3, 0 c) -3, 1 d) 3 c

(30) إذا كان $f(x) = \sin^2 x - \cos x$ ، $x \in [0, \pi]$ فإن للاقتران f قيمة عظمى محلية عند (x) تساوي:

- a) $\frac{\pi}{6}$ b) $\frac{\pi}{3}$ c) $\frac{\pi}{2}$ d) $\frac{2\pi}{3}$ D

*** معتمدا الشكل المجاور والذي يمثل منحنى f(x) ، أجب عن الأسئلة (31 - 33)



(31) القيم الحرجة للاقتران f هي:

- a) -2, 2 b) -2, 0, 2 a
c) 0 d) -1, -2, 2, 4

(32) النقطة (4, 1) هي D:

- a) عندها قيمة عظمى مطلقة b) نقطة انعطاف c) نقطة حرجة d) لا شيء مما ذكر

(33) النقطة (0, 0) هي b:

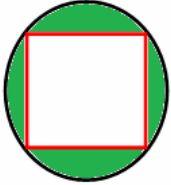
- a) عندها قيمة عظمى مطلقة b) نقطة انعطاف c) نقطة حرجة d) لا شيء مما ذكر

(34) إذا مثل الاقتران: $s(t) = \frac{1}{3}t^3 - 2t^2 + 3t$ ، موقع جسم يتحرك في مسار مستقيم ،

فإن الفترة الزمنية التي يتحرك فيها الجسم في الاتجاه السالب هي :

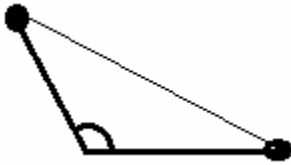
- a) $(3, \infty)$ b) $(1, 3)$ c) $(0, 1)$ d) $(1, \infty)$ b

(35) رُسم مربع داخل دائرة ، بحيث تقع رؤوسه على محيطها ، وأخذ كل منهما يتمدد ، فإذا كان معدل تزايد نصف قطر الدائرة 3 cm/s ، جد معدل تغير مساحة المنطقة المحصورة بينهما عندما يُصبح طول نصف قطر الدائرة 5 cm/s



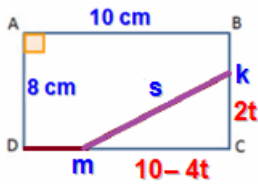
- a) $30\pi - 60$ b) 30π c) $15 - 30\pi$ d) 60π a

(36) بدأت سفينتان الحركة من نفس الميناء بشكل مستقيم في اتجاهين مختلفين قياس الزاوية بينهما (120°) ، إذا كانت سرعة السفينة الأولى (3 km/h) وسرعة الثانية (4 km/h) ، فجد معدل التغير في المسافة بينهما بعد ساعتين من الانطلاق



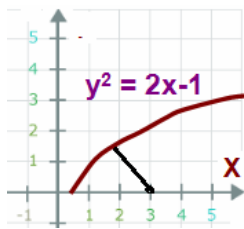
- a) 5 b) -0.5 c) 9.8 d) -9.8 c

(37) ABCD مستطيل ، بدأت النقطة (m) الحركة من (D) متجهة إلى (C) بسرعة (4 cm/s) وفي نفس الوقت تحركت النقطة (k) من (C) باتجاه (B) وبسرعة (2 cm/s) بعد كم ثانية تصبح المسافة بين النقطتين أقل ما يمكن ؟



- a) 4 s b) 2 s c) 1 s d) 3 s b

(38) جد النقطة (x, y) الواقعة في الربع الأول على منحنى الاقتران $(y^2 = 2x - 1)$ والتي أقرب ما يمكن إلى النقطة $(3, 0)$



- a) $(2, \sqrt{3})$ b) $(4, \sqrt{7})$ c) $(1, 1)$ d) $(5, 3)$ a

(39) مقياس العدد المركب $(4 + \sqrt{-20})$ يساوي :

- a) 16 b) 4 c) 6 d) 36 c

(40) سعة العدد المركب $z = 6 - 3i$ تساوي :

- a) 0.46 b) 1.1 c) -0.46 d) -1.1 c

(41) إذا كان $z = 2 + 2\sqrt{3}i$ ، فإن $|z|$ تساوي :

