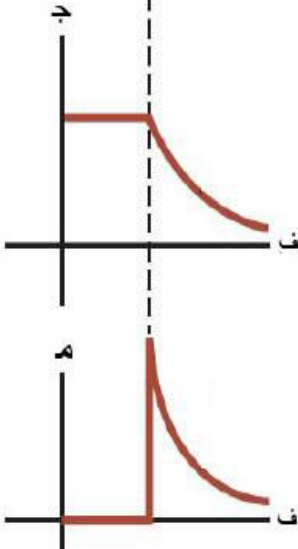


المثالي

في الفيزياء

الكهرباء السكونية

2016



يحتوي هذا الملف على تلخيص شامل لمادة الكهرباء السكونية بما في ذلك جميع أسئلة الكتاب واسئلته سنوات سابقة بالإضافة إلى بعض الأسئلة الهدف منها اختبار نفسك.

إعداد الأستاذ : صالح البشير

0772188635

تم التحميل من الأوائل

يطلب من مكتبة الصقر-مادبا -بجانب حلويات أبو جابر

الشحنة الكهربائية

مقدمة

الكهرباء : هي شكل من أشكال الطاقة وتقسم الى نوعين :

- 1- الكهرباء المتحركة: هي الكهرباء الناتجة من حركة الشحنات الكهربائية داخل المواد الموصلة.
- 2- الكهرباء السكنوية : وهي الكهرباء الناتجة من الأجسام بحيث تتولد شحنات وتبقى ساكنة .

س: ما هو دور العلماء في دراسة الشحنات الكهربائية ؟

- عرف في القرن السادس قبل الميلاد منذ زمن طاليس (Thales) أن ذلك الحجر العنبر "الكهرمان" بالفراء يجعله قادرا على جذب أجزاء القش الصغيرة.
- اعتقد وليم غلبرت (Willim Gilbert) أن ذلك يجعل بعض المواد مثل العنبر تمتلئ بالكهرباء كما يملأ المائع الكوب ومن هنا ورد التعبير "شحنة charge" للمرة الأولى.
- في القرن السابع عشر لوحظ أن بعض الأجسام المشحونة تتجاذب وبعضها يتنافر، فاقترح شارل دو فاي (Charles Du Fay) تفسيراً لذلك وجود نوعين من الكهرباء.
- سماهما العالم بنيامين فرانكلين نوعي الكهرباء "موجب Positive" و "سالب Negative"
- بعد ذلك أكتشف الألكترون على يد جوزيف طومسون "Joseph Thomson" وتمكن روبرت ميليكان "Robert Millikan" من قياس شحنته بعد إجراء تجربة قطرة الزيت.

❖ نستنتج أن الشحنة هي احدى خصائص المادة شأنها شأن الكتلة

س: علل سميت شحنة الألكترون بـ "الشحنة الأساسية"؟

✓ لأنها أصغر شحنة حرة موجودة بالطبيعة .

يرمز لشحنة الألكترون بالرمز "شe" وهو مقدار ثابت يساوي 1.6×10^{-19} كولوم .

الكولوم : هو الوحدة التي تقاس بها الشحنة في النظام العالمي للوحدات (SI).

ولأن وحدة الكولوم كبيرة جدا تقاس الشحنة بأجزائها:

ملي = 10^{-3} كولوم ميكرو = 10^{-6} كولوم نانو = 10^{-9} كولوم بيكو = 10^{-12} كولوم

س: وضح المقصود بقولنا أن الشحنة مكمة "تكميم الشحنة"؟

✓ تعني أن أي جسم مشحون يجب أن تكون شحنته عددا صحيحا من مضاعفات شحنة الألكترون أو البروتون .

لا يوجد شحنة جسم حر في الطبيعة عدد غير صحيح مثل $1/2$ أو $1/4$ أو $3/4$... لماذا؟ لأن الشحنة مكتملة ويجب أن تساوي عدد صحيح وفقا لمبدأ تكميم الشحنة.
ويعبر عن مبدأ تكميم الشحنة رياضيا من خلال العلاقة الآتية:

$$\text{ش جسم} = \text{ن ش} e \dots\dots (1)$$

حيث ش جسم = شحنة الجسم , ن = عدد صحيح (عدد الإلكترونات المفقودة أو المكتسبة), ش = شحنة الألكترون (ثابت).

❖ الجسم الذي يفقد الكترونات تصبح شحنته موجبة والجسم الذي يكسب الكترونات تصبح شحنته سالبة... لماذا؟ لأنه في حال كانت شحنته موجبة يكون عدد البروتونات أكبر من الألكترونات والعكس الصحيح

مثال (1): أ- جسم متعادل فقد 1000 الكترون كم تصبح شحنته؟ وما نوعها؟

ب- جسم كسب 1000 الكترون ما شحنته؟ وما نوعها؟

الحل:

$$\text{أ- ش جسم} = \text{ن ش} e \Rightarrow \text{ش جسم} = 10 \times 1.6 \times 10^{19}$$

$$\Rightarrow \text{ش جسم} = 10 \times 1.6 \times 10^{16} \text{ كولوم وهي موجبة لأنه فقد}$$

$$\text{ب- ش جسم} = \text{ن ش} e \Rightarrow \text{ش جسم} = 10 \times 1.6 \times 10^{19}$$

$$\Rightarrow \text{ش جسم} = 10 \times 1.6 \times 10^{16} \text{ كولوم وهي سالبة لأنه كسب}$$

مثال(2): أي من الشحنات الآتية (3×10^{19} , 6.4×10^{19} , 6.4×10^{20}) كولوم يمكن لجسم أن يحملها؟ علل اجابتك .

الحل :

$$\text{ش جسم} = \text{ن ش} e \Rightarrow \text{ن} = \frac{3 \times 10^{19}}{1.6 \times 10^{19}}$$

$\Rightarrow 1.875$ الكترون. لا يمكن حمل هذا الجسم لان ن عدد غير صحيح وفقا لمبدأ تكميم الشحنة.

ش جسم = ن ش e $\Rightarrow \text{ن} = \frac{6.4 \times 10^{19}}{1.6 \times 10^{19}} = 4$ الكترون . يمكن حمل هذا الجسم لان ن عدد صحيح وفقا لمبدأ تكميم الشحنة.

ش جسم = ن ش e $\Rightarrow \text{ن} = \frac{6.4 \times 10^{20}}{1.6 \times 10^{19}} = 0.4$ الكترون . لا يمكن حمل هذا الجسم لان ن عدد غير صحيح وفقا لمبدأ تكميم الشحنة.

الإشارة لا تعوض خلال عملية الحل وإنما تكتب في نهاية الحل موجبة او سالبة حسب فقدانه للألكترونات أو اكتسابها

مثال(3) اذا كانت شحنة أيون سالبة وتساوي $(10 \times 3.2 \times 10^{-19})$ كولوم أجب عما يلي :

1- هل اكتسبت الذرة الألكترون أم فقدتها حتى تحولت الى أيون وضح ذلك؟

2- احسب عدد الألكترونات المتقلة؟

الحل :

1- الأيون اكتسب لان شحنته سالبة

2- $n = 10 \times 3.2 \times 10^{-19} / 1.6 \times 10^{-19} = 2$ الكترون

طرق شحن الاجسام:

1- الشحن بالدلك (التكهرب): يتم ذلك عن طريق ذلك جسمين متعادلين متماثلين من مادتين مختلفتين فتنتقل الألكترونات من من احدهما الى الاخرى مثل المطاط بالصوف حيث يصبح المطاط سالبا للشحنة ويصبح الصوف موجبا للشحنة.

❖ التكهرب(الشحن): هي العملية التي يتم شحن بها جسم بشحنة كهربائية أما بالدلك أو الحث أو التوصيل نتيجة انتقال الألكترونات من جسم لآخر

❖ الجهاز المستخدم لشحن الاجسام جهاز فان دي غراف

تعوض اشارة
الشحنة في القانون

2- الشحن بالتوصيل (التلامس): اذا تلامس جسمان موصلان أحدهما مشحون والأخر غير مشحون متماثلين فأنهما يتناصفان الشحنة فتنتقل الألكترونات من الجسم الاول الى الجسم الثاني .

س: اذكر نص قانون حفظ الشحنة؟

✓ " في نظام معزول عن تأثير الشحنات الأخرى , يكون المجموع الكلي للشحنة ثابتا خلال عملية الشحن أي أن الشحنة محفوظة "

ورياضيا بالرموز أي أن :

$$\sum \text{ش قبل} = \sum \text{ش بعد}$$

$$\text{ش} = (\text{ش}_1 + \text{ش}_2) / 2$$

مثال(1): موصلان كرويان متماثلان الاول مشحون بشحنة مقدارها (8×10^{-3}) كولوم والأخر متعادل اذا تم توصيلها بسلك رفيع احسب شحنة كل منهما بعد التلامس؟

الحل:

ش₂ = صفرش₁ = $10 \times 8 - 10^3$ كولوم

$$\text{ش} = (\text{ش}_1 + \text{ش}_2) / 2$$

ش₂ = $10 \times 4 - 10^3$ كولومش₁ = $10 \times 4 - 10^3$ كولوم

$$\text{ش} = (8 - 10^3 + 4 - 10^3) / 2$$

$$\text{ش} = 4 - 10^3 = \text{ش}_1 = \text{ش}_2 \text{ بعد التلامس}$$

مثال (2) كرتان فلزيتان متماثلتان ومشحونتان بشحنتين مختلفات الاولى ($40 - 10^8$) كولوم والشحنة الاخرى ($8 - 10^7$) كولوم احسب شحنة كل منهما بعد توصيلهما بسلك رفيع؟

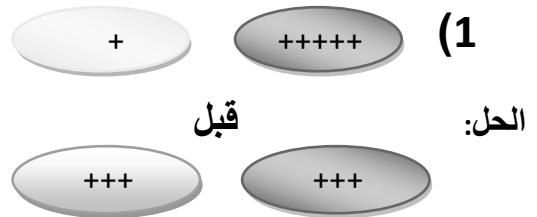
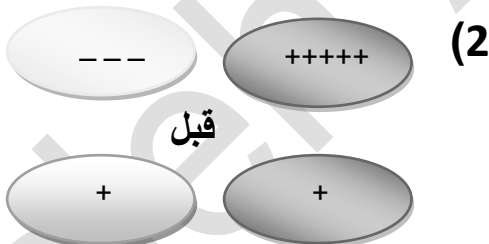
الحل:

هام جدا: يجب أن تكون الأسس موحدة كما في المثال (2)

$$\text{ش} = (4 - 10^7 + 8 - 10^7) / 2$$

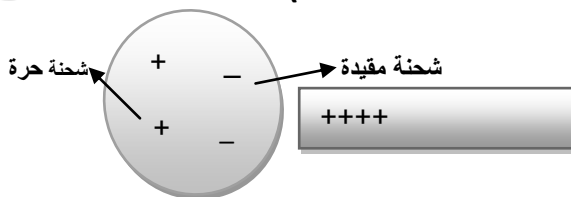
$$\text{ش} = -2 - 10^7 = \text{ش}_1 = \text{ش}_2 \text{ بعد التلامس}$$

مثال (3): أوجد شحنة كل جسم بعد التلامس علما بأنهما متماثلان؟



3- الشحن بالحث: يتم ذلك عن طريق تقريب موصل مشحون من موصل آخر متعادل (غير مشحون) فيشحن الجسم المتعادل بالحث بحيث:

- الشحنة القريبة من المؤثر تسمى شحنة مقيدة (تلتزما)
- الشحنة البعيدة من المؤثر تسمى شحنة حرة (لا تلتزما نفرغها بالأرض)



شكل (2) موصلين مشحونتين

شكل (1) موصل متعادل

شكل (2) موصلين مشحونتين

س: علل ما يلي:

1- تكون الذرة في الوضع الطبيعي متعادلة كهربائيا؟

✓ لأنها تحوي عدد متساويا من الشحنات السالبة (الالكترونات) والشحنات الموجبة (البروتونات).

2- لا يمكن شحن جسم عازل (كرة بلاستيكية) بالحث؟

✓ لأن المادة العازلة لا تسمح بحركة الشحنات الكهربائية عليها.

3- عند ذلك الصوف بالمطاط , يصبح الصوف موجبا للشحنة والمطاط سالبا؟

✓ لأن قوة ارتباط الالكترونات الصوف ضعيف جدا , لذا يسهل فقدان الالكترونات فيصبح الصوف موجبا وبما أن الشحنة محفوظة فإن المطاط يكتسب هذه الشحنة ويصبح سالبا .

4- عند ذلك الزجاج بالحرير , يصبح الزجاج موجبا والحرير سالبا؟

✓ لأن قوة ارتباط الالكترونات الزجاج ضعيف جدا , لذا يسهل فقدان الالكترونات فيصبح الزجاج موجبا وبما أن الشحنة محفوظة فإن الحرير يكتسب هذه الشحنة ويصبح سالبا .

❖ تصنف المواد من حيث سهولة توصيلها للشحنات الى :

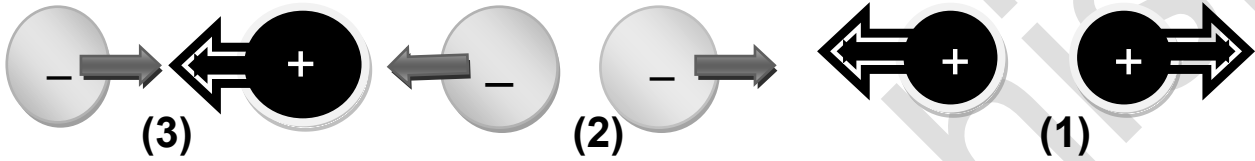
1- مواد موصلة: مواد تسمح للشحنات بالمرور من خلالها بسهولة مثل : الفلزات , المحاليل المائية.

2- المواد العازلة : هي المواد التي لا تسمح للشحنات بالمرور من خلالها بسهولة مثل: الخشب والمطاط.

3- المواد شبه الموصلة : هي المواد التي تكون موصلة تحت ظروف معينة مثل السليكون والجرمانيوم.

قانون كولوم

❖ يستخدم قانون كولوم لحساب القوة المتبادلة بين شحنتين نقطيتين تفصل بينهما مسافة (ف). وتنشأ هذه القوة بفعل الشحنات حيث أن الشحنات المتشابهة تتنافر والمختلفة تتجاذب بقوة كهربائية كما يوضح الشكل



س: على ماذا ينص قانون كولوم (قانون التربيع العكسي) ؟

✓ "القوة المتبادلة بين شحنتين نقطيتين ش₁, ش₂ تفصل بينهما مسافة (ف) تتناسب طرديا مع مقدار كل من الشحنتين و عكسيا مع مربع المسافة بينهما " ويعبر عنه رياضيا من خلال :

$$ق = \frac{ش_1 ش_2 \times 9 \times 10^9}{ف^2} \dots (2)$$

حيث ق: القوة الكهربائية المتبادلة بين شحنتين ووحدة قياسها نيوتن (كمية متجهة).

ش₁, ش₂: مقدار كل من الشحنتين ووحدة قياسهما كولوم .

ف: المسافة بين شحنتين ووحدة قياسها (م).

ثابت : يساوي 9×10^9 نيوتن.م²/كولوم² ويعبر عنه من خلال $(\frac{1}{4\pi\epsilon})$

حيث $\epsilon =$ السماحية الكهربائية 8.85×10^{-12} كولوم²/نيوتن.م².

وتعتمد قيمة الثابت على طبيعة الوسط الذي توجد فيه الشحنات ووحدة قياس القوة والشحنة والمسافة .

س: لماذا يستخدم جهاز ميزان اللي؟

✓ يستخدم لتحديد العوامل التي تعتمد عليها القوة الكهربائية بين شحنتين نقطيتين.

س: ما الشرط الواجب توافره في الشحنات الكهربائية لاستخدام قانون كولوم؟

✓ يجب أن تكون الشحنات نقطية أو اجسام كروية على اعتبار ان شحنتها مجعده حول المركز.

س: عرف كل من :

- الشحنة النقطية : هي الشحنة التي تكون أبعادها صغيرة جدا مهملة الأبعاد.
- القوة المتبادلة : هي أن كل من الشحنتين تؤثر على الأخرى بنفس مقدار القوة ولكن باتجاه معاكس بسبب وقوع كل من الشحنتين في مجال الأخرى.

س: لماذا تكون القوة الكهربائية بين الشحنات متبادلة أو ماذا يعني؟

✓ لأن حسب قانون نيوتن الثالث فإن هاتين القوتين متساويتان مقداراً ومتعاكستان اتجاهاً.

س: وضح العلاقة بين قانون كولوم وقانون نيوتن الثالث؟

✓ ان القوة الكهربائية بين شحنتين نقطيتين هي قوة متبادلة "قوة فعل وقوة رد فعل ق₁₂ = - ق₂₁".

س: ما هي العوامل التي تعتمد عليها القوة الكهربائية؟

- ✓ سماحية الوسط الكهربائية..... علاقة عكسية
- ✓ مقدار كل من الشحنتين..... علاقة طردية
- ✓ مربع المسافة الفاصلة بين الشحنتين..... علاقة عكسية

س : فسر ما يلي :

• عند حساب القوة المتبادلة بين الجسيمات الذرية المشحونة يكتفي بالقوة الكهربائية وتهمل قوة الجذب الكتلي؟

✓ لان القوة الكهربائية أكبر بحوالي (10³⁹) مرة من قوة الجذب الكتلي بين البروتون والالكترون.

• يعرف قانون كولوم بقانون "التربيع العكسي"؟

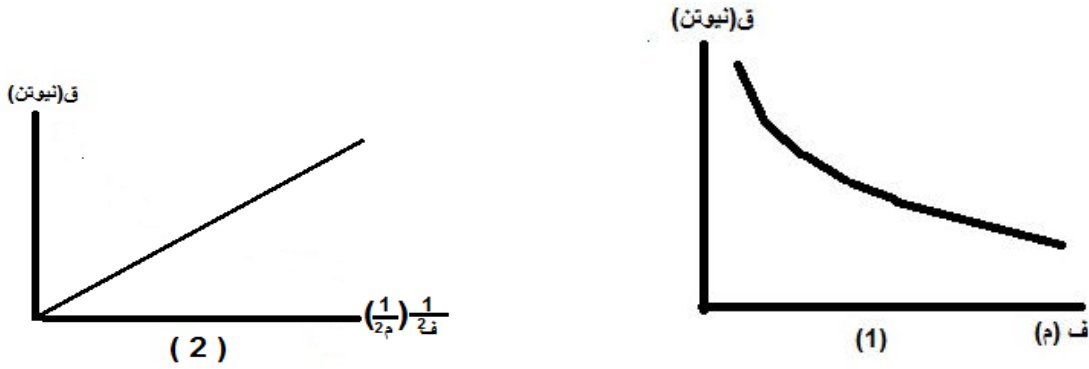
✓ لان القوة الكهربائية حسب قانون كولوم تتناسب تناسباً عكسياً مع مربع المسافة.