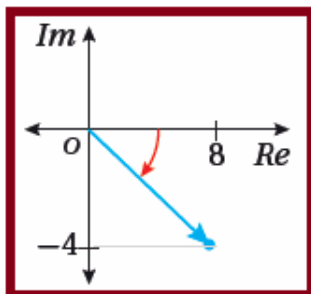
- a) 2 b) 4 c) 16 d) 1 b

(42) سعة العدد المركب $(z = 4i)$ تساوي :

- a) $-\frac{\pi}{2}$ b) $\frac{\pi}{2}$ c) π d) $-\pi$ B

(43) الصورة المثلثية للعدد المركب $(z = -2 - 2i)$ هي :

- a) $2\sqrt{2}(\cos \frac{-3\pi}{4} + i \sin \frac{-3\pi}{4})$ b) $8(\cos \frac{-3\pi}{4} + i \sin \frac{-3\pi}{4})$ A
c) $2\sqrt{2}(\cos \frac{3\pi}{4} + i \sin \frac{3\pi}{4})$ d) $2\sqrt{2}(\sin \frac{-3\pi}{4} + i \cos \frac{-3\pi}{4})$



(44) للعدد المركب المُمثل بيانيا في الشكل المجاور هو :

- a) $8 + 4i$ b) $-8 - 4i$
c) $8 - 4i$ d) $-8 + 4i$ c

(45) ناتج $(\frac{5-3i}{1+i})$ هو : a) $1 - 4i$ b) $1 + 4i$ c) $4 - 4i$ d) $8 - 8i$

(46) الجذران التربيعيان للعدد المركب $(5 - 12i)$ هما :

a) $3 + 2i$, $3 - 2i$

b) $-3 + 2i$, $3 - 2i$

b

c) $2 + 3i$, $2 - 3i$

d) $2 - 3i$, $-2 + 3i$

(47) الجذران التربيعيان للعدد المركب $z = 8(\cos \frac{2\pi}{3} - i \sin \frac{2\pi}{3})$ هما :

a) $2 \pm 6i$

b) $\sqrt{2} - i\sqrt{6}$, $-\sqrt{2} + i\sqrt{6}$

c

c) $\sqrt{2} \pm i\sqrt{6}$

d) $-\sqrt{2} - i\sqrt{6}$, $\sqrt{2} + i\sqrt{6}$

(48) إذا كان $(2 + 4i)$ أحد جذري المعادلة : $x^2 + ax + b = 0$ ، فإن قيمة الثابت (b) تساوي :

a) 20

b) 10

c) -12

d) -6

b

(49) حل المعادلة : $z^3 - 5z^2 + 4z + 10 = 0$ هو :

a) 1 , $3 \pm i$

b) 1 , $6 \pm 2i$

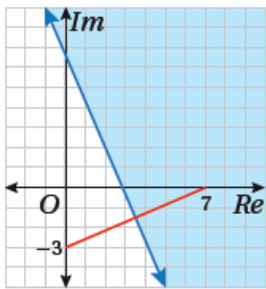
c

c) -1 , $3 \pm i$

d) -1 , $6 \pm 2i$

(50) متباينة المحل الهندسي الذي تُمثِّله المنطقة المظللة هي :

d



a) $|z - 7| \geq |z + 3i|$

b) $|z + 7| \geq |z - 3i|$

c) $|z + 7| \leq |z - 3i|$

d) $|z - 7| \leq |z + 3i|$



الأسئلة المقالية المحتملة

(51) ابحث قابلية الاقتران $f(x) = \begin{cases} x & , x \leq 1 \\ x^2 & , x > 1 \end{cases}$ للاشتقاق عند $x = 1$ باستعمال التعريف العام للمشتقة

$$f'(1^-) = \lim_{x \rightarrow 1^-} [f(x) - f(1)] / (x - 1)$$

$$= \lim_{x \rightarrow 1^-} (x - 1) / (x - 1) = 1$$

$$f'(1^+) = \lim_{x \rightarrow 1^+} [f(x) - f(1)] / (x - 1)$$

$$= \lim_{x \rightarrow 1^+} (x^2 - 1) / (x - 1) = \lim_{x \rightarrow 1^+} (x + 1) = 2$$