ملاحظات هامة جداً:

- ❖ القوة الكهربائية كمية متجهة يكون اتجاهها دائماً على امتداد الخط الواصل بين شحنتين.
- ❖ لا تعوض الاشارة السالبة للشحنة في قانون كولوم لان القوة كمية متجهة والاشارة لتحديد نوعها واتجاهها.

❖ نقتصر في دراستنا على الشحنات الموضوعة في الهواء (ϵ . السماحية في الهواء) حيث دائما $\epsilon < \epsilon_0$ وهي أقل سماحية في الطبيعة.

ومن خلال تمثيل القوة المتبادلة (ق) بين شحنتين مع المسافة (ف) التي تفصل بينهما بيانيا كما في الشكل (1) وتمثيل القوة (ق) مع مربع المسافة طرديا ($1/f^2$)



امثلة متنوعة على قانون كولوم:

مثال (1) شحنتان نقطيتان يفصل بينهما في الهواء بمسافة 9 سم بالأعتقاد على الشكل المجاور احسب ما يلي :

ش₁ = -2 x 10⁻⁶ كولوم ش₂ = 9 x 10⁻⁶



1- مقدار القوة المؤثرة على الشحنة الاولى؟ واتجاهها.
كولوم

2- مقدار القوة المؤثرة على الشحنة الثانية؟ واتجاهها.

الحل :

1- نستخدم قانون كولوم

$$Q = \frac{9 \times 10^9 \text{ ش}_1 \text{ ش}_2}{f^2}$$

= 20 نيوتن تجاذب نحو س-

$$\frac{6^{-10} \times 9 \times 6^{-10} \times 2 \times 9^{10} \times 9}{2(2^{-10} \times 9)}$$

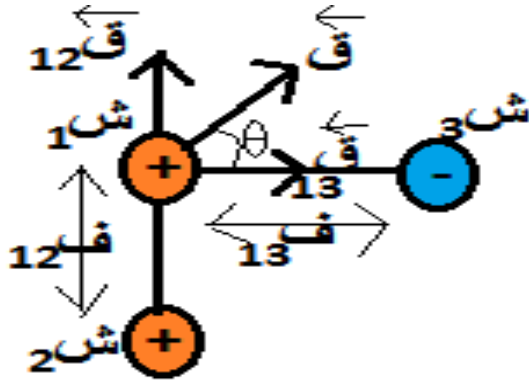
= ق₁₂

= 20 نيوتن تجاذب نحو س+

$$\frac{6^{-10} \times 9 \times 6^{-10} \times 2 \times 9^{10} \times 9}{2(2^{-10} \times 9)}$$

= ق₂₁

مثال (2) من خلال الشكل يوضح وجود كرة صغيرة شحنتها ش=6 ميكروكولوم موجودة بالقرب من كرتين صغيرتين مشحونتين , احدهما على بعد 3 سم نحو الصادات السالب وشحنتها ش=1.5 ميكروكولوم والأخرى على بعد 4 سم باتجاه السينات الموجب وشحنتها ش=-3 ميكروكولوم , جد القوة المحصلة المؤثرة في الكرة ذات الشحنة 6 ميكروكولوم.



: الحل

$$\frac{9^{10} \times 9 \times 1.5 \times 10^{-6}}{2 \times 9}$$

= ق₁₂

= 90 نيوتن نحو ص+

$$\frac{6^{-10} \times 1.5 \times 6^{-10} \times 6 \times 9^{10} \times 9}{2(2^{-10} \times 3)}$$

= ق₁₂

$$= 101 \text{ نيوتن نحو س} +$$

$$6^{-10} \times 3 \times 6^{-10} \times 6 \times 9^{10} \times 9$$

$$= \text{ق}_{13}$$

$$2^{(2^{-10} \times 4)}$$

أما القوة المؤثرة في الشحنة ش₁, فهي $\text{ق} = \text{ق}_{12} + \text{ق}_{13}$ حيث مقدارها

$$= 135.3 \text{ نيوتن}$$

$$\text{ق} = \sqrt{2^{(101)} + 2^{(90)}}$$

$$\text{ق} = \sqrt{2^{(13)} + 2^{(12)}}$$

اما اتجاهها: $\theta = \text{ظا}^{-1} \left(\frac{\text{ق}_{12}}{\text{ق}_{13}} \right) = \text{ظا}^{-1} (90 / 101) = 41.7^\circ$ مع محور السينات الموجب.

مثال(3): تفصل بين البروتون والالكترون في ذرة الهيدروجين مسافة 5.3×10^{-11} م في المتوسط , اذا علمت أن كتلة البروتون تبلغ 1.67×10^{-27} كغ وكتلة الالكترون 9.11×10^{-31} كغ , فجد :

1- القوة الكهربائية التي يؤثر بها كل منهما في الآخر.

2- قوة الجذب الكتلي بين الجسيمين.

$$\text{ق} = \frac{\text{ج ك}_1 \text{ك}_2}{\text{ف}^2}$$

علما للمساعدة أن قوة الجذب الكتلي بين جسيمين تعطى بالعلاقة :

حيث ج: ثابت الجذب العام ويساوي 6.7×10^{-11} نيوتن.م²/كغ², ك_1 ك₂: كتلة الجسيمين , ف: المسافة الفاصلة بينهما .

الحل:

$$\text{ق} = \frac{9^{10} \times 10^9 \text{ ش}_1 \text{ش}_2}{\text{ف}^2}$$

-1

$$= 10 \times 8.2 \times 10^{-8} \text{ نيوتن (قوة تجاذب)}$$

$$9 \times 10^9 \times 1.6 \times 10^{-19} \times 1.6 \times 10^{-19}$$

$$= \frac{2 \times (10^{-11} \times 5.3)^2}{\text{ق كهربائية}}$$

ق كهربائية =

-2

$$= 10 \times 3.6 \times 10^{-47} \text{ نيوتن}$$

$$6.7 \times 10^{11} \times 9.11 \times 10^{31} \times 1.67 \times 10^{27}$$

$$= \frac{2 \times (10^{-11} \times 5.3)^2}{\text{ق الجذب الكتلي}}$$

ق الجذب الكتلي =

نستنتج أن القوة الكهربائية أكبر بكثير (10^{39}) مرة من قوة الجذب الكتلي بين البروتون والإلكترون لذا نكتفي بالقوة الكهربائية ونهمل قوة الجذب الكتلي عند حساب القوى المتبادلة بين الجسيمات الذرية المشحونة كالبروتون والإلكترون.

مثال(4): شحنتان موجبتان نقطيتان أحدهما ضعف الأخرى والبعد بينهما 3م احسب مقدار كل منهما إذا علمت إن القوة الكهربائية المتبادلة بين الشحنتين تساوي 80 نيوتن .

الحل :

لنفترض أن ش₁ = 2 ش₂ أو العكس ثم نطبق قانون كولوم

$$ق = \frac{9 \times 10^9 \text{ ش}_1 \text{ ش}_2}{ف^2}$$

$$80 = \frac{9 \times 10^9 \text{ ش}_2 \times 2 \text{ ش}_2}{9}$$

9

$$80 = 2 \times 10^9 \text{ ش}_2^2$$

$$\text{ش}_2 = \sqrt{\frac{80}{2 \times 10^9}} = 2 \times 10^{-4} \text{ كولوم ومنها ش}_1 = 2 \times 2 \times 10^{-4} = 4 \times 10^{-4} \text{ كولوم} \neq$$

مثال(5):قربت ساق مشحونة من كرتين صغيرتين فلزيتين متلامستين غير مشحونتين فشحنتا بالحث ثم فصلت الكرتان عن بعضهما بواسطة عازل حتى أصبحت المسافة بينهما 3م ثم أبعدت الساق المشحونة نهائيا فوجد أن الكرتين تتجاذبان بقوة مقدارها 9×10^{-5} نيوتن احسب عدد الالكترونات التي انتقلت من إحدى الكرتين إلى الأخرى أثناء الشحن بالحث.

الحل :

نلاحظ أنه قام بتقديم معلومات عن قانون كولوم وطلب عدد الالكترونات المفقودة (ن):

نطبق قانون كولوم

$$9 \times 10^{-5} = \frac{9}{2} \text{ ش}^2 \Rightarrow 2 \times 9 \times 10^{-5} = \text{ش}^2$$

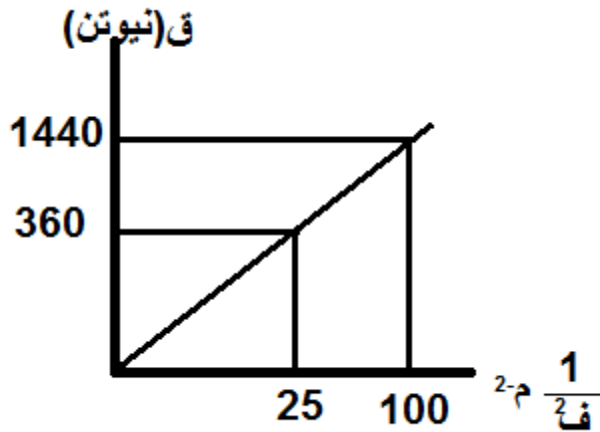
$$\text{ش} = \text{ش}_1 = \text{ش}_2 = 3 \times 10^{-7} \text{ كولوم ... لماذا؟}$$

لان ن مفقودة ش₁ = ن مكتسبة ش₂

$$\text{ش} = \text{ش}_e \Rightarrow \text{ش} = \frac{1.6 \times 10^{-19} \times \text{ن}}{3 \times 10^{-7}}$$

$$\text{ش} = 1.875 \times 10^{12} \text{ الكترون} \neq$$

مثال(6) يمثل الرسم البياني المجاور العلاقة بين القوة الكهربائية بين شحنتين نقطيتين موجبتين ومقلوب المسافة بينهما فإذا علمت أن الشحنتين متساويتين في المقدار , مستعينا بالشكل أوجد مقدار كل من الشحنتين ؟



الحل:

$$\frac{9 \times 10^9 \text{ ش}_1 \text{ ش}_2}{\text{ف}^2} = \text{ق}$$

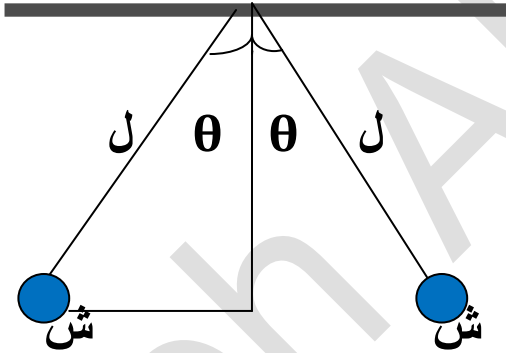
ف

$$9 \times 10^9 \times \text{ش} \times \text{ش} = 360$$

$$\text{ش}^2 = 0.16 \times 10^{-8} = 16 \times 10^{-10} \text{ كولوم}^2$$

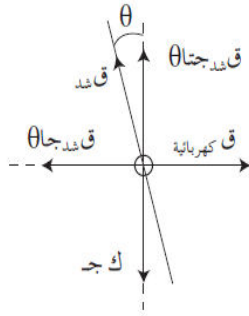
$$\text{ومنها ش}_1 = \text{ش}_2 = 4 \times 10^{-5} \text{ كولوم} \neq$$

مثال(7) كرتان صغيرتان لهما الكتلة نفسها ومشحونتان بشحنتين متساويتين, ومعلقتان بواسطة خيطين خفيفين في وضع اتزان مستعينا بالشكل الذي امامك إذا كانت كتلة كل منهما 30 غ وطول كل من الخيطين ل=15 سم والزاوية $\theta = 5^\circ$, فجد الشحنة ش على كل من الكرتين



الحل:

بما أن كل من الكرتين في وضع اتزان, لذا فإن القوة المحصلة المؤثرة في كل منهما تساوي صفراً كما هو مبين في الشكل المجاور ومن تحليل القوى بالاتجاهين السيني والصادات نجد أن:



ق ك جتا = ك جتا θ (١)، حيث ق ك جتا : قوة الشد في الحيط

ق ك جتا = ق جتا θ (٢)، حيث ق ك جتا : القوة الكهربائية بين الشحنتين

$$\frac{\sqrt{3}}{2} \times 9 \times 10^9 =$$

وبالتعويض عن ق ك جتا من المعادلة (١) في المعادلة (٢)، نجد أن:

$$ق ك جتا = ك جتا θ = \frac{\sqrt{3}}{2} \times 9 \times 10^9$$

$$\sqrt{3} = \frac{\sqrt{3} \times 9 \times 10^9 \times 2}{9 \times 10^9} \Rightarrow \sqrt{3} = 2 \times \frac{2}{\sqrt{3}} \Rightarrow \sqrt{3} = \frac{4}{\sqrt{3}} \Rightarrow \sqrt{3} \times \sqrt{3} = 4 \Rightarrow 3 = 4$$

مثال (7) كرتان فلزيتان متماثلتان مشحونتان معزولتان شحنة أحدهما 3 ميكروكولوم وشحنة الأخرى 7 ميكروكولوم فإذا جعلناهما تتلامسان ثم أبعدناهما بحيث أصبحت المسافة بينهما 10 سم ويفصل بينهما الفراغ احسب مقدار القوة المتبادلة بين الشحنتين بعد التوصيل .

الحل :

$$\sum \text{ش (قبل التوصيل)} = \sum \text{ش (بعد التوصيل)}$$

$$ش'_1 + ش'_2 = 3 \times 10^{-6} + 7 \times 10^{-6}$$

$$ش'_2 = 10 \times 10^{-6}$$

$$ش'_1 = ش'_2 = 5 \times 10^{-6} \text{ كولوم}$$

ثم نطبق قانون كولوم لحساب القوة المتبادلة بين الشحنتين

$$ق = \frac{ش'_1 ش'_2 \times 9 \times 10^9}{ف^2}$$

تذكر:

$$ش'_1 = ش'_2 = ش'_2$$

= 22.5 نيوتن

$$9 \times 10^9 \times 5 \times 10^{-6} \times 5 \times 10^{-6} \times 10^2$$

= ق

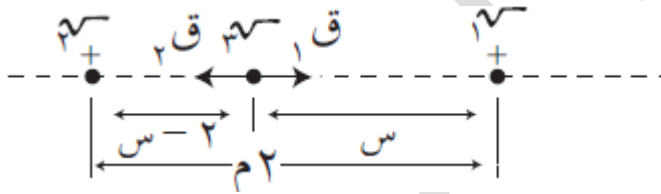
$$(10 \times 10^{-2})^2$$

اختبر نفسك
كرتان صغيرتان مشحونتان مجموع شحنتيهما 5 ميكروكولوم والمسافة بين مركبيهما 1م , اذا كانت القوة المتبادلة بينهما 5.4×10^{-2} نيوتن اوجد مقدار كل من الشحنتين؟

الإجابة : ش₁ = 2×10^{-6} كولوم أو ش₂ = 3×10^{-6} كولوم

اختبر نفسك

شحنتان نقطيتان ش₁ وش₂ تقعان على استقامة واحدة , والمسافة بينهما ف=2م , إذا علمت أن ش₁=15 ميكروكولوم , ش₂=6 ميكروكولوم , فأين يجب وضع شحنة تالثة ش₃ على امتداد الخط الواصل بين الشحنتين , بحيث تكون المحصلة عليها تساوي صفرا .



الإجابة: س = 1.225م

اختبر نفسك

شحنتان نقطيتان المسافة بينهما ف والقوة المتبادلة بينهما في الفراغ 100 نيوتن ما مقدار القوة المتبادلة بينهما إذا :

- 1- تضاعفت المسافة بينهما . الإجابة : ق = 25 نيوتن
- 2- تضاعفت كل من الشحنتين والمسافة بين الشحنتين . الإجابة ق = 100 نيوتن
- 3- قلت المسافة الى الثلث . الإجابة ق = 900 نيوتن

أ, ب, ج مثلث متساوي الأضلاع طول ضلعه 3 سم وضع على رؤوسه الشحنت (أ, ب, ج) حيث ش_أ = 3 × 10⁻⁹ كولوم , ش_ب = 1 × 10⁻⁴

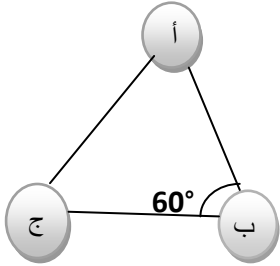
اختبر نفسك

كولوم , ش_ج = 4 × 10⁻⁹ كولوم احسب القوة المحصلة المؤثرة على الشحنت ب ؟

الإجابة : ح_ب = √13 نيوتن

$$\text{ظا} = \frac{-1.5\sqrt{3}}{-2.5}$$

اختبر نفسك



قدم أحد الطلبة تقريراً لمعلم الفيزياء يذكر فيه أنه قام بحساب شحنة جسيم ، ووجد أنها تساوي (-) (12,8 × 10⁻¹⁹) كولوم. هل هذه النتيجة مقبولة علمياً أم لا ؟ ولماذا ؟

الأجابة : غير مقبولة علمياً لأن اصغر شحنة هي شحنة الالكترن وهذه اقل من شحنة الالكترن.

انها تتطلب منك كل السعي الذي تستطيع لتحافظ على نفس المكان الذي أنت فيه . اذا أردت أن تكون في مكان آخر عليك أن تسعى بسرعة أكبر بمرتين على الأقل من سرعتك الآن

المجال الكهربائي

المجال هو منطقة التأثير لجسم ما وهناك أنواع من المجال منها المجال الكهربائي , المجال المغناطيسي...الخ وكل مجال يؤثر على نوع من الأجسام فمثلا المجال الكهربائي يؤثر على الشحنات الكهربائية بقوة كهربائية وهكذا..

المجال الكهربائي: هو الحيز المحيط بالشحنة الكهربائية الذي إن وضعت فيه شحنة أخرى تأثرت بقوة كهربائية.

س: كيف يمكن لجسم أن يؤثر في جسم آخر بقوة من غير أن يلامسه ؟

✓ وضع العالم فارادي مفهوما للمجال الكهربائي ليدلل بأن الشحنة الكهربائية تحدث في حيز المحيط بها مجالا كهربائيا يظهر تأثيره عند وضع شحنة أخرى , إذ تتفاعل الشحنات منتجة قوة كهربائية متبادلة.

س: لماذا يستخدم المجال الكهربائي ؟

✓ يستخدم في الكشف عن وجود مجال كهربائي وقياسه.

س: علل شحنة الاختبار "شحنة نقطية موجبة" تكون صغيرة جدا ؟

✓ لأنها لا تحدث تغييرا يذكر في المجال المراد قياسه .