(52) جد معادلة العمودي على المماس لمنحنى : $y = x^2 + 2x - 3$
عند نقطة تقاطعه مع المستقيم : $y = x - 1$

$$\because y = x^2 + 2x - 3, y = x - 1$$

$$\therefore x^2 + 2x - 3 = x - 1$$

$$x^2 + x - 2 = 0$$

$$(x + 2)(x - 1) = 0$$

$$\therefore x = -2 \text{ أو } x = 1$$

عند $x = -2$ ، فإن $y = -3$ $\rightarrow (-2, -3)$

$$\therefore m = y' = 2x + 2 \quad \therefore m = y'|_{(-2, -3)} = 2(-2) + 2 = -2$$

$$\therefore \frac{-1}{m} = \frac{-1}{-2} = \frac{1}{2} \quad \rightarrow \text{ ميل العمودي هو } \frac{-1}{m}$$

$$y - (-3) = \frac{1}{2}(x + 2)$$

عند $x = 1$ ، فإن $y = 0$ $\rightarrow (1, 0)$

$$\therefore m = y'|_{(1, 0)} = 2(1) + 2 = 4 \quad \rightarrow \therefore \frac{-1}{m} = \frac{-1}{4} \quad \rightarrow y - 0 = \frac{-1}{4}(x - 1)$$

(53) يتحرك جسم في خط مستقيم، حسب العلاقة $s = 12t^2 - t^3$ ، فجد

(1) سرعة الجسم المتجهة وتسارعه عندما $t = 2$ (3) متى يعود الجسم إلى موقعه الأصلي

(2) قيم t التي يكون عندها في حالة سكون لحظي (4) اتجاه حركة الجسم عند $t = 3$

$$s(t) = 12t^2 - t^3$$

$$v(t) = 24t - 3t^2 \Rightarrow v(2) = 48 - 12 = 36$$

$$a(t) = 24 - 6t \Rightarrow a(2) = 24 - 12 = 12$$

$$v(t) = 0 \Rightarrow 24t - 3t^2 = 0 \Rightarrow 3t(8 - t) = 0 \Rightarrow t = 0 \text{ أو } t = 8$$

$$s(0) = 0 \Rightarrow s(t) = 12t^2 - t^3 = 0 \Rightarrow t^2(12 - t) = 0 \Rightarrow t = 12$$

$$v(3) = 24(3) - 3(9) = 45 > 0 \Rightarrow +$$

(54) إذا كان $f(x)$ ، $g(x)$ اقترانين قابلين للاشتقاق، وكان
 $(g \circ f)'(\frac{\pi}{4}) = 32$ ، $g(x) = a(x^2 - 3)^2$ ، $f(x) = 2 \tan^2 x$
فجد قيمة الثابت (a)

(55) لكل من الاقتترانات الآتية ، جد

1) $f(x) = 3x^4 - 4x^3 - 24x, [-2, 2]$

(a) القيم الحرجة (إن وُجدت)

2) $f(x) = \sqrt[3]{(x^2 - 4)^2}$

(b) فترات التزايد والتناقص

3) $f(x) = \sin^2 x - \cos x, [0, \pi]$

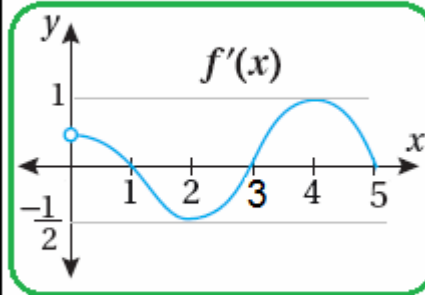
(c) القيم القصوى المحلية (إن وُجدت)

4) $f(x) = (x^2 - 6)e^{2x}$

(d) فترات التفرع إلى الأعلى وإلى الأسفل

(e) نقاط الانعطاف (إن وُجدت)

(56) معتمدا الشكل المجاور والذي يمثل منحنى المشتقة الأولى $f'(x)$ ،
 $f(x)$ معرف على جميع قيم (x) ، جد :



Abdulkadir Hasanat
 078 531 88 77

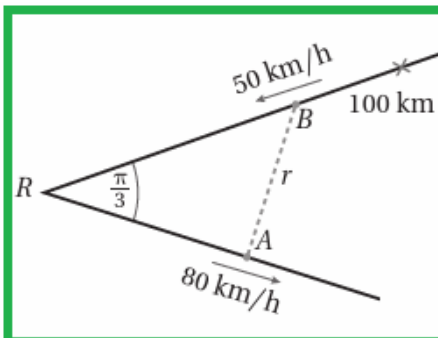
(أ) القيم الحرجة

(ب) فترات التزايد والتناقص

(ج) القيم القصوى المحلية

(د) فترات التفرع للأعلى والأسفل

(هـ) نقاط الانعطاف



(57) يلتقي طريقان مستقيمان عند النقطة R بزاوية قياسها $\frac{\pi}{3}$. إذا انطلقت السيارة A من النقطة R على أحد الطريقين بسرعة 80 km/h ، وفي الوقت نفسه انطلقت السيارة B بسرعة 50 km/h على الطريق الآخر في اتجاه النقطة R من نقطة تبعد عنها مسافة 100 km ، فأجد أقصر مسافة ممكنة بين السيارتين.