- شحنة الاختبار: هي شحنة صغيرة جدا وموجبة تستخدم لتخطيط المجال الكهربائي وقياس شدته.
- المجال الكهربائي في نقطه: هي القوة المؤثرة في شحنة اختبار صغيرة موجبة موضوعة في تلك النقطة مقسوما على شحنة الاختبار. ويعبر عنها رياضيا بالرموز:

$$\vec{E} = \frac{Q}{r^2} \hat{r} \quad (3) \dots\dots$$

حيث (\vec{E}) المجال الكهربائي المسبب للقوة الكهربائية (Q) المؤثرة في شحنة الاختبار (ش.) ويقاس المجال بوحدته (نيوتن/كولوم) في النظام العالمي للوحدات.

س: علل المجال كمية متجهة ؟

✓ لأن القوة كمية متجهة ويكون اتجاهه باتجاه القوة نفسها ما دامت شحنة الاختبار موجبة.

س: اثبت أن شدة المجال الكهربائي لا يعتمد على الشحنة الموضوعه فيه بل يعتمد على الشحنة المسببة له؟ مع ذكر العوامل التي يعتمد عليها؟

✓ ش: الشحنة المسببة للمجال , ش. : الشحنة الموضوعه في المجال

$$M = \frac{Q}{S} = 10 \times 9 \text{ ش.ش. / ش.} = \frac{2 \text{ ش.}}{\text{ش.}} \neq \frac{10 \times 9 \text{ ش.}}{2 \text{ ش.}}$$

✓ 1- مربع بعد النقطة ف من الشحنة المسببة ... علاقة عكسية

✓ 2- سماحية الوسط الكهربائي..... علاقة عكسية

✓ 3- مقدار الشحنة المسببة للمجال الكهربائي ... علاقة طردية

س: ماذا نعني بقولنا ان شدة المجال الكهربائي عند نقطة ما تساوي 5 نيوتن ؟

✓ أن المجال الكهربائي يؤثر بقوة مقدارها 5 نيوتن على وحدة الشحنات الموجبة الموضوعه

✓ في تلك النقطة.

ملاحظات هامة

1- يستخدم قانون ($M = \frac{Q}{S}$) :

أ- تعريف المجال واشتقاق وحدته قياسه

ب- حساب المجال الكهربائي بدون معرفة الشحنات المسببة له ودون دلالة المسافة.

ت- اذا علم المجال في نقطة ما , يمكن حساب القوة المؤثرة على أي شحنة نقطية توضع عند تلك النقطة من العلاقة : $Q = M \cdot S$.

2- يستخدم قانون ($M = 10 \times 9 \frac{\text{ش.}}{2 \text{ ش.}}$) :

أ- التعرف على العوامل التي تعتمد عليها شدة المجال الكهربائي .

ب- حساب المجال الكهربائي باستخدام الشحنة المسببة له ودلالة المسافة

❖ المجال كمية متجهة (م) يحدد مقدار واتجاهها

❖ المجال الكهربائي لا يعتمد على الشحنة الموضوعه ش. بل يعتمد على الشحنة المسببة له ش .

❖ لا تعوض اشارة الشحنة المؤثرة عند تطبيق القانون

مثال (1) يقاس مجال كهربائي عند نقطة ما , بوضع شحنة اختبار موجبة صغيرة جدا في تلك النقطة إذا كانت شحنة الاختبار 1 نانوكولوم وتعاني بقوة كهربائية $Q = 0.6$ نيوتن , 15° , فما المجال الكهربائي في موضع شحنة الاختبار؟

الحل :

$$\text{نطبق القانون } m = \frac{Q}{9 \times 10^9 \times 1} = \frac{0.6}{9 \times 10^9} = \frac{q}{\text{ش.}}$$

بما أن شحنة الاختبار موجبة فالمجال باتجاه القوة نفسها

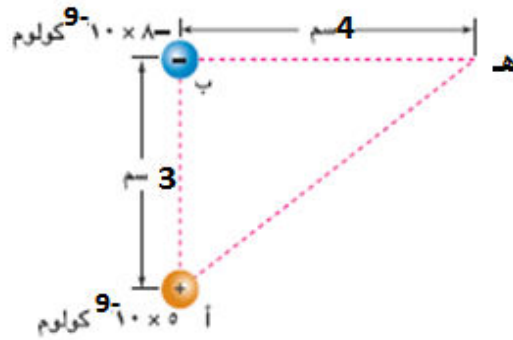
$$m = 8 \times 10^6 \text{ نيوتن / كولوم } \neq 15^\circ$$

هام:

لو كانت شحنة الاختبار سالبة يكون اتجاه المجال بعكس اتجاه القوة .

مثال (2) شحنتان نقطيتان موضوعتان في الهواء كما هو مبين في الشكل . احسب ما يأتي:

- 1- المجال الكهربائي عند النقطة (هـ).
- 2- القوة المؤثرة في شحنة (-1 بيكوكولوم) موضوعة عند (هـ).



الحل :

- 1- نجد أولاً المجال الكهربائي عند (هـ) الناتج عن كل من الشحنتين الموضوعتين عند النقطتين (أ) و (ب) باستخدام العلاقة (1-4):

$$m_A = \frac{9 \times 10^9 \times 9 \times 10^{-10}}{5^2} = \frac{9 \times 10^9 \times 9 \times 10^{-10}}{25} = 3.24 \times 10^{-2} \text{ نيوتن / كولوم}$$

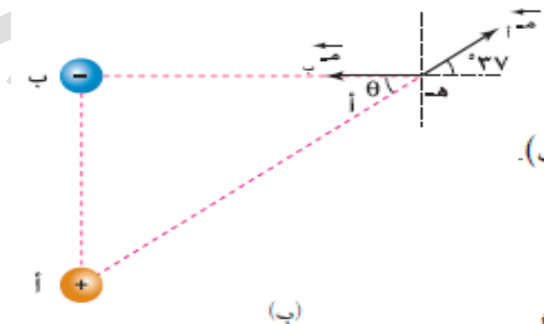
واتجاهه يصنع زاوية:

$$\theta = \tan^{-1} \left(\frac{A}{B} \right) = \tan^{-1} \left(\frac{3}{4} \right) = 37^\circ$$

مع السينات الموجب، كما في الشكل (1-4/ب).

$$m_B = \frac{9 \times 10^9 \times 9 \times 10^{-10}}{4^2} = \frac{9 \times 10^9 \times 9 \times 10^{-10}}{16} = 5.06 \times 10^{-2} \text{ نيوتن / كولوم}$$

$$= 1.0 \times 10^{-1} \text{ نيوتن / كولوم}$$



(ب)

باتجاه محور السينات السالب، كما في الشكل، أي أن: $\theta = 180^\circ$ مع السينات الموجب.
ولإيجاد محمّلة هذين المجالين عند النقطة (هـ)، نحلّل كلًّا منهما إلى مركبتيه:

$$M_{س} = M_{ج} = 10 \times 1.8 = 0.8 \times 10 \times 1.8 = 10 \times 1.44 \text{ نيوتن/كولوم}$$

$$M_{ص} = M_{ج} = 10 \times 1.8 = 0.6 \times 10 \times 1.8 = 10 \times 1.08 \text{ نيوتن/كولوم}$$

وكذلك:

$$M_{س} = 10 \times 4.5 = 10 \times 4.5 = 10 \times 4.5 \text{ نيوتن/كولوم، } M_{ص} = \text{صفرًا}$$

فتكون مركبتا المجال المحمّل عند (هـ) هما:

$$M_{س} = M_{س} + M_{س} = 10 \times 1.44 + 10 \times (4.5) = 10 \times 3.06 = 10 \times 3.06 \text{ نيوتن/كولوم،}$$

أي نحو السينات السالب.

$$M_{ص} = M_{ص} + M_{ص} = 10 \times 1.08 + \text{صفر} = 10 \times 1.08 = 10 \times 1.08 \text{ نيوتن/كولوم،}$$

أي نحو الصادات الموجب.

ويكون مقدار المجال المحمّل:

$$M = \sqrt{M_{س}^2 + M_{ص}^2}$$

$$M = \sqrt{(10 \times 3.06)^2 + (10 \times 1.08)^2} = 10 \times 3.24 \text{ نيوتن/كولوم،}$$

واتجاهه:

$$\varphi = \text{ظا}^{-1} \left(\frac{M_{ص}}{M_{س}} \right) = \text{ظا}^{-1} \left(\frac{1.08}{3.06} \right) = 19.4^\circ = 180^\circ + 19.4^\circ = 160.6^\circ \text{ مع السينات الموجب}$$

٢- تتأثر الشحنة (١- بيكوكولوم = 10^{-12} كولوم) الموضوعه عند النقطة (هـ) بالمجال الكهربائي المحمّل، وحسب العلاقة (٣-١) فإن:

$$Q = M_{س} = 10 \times 3.24 = 10 \times 10 \times 3.24 = 10 \times 3.24 \text{ نيوتن}$$

ويكون اتجاهها عكس اتجاه المجال؛ لأن الشحنة سالبة، أي بزاوية مقدارها:

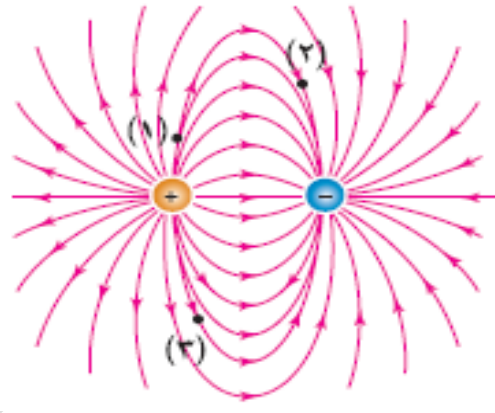
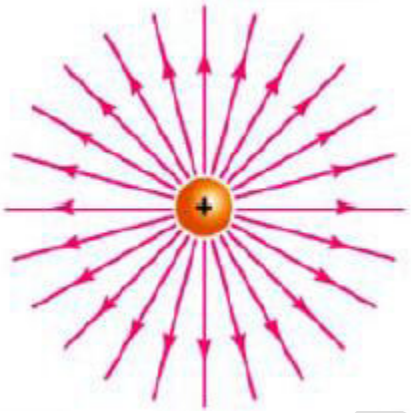
$$160.6^\circ + 180^\circ = 340.6^\circ \text{ مع السينات الموجب.}$$

خطوط المجال الكهربائي :

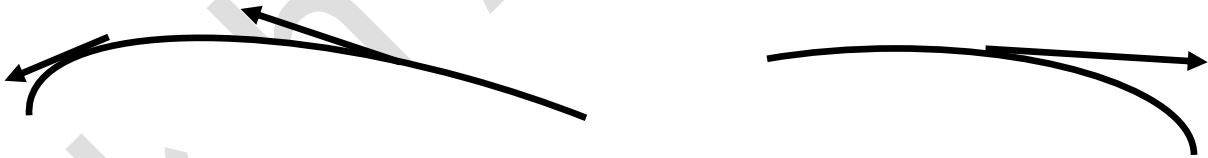
هي خطوط وهمية تمثل مسار تسلكه شحنة اختبار موجبة حرة الحركة عند وضعها في المجال الكهربائي .

خصائص خطوط المجال :

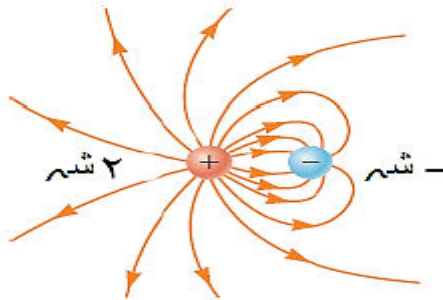
1- يكون اتجاه خطوط المجال بحيث تبدو خارجة من الشحنة الموجبة وداخلة إلى الشحنة السالبة.



2- يدل اتجاه المماس لخط المجال , عند أي نقطة على اتجاه المجال الكهربائي في تلك النقطة .



3- يتناسب عدد الخطوط الخارجة من الشحنة الموجبة أو الداخلة في الشحنة السالبة طرديا مع مقدار الشحنة .



4- تدل كثافة خطوط المجال الكهربائي في منطقة ما على مقدار المجال الكهربائي في تلك المنطقة. (يتناسب عدد خطوط المجال الكهربائي التي تقطع وحدة المساحة عمودية مع مقدار المجال الكهربائي في تلك المنطقة).

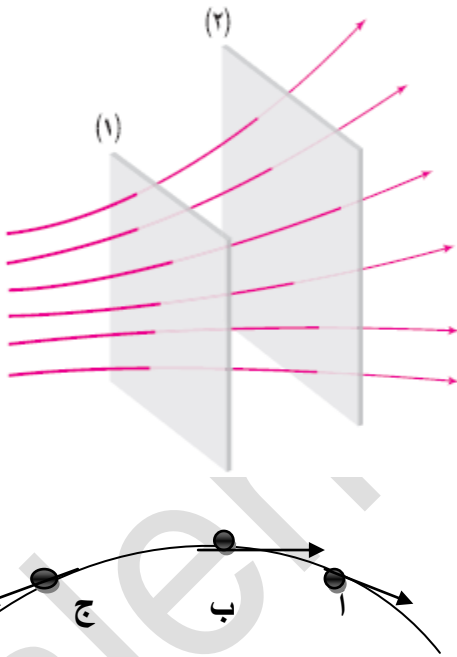
5- خطوط المجال الكهربائي لا تتقاطع ... علل.

لأنه لو تقاطع خطان من خطوط المجال الكهربائي لأصبح عند نقطة التقاطع اتجاهين للماس الكهربائي وهذا يخالف مفهوم الكمية المتجهة.

س: في الشكل المجاور م سطح 1 أكبر من م سطح 2 فسر ذلك؟ وعلى ماذا يدل؟

لان خطوط المجال متقاربة عند عبورها سطح (1) أكثر من تقاربها عند عبور السطح (2)

لذلك م سطح 1 أكبر من سطح 2 وهذا يدل على أن المجال غير ثابت المقدار والاتجاه أي أن المجال غير منتظم .



س: في الأشكال التالية حدد اتجاه المجال أ.ب.ج ؟

نرسم مماس عند كل نقطة

س: كيف يمكن الربط بين خطوط المجال والمجال الكهربائي من حيث المقدار والاتجاه؟

الإجابة: مقداراً تتناسب عدد خطوط المجال التي تعبر وحدة المساحة على نحو عمودي على سطح ما طردياً مع مقدار المجال في ذلك الحيز حيث يكون مقدار المجال كبيراً في المنطقة التي تتقارب فيها خطوط المجال تقارب أكبر بينهما ومقداراً صغيراً في المنطقة التي تتباعد فيها خطوط المجال "تقارب أقل".

من حيث الاتجاه : يدل اتجاه المماس المرسوم لخط المجال الكهربائي عند أي نقطة على متجه المجال الكهربائي.

س: هل يعد المجال الكهربائي الناجم عن شحنة نقطية مجالا منتظما أم لا ؟ فسر إجابتك.

الإجابة : لا، لأن خطوط المجال تتباعد في كل الاتجاهات كلما ابتعدنا عن الشحنة مما يدل على تناقص مقدار المجال كلما ابتعدنا عن الشحنة كما أن خطوط المجال تشير في اتجاهات مختلفة مما يعني أن اتجاهه غير ثابت.

❖ عند وضع شحنة موجبة في منطقة مجال كهربائي فإنها تتعرض إلى قوة كهربائية مع اتجاه خطوط المجال.

❖ عند وضع شحنة سالبة في منطقة مجال كهربائي فإنها تتعرض إلى قوة كهربائية عكس اتجاه خطوط المجال.

نقطة التعادل "نقطة انعدام المجال"

هي النقطة التي تكون فيها محصلة المجال الكهربائي تساوي صفر وعليه فإن نقطة التعادل تقع دائما قرب الشحنة الأصغر.

حالات التي تقع فيها نقطة التعادل :

- 1- إذا كانت الشحنتين متشابهتين (+,+)(-, -) تقع في الوسط .
- 2- إذا كانت الشحنتين مختلفتين (-,+) فإنها تقع خارجهما

مثال(1) شحنتان متشابهتين مقدار كل منهما (9,36) ميكروكولوم المسافة بينهما 60 سم أين تقع نقطة التعادل؟

الحل :

$$\frac{6-10 \times 9 \times 9}{2\text{ف}} = \frac{6-10 \times 36 \times 9}{2(-60\text{ف})}$$

$$\frac{3}{\text{ف}} = \frac{6}{(-60\text{ف})}$$

$$6\text{ف} = 180 - 3\text{ف}$$

$$\text{ف} = 20 \text{ سم} \neq$$

9

د

36

مثال (2) شحنتان مختلفتين مقدار كل منهما (36،-64) ميكروكولوم المسافة بينهما 40 سم أين تقع نقطة التعادل؟

الحل :

الحل :

$$\frac{6 \cdot 10^{-10} \times 64 \times 10^{-9}}{(f+40)^2} = \frac{6 \cdot 10^{-10} \times 36 \times 10^{-9}}{(f)^2}$$



$$\frac{8}{f+40} = \frac{6}{f}$$

$$8f = 6(f+40)$$

$$2f = 240$$

$$f = 120 \text{ سم} \neq$$

حركة جسيم مشحون في مجال كهربائي

المجال الكهربائي المنتظم : هو المجال الذي يكون ثابتا في مقداره واتجاهه عند أي نقطة على خط المجال وتكون خطوط متوازية والبعد بينهما متساوي وعدد خطوط المجال التي تخترق عموديا وحدة المساحة فيها ثابتة.

تذكر: 😊

$$E = 2E_1 + E_2$$

$$E = 2E_1 + 2E_2$$

$$f = E_1 z + \frac{1}{2} E_2 z$$

س: بماذا يمثل المجال الكهربائي المنتظم؟

1- يمثل برسم خطوط مستقيمة.

2- البعد بينهما متساوي.

3- تشير بالاتجاه نفسه .

4- متوازية

س: كيف يمكن الحصول على مجال كهربائي منتظم؟

الأجابة: يمكن الحصول على مجال كهربائي منتظم في الحيز بين لوحين فلزيين متوازيين مشحونين بشحنتين متساويتين أحدهما موجبة والأخرى سالبة.

س: اذكر العوامل التي يعتمد عليها تسارع جسيم داخل مجال كهربائي منتظم؟

1- مقدار المجال الكهربائي 2- مقدار شحنة الجسيم 3- مقدار كتلة الجسيم

س: علل عندما يتحرك جسم مشحون بتأثير قوة كهربائية ثابتة المقدار والاتجاه في مجال كهربائي منتظم فإنه وفقا للقانون الثاني لنيوتن يكتسب تسارعا؟

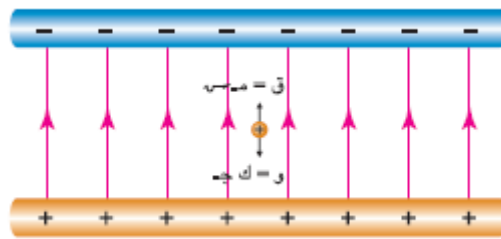
الإجابة: بسبب ثبات القوة المؤثرة عليه من حيث المقدار والاتجاه.

$$ق = م ش = ك ت \text{ ومنها}$$

$$ت = م ش / ك$$

مثال (1) اترن جسيم شحنته (3 نانو كولوم) عند وضعه في مجال كهربائي منتظم (10×10^6 نيوتن/كولوم) كما هو مبين في الشكل المجاور جد كتلة الجسم المشحون (ج= 10 م/ث²).

الحل :



نلاحظ من خلال الشكل أن الجسيم المشحون يقع تحت تأثير قوتين بالمقدار ومتعاكسات بالاتجاه هما الوزن والقوة الكهربائية لذلك فإن:

$$ق = م ش = ك ج \Rightarrow ك = \frac{م ش}{ج} = \frac{10 \times 10^9}{10} = 10^8 \text{ كغ} \neq$$

مثال (2) تحرك إلكترون من السكون في مجال كهربائي منتظم مقداره (10×4 نيوتن/كولوم) بالاتجاه الأفقي. أهمل تأثير الجاذبية , واحسب سرعة الإلكترون بعد قطعة مسافة أفقية مقدارها (8.3م).

الحل:

بداية نجد تسارع الإلكترون:

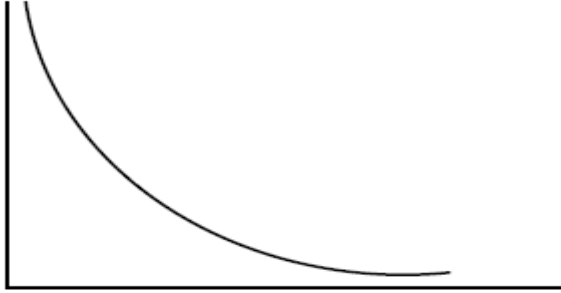
$$ت = \frac{ش م}{ك} = \frac{10 \times 1.6 \times 10^{-19}}{9.11 \times 10^{-31}} = 1.76 \times 10^{14} \text{ م/ث}^2$$

ثم نستخدم معادلة الحركة : $ع_2^2 = ع_1^2 + 2 ت ف$

$$ع^2 = صفر + 2 \times 1.76 \times 10^{14} \times 8.3 = 2.92 \times 10^{14} \text{ م}^2/\text{ث}^2$$

يمثل الشكل المجاور العلاقة بين م و ف

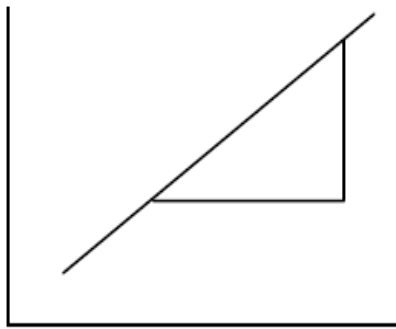
م (نيوتن / كولوم)



ف (م)

ويمثل الشكل المجاور العلاقة بين م و $\frac{1}{F^2}$

م (نيوتن / كولوم)



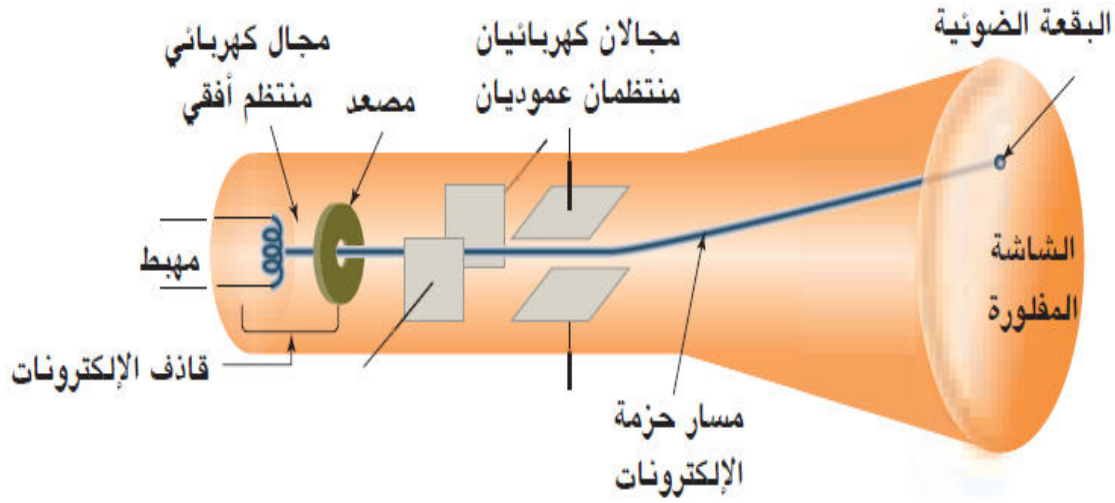
الميل = 10×9^9 شـ

$\frac{1}{F^2}$

عندما يتحدث الناس عنك بسوء وأنت تعلم أنك لم تخطيء
في حق أحد منهم تذكر أن تحمد الله الذي أشغلك بهم ولم
يشغلك بهم

ومن أهم التطبيقات على المجال الكهربائي: أنبوب أشعة المهبط المستخدم في شاشات الحاسوب وجهاز راسم الذبذبات.

يمثل الرسم المجاور تركيب أنبوب أشعة المهبط:



وظائف كل جزء:

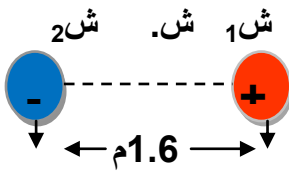
- 1- مهبط: يبعث الكترونات من فتيل ملتهب.
- 2- قاذف الكترونات: يسرع الالكترونات في مجال كهربائي منتظم أفقي فتنبعث من خلال ثقب صغير جدا على شكل حزمة مثل الرصاصات المنطلقة من فوهة بندقية .
- 3- مجالين كهربائيين منتظمين عموديين على مسار الحزمة: من خلالهما يتم توجيه حزمة الالكترونات فتتحرف الالكترونات يمينا ويسارا ثم إلى أعلى وأسفل .
- 4- شاشة مفلورة: تنتج بقعة ضوئية عند سقوط الالكترونات عليها.

مبدأ عمل أشعة المهبط :

عندما يسخن المهبط تنبعث منه الالكترونات فيجذبها المصدر ويتسارع الإلكترون في المجال الأفقي المنتظم بين المصدر والمهبط ليخرج الإلكترون من ثقب في المصدر ويدخل المجالان المتعامدان وبورهما يعملان على توجيه الإلكترون ليسقط على الشاشة المفلورة والتي تضيء ما أن يسقط الإلكترون ونحن نرى الضوء المنبعث من الجهة الأخرى للشاشة.

أمثلة متنوعة على المجال الكهربائي:

مثال (1) شحنتان نقطيتان مقدار كل منهما (2ميكروكولوم) وشحنة اختبار صغيرة



(ش¹=1.28×10⁻¹⁸ كولوم تقع في منتصف المسافة بينهما , جد ما يأتي:

(أ) المجال المحصل عند نقطة المنتصف .
(ب) القوة المحصلة المؤثرة في شحنة الاختبار.

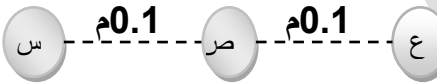
الحل:

$$\text{أ) } \frac{6-10 \times 2 \times 9^9 10 \times 9}{2^2 (0.8)} = \frac{9^9 10 \times 9}{2} = 1 \text{ م} = 2 \text{ م} = 10 \times 0.28 = 2.8 \text{ نيوتن / كولوم}$$

$$\text{م ج} = \text{م} + \text{م} = 10 \times 0.28 + 10 \times 0.56 = 10 \times 0.84 = 8.4 \text{ نيوتن / كولوم باتجاه ش}^2$$

$$\text{ب) ق} = \text{م} = \text{ش} = 10 \times 0.56 = 5.6 \text{ نيوتن باتجاه المجال}$$

مثال (2) يمثل الشكل ثلاث نقاط (س,ص,ع) على استقامة واحدة من النقطة (س) شحنة مقدارها (2×10⁻⁶) كولوم , احسب مقدار الشحنة الواجب وضعها عند (ع) ليكون المجال المحصل عند (ص) مساويا (54×10⁻⁵) نيوتن/كولوم واتجاهه نحو (ع).



الحل:

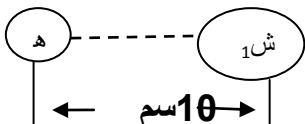
$$\text{م} = \text{ص} = \text{م} + \text{م} = 54 \times 10^{-5} = 5.4 \text{ نيوتن / كولوم}$$

$$\text{م} = \text{س} = \frac{6-10 \times 2 \times 9^9 10 \times 9}{2^2 (0.1)} = 18 \times 10^{-5} \text{ نيوتن / كولوم نحو ع}$$

$$\text{م} = \text{ع} = \text{م} - \text{م} = 54 \times 10^{-5} - 18 \times 10^{-5} = 36 \times 10^{-5} \text{ نيوتن / كولوم}$$

$$\text{م} = \text{ع} = \frac{9^9 10 \times 9}{2^2 (0.1)} = 36 \times 10^{-5} \text{ نيوتن / كولوم وهي سالبة باتجاه ع}$$

مثال (3) شحنة كهربائية نقطية (ش₁) موضوعة في الهواء وتبعد مسافة 10سم عن النقطة (هـ) فإذا كانت القوة الكهربائية التي تؤثر بها ش₁ على شحنة اختبار ش = 1×10⁻⁹ كولوم موضوعة من النقطة (هـ) تساوي (1.8×10⁻³) نيوتن باتجاه محور السينات الموجب احسب:



1- المجال الكهربائي عند النقطة (هـ).