بعد مرور t ساعة $y = 80t, z = 50t \rightarrow x = 100 - 50t$

$$r^2 = x^2 + y^2 - 2xy \cos \frac{\pi}{3} \rightarrow r^2 = x^2 + y^2 - xy$$

$$\rightarrow r^2 = (100 - 50t)^2 + (80t)^2 - (100 - 50t)(80t)$$

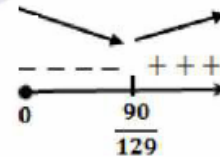
$$= 10000 - 18000t + 12900t^2$$

$$\rightarrow 2r \frac{dr}{dt} = -18000 + 25800t \rightarrow \frac{dr}{dt} = \frac{-18000 + 25800t}{2r}$$

$$\rightarrow \frac{dr}{dt} = 0 \rightarrow -18000 + 25800t = 0 \rightarrow t = \frac{90}{129} \text{ h}$$

أقصر مسافة ممكنة بين السيارتين هي:

$$r = \sqrt{10000 - 18000 \left(\frac{90}{129} \right) + 12900 \left(\frac{90}{129} \right)^2} \approx 61 \text{ km}$$



$$\begin{aligned}
 |z - 6| &= 2|z + 6 - 9i| \rightarrow |x - 6 + iy| = 2|(x + 6) + i(y - 9)| \\
 &\rightarrow (x - 6)^2 + y^2 = 4((x + 6)^2 + (y - 9)^2) \\
 &\rightarrow x^2 - 12x + 36 + y^2 = 4(x^2 + 12x + 36 + y^2 - 18y + 81) \\
 &\rightarrow x^2 + y^2 + 20x - 24y + 144 = 0 \\
 &\rightarrow (x + 10)^2 + (y - 12)^2 = 100
 \end{aligned}$$

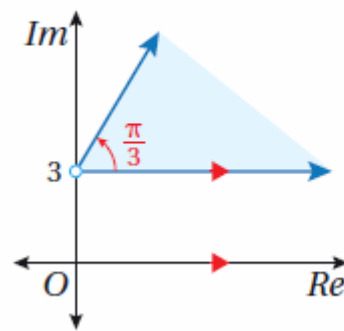
وهي معادلة دائرة مركزها $(-10, 12)$ وطول نصف قطرها 10

أوجد المحل الهندسي الذي تمثله المعادلة :

$$|z - 6| = 2|z + 6 - 9i|$$

$$0 \leq \text{Arg}(z - 3i) \leq \frac{\pi}{3}$$

أكتب متباينة تُمثل المحل الهندسي المعطى



جد العدد المركب الذي يُحقّق كلاً من المحل الهندسي: $|z - 3| = |z + 2i|$

والمحل الهندسي $|z + 3 - i| = |z - 1 + 5i|$

$$\begin{aligned}
 |z - 3| &= |z + 2i| \rightarrow |(x - 3) + iy| = |x + i(y + 2)| \\
 &\rightarrow (x - 3)^2 + y^2 = x^2 + (y + 2)^2 \rightarrow 6x + 4y = 5 \dots (1) \\
 |z + 3 - i| &= |z - 1 + 5i| \rightarrow |(x + 3) + i(y - 1)| = |(x - 1) + i(y + 5)| \\
 &\rightarrow (x + 3)^2 + (y - 1)^2 = (x - 1)^2 + (y + 5)^2 \rightarrow 2x - 3y = 4 \dots (2) \\
 &\rightarrow x = \frac{31}{26} \text{ و } y = -\frac{7}{13}
 \end{aligned}$$

ويكون العدد المركب هو: $z = \frac{31}{26} - \frac{7}{13}i$



رابط الامتحان الالكتروني

https://docs.google.com/forms/d/e/1FAIpQLSdEo1lt6Xk1K6r-PusPEWTfWDvFELLDDltfJYx5rehHe1CVq/viewform?usp=sf_link