2- مقدار الشحنة (ش₁) ونوعها.

الحل :

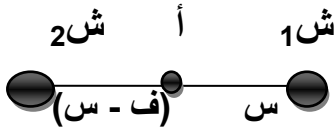
$$(1) \text{ ق} = \text{م ش} . \text{==} < \text{م} = 10 \times 1.8 / 10^3 - 10 \times 1.8 = 10^6 \text{ نيوتن/كولوم}$$

$$(2) \text{ ق} = \frac{10 \times 9 \text{ ش}^9}{\text{ف}^2} \text{ ش}^1$$

$$\text{ش}^1 = 10 \times 2^{-6} \text{ كولوم نوعها سالبة}$$

$$\frac{10 \times 9 \text{ ش}^9 \times 10^{-9} \text{ ش}^1}{(10 \times 10)^2} = 10^{-3} \times 1.8$$

مثال (4) أثبت أن نقطة التعادل لشحنتين متشابهتين نوعا ومقدارا المسافة بينهما (ف) تكون في منتصف المسافة بينهما ؟



الحل :

$$\text{م} = 1 = \text{م} = 2$$

$$\frac{10 \times 9 \text{ ش}^9}{2 \text{ (ف-س)}} = \frac{10 \times 9 \text{ ش}^9}{\text{ف}^2}$$

$$\frac{1}{\text{س}} = \frac{1}{\text{ف-س}} \text{==} < \text{ف} - \text{س} = \text{س}$$

$$\text{س} = \text{ف} \text{==} < \text{س} = \frac{\text{ف}}{2} \neq$$

مثال (5) مجال كهربائي منتظم مقداره $10 \times 4 \text{ نيوتن/كولوم}$ باتجاه الشرق وضعت شحنة مقدارها 2- ميكروكولوم وكتلتها 2 كغ بداخله احسب بإهمال وزنها :



- 1- مقدار واتجاه القوة المؤثرة على الشحنة.
- 2- تسارع الشحنة.
- 3- سرعة الشحنة بعد 3 ثواني .
- 4- المسافة التي تقطعها الشحنة بعد 4 ثواني .

الحل:

$$1- \text{ ق} = \text{م ش} . = 10 \times 4 \times 10^{-6} \times 2 = 8 \text{ نيوتن س-}$$

$$2- \text{ ق} = \text{ك ت} \text{==} < 8 = 2 \text{==} < \text{ت} = 4 \text{ م/ث}^2 \text{ س-}$$

$$3- ع_2 = ع_1 + ت ز$$

$$ع_2 = \text{صفر} + 3 \times 4 = 12 \text{ م/ث}$$

$$4- ف = ع_1 ز + \frac{1}{2} ت ز^2$$

$$ف = \text{صفر} + 16 \times 4 \frac{1}{2} = 32 \text{ م} \neq$$

اختبر نفسك

وضعت الشحنتين (ش₁, ش₂) على رؤوس مثلث قائم الزاوية في أ كما في الشكل احسب:

(أ) مقدار واتجاه المجال عند النقطة أ

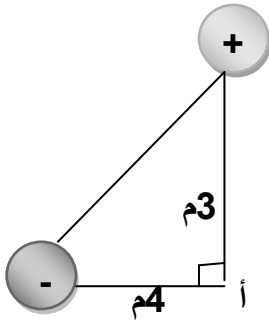
(ب) القوة المؤثرة على شحنة مقدارها 10×10^{-9} كولوم وضعت عند أ. ش₁ = 5×10^{-9} كولوم

الأجابة :

$$(أ) م_أ = \sqrt{106} \text{ كولوم/نيوتن}$$

$$\theta = \text{ظا}^{-1} \left(\frac{5}{9} \right)$$

$$(ب) ق = 10 \times \sqrt{106} \text{ نيوتن}$$



$$\text{ش}_2 = -16 \times 10^{-9} \text{ كولوم}$$

عندما تريد امتلاك الفرص صمم نحو هدفك ولا تسمح لأحد أن يضع نفسه عائق أمامك

الجهد الكهربائي

عند وضع شحنة اختبار نقطية في مجال شحنة موجبة (ش) فإن شحنة الاختبار تتأثر بقوة تنافر كهربائية لذا يلزمنا قوة خارجية تساوي قوة التنافر مقداراً وتعاكسها بالاتجاه لنقلها من النقطة (أ) إلى النقطة (ب) بسرعة ثابتة فتبذل القوة الخارجية شغلاً كهربائياً (ش) يخزن في النظام (ش-ش) على شكل طاقة وضع تسمى الطاقة الكهربائية

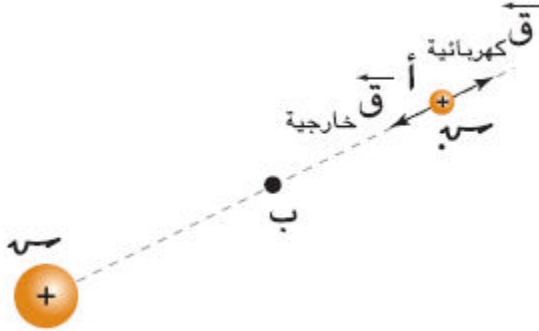
أي أن:

$$\Delta(\text{ط} و) = (\text{ط} و) ب - (\text{ط} و) أ = \text{ش} ا \leftarrow ب$$

ويعرف التغير في طاقة الوضع الكهربائية

$\Delta(\text{ط} و)$ مقسوماً على الشحنة (ش) بفرق الجهد

بين نقطتين $(\Delta ج) :$



$$\frac{\Delta(\text{ط} و)}{\text{ش}} = \frac{(\text{ط} و) ب - (\text{ط} و) أ}{\text{ش}} = ج ب - ج ا$$

حيث (ج ب) الجهد الكهربائي للنقطة ب, (ج ا) الجهد الكهربائي للنقطة أ وتستخدم المعادلة السابقة لقياس فرق الجهد الكهربائي بين موضعين.

- فرق الجهد بين نقطتين : هو التغير في طاقة الوضع الكهربائية $\Delta(\text{ط} و)$ لكل وحدة شحنة.
- الجهد الكهربائي عند نقطة : هو الشغل المبذول من قبل قوة خارجية لنقل وحدة الشحنات الموجبة من المالانهاية إلى تلك النقطة بسرعة ثابتة.

فالجهد الكهربائي كمية قياسية , لذا نعوض الإشارة السالبة للشحنة في القانون ويقاس الجهد في النظام العالمي للوحدات بوحدة (جول/كولوم) وتدعى هذه الوحدة (الفولت) نسبة الى العالم كونت اليساندرو فولتا الذي أسهم في اختراع الخلية الكهربائية (البطارية).

- الفولت : هو الجهد الكهربائي عند نقطة يلزم شغل مقداره (1) جول لنقل وحدة الشحنات الموجبة من مالا نهاية الى تلك النقطة دون إحداث تغير في طاقته الحركية.

س: علل الجهد الكهربائي كمية قياسية ؟

✓ لأنه ناتج قسمة الشغل على الشحنة وكل من الشغل والشحنة كمية قياسية.

س: علل الجهد الكهربائي عند نقطة بعيدة جداً (مالانهاية) يساوي صفراً؟

✓ لأن المجال لا يؤثر في شحنة اختبار موضوعة عند تلك النقطة بأي قوة كهربائية وهذا يعني أن طاقة الوضع الكهربائية عندها تكون صفراً وبالتالي الجهد يساوي صفراً.

س: ماذا نعني بقولنا أن الجهد الكهربائي عند نقطة هو 5 فولت , -5 فولت ؟

- ✓ أي أن شغلا مقداره (5جول) يبذل من قوة خارجية لنقل وحدة الشحنات الموجبة من ما لانهاية الى تلك النقطة بسرعة ثابتة.
- ✓ أي أن شغلا مقداره (5جول) يبذل من قوة خارجية لنقل وحدة الشحنات الموجبة من تلك النقطة الى ما لانهاية بسرعة ثابتة.

س: علل لا تتغير الطاقة الحركية لوحدة الشحنات الموجبة عند نقلها من مالانهاية الى نقطة ما ؟

- ✓ لأن القوة الخارجية لنقلها متساوية في المقدار وتعاكسها في الاتجاه القوة الكهربائية المؤثرة عليها.

مثال(1) شحنة كهربائية 2×10^{-8} كولوم , موضوعة عند النقطة (أ) التي جهدها 5 فولت , جد ما يأتي:

1. طاقة الوضع الكهربائية للشحنة؟
2. الشغل اللازم لنقل الشحنة من موقعها عند (أ) الى النقطة (ب) التي جهدها 12 فولت؟
3. التغير في طاقة وضع الشحنة عند نقلها من (أ) الى (ب) ؟

الحل:

1. (ط و) كهربائية = ش ج = $2 \times 10^{-8} \times 5 = 10^{-7}$ جول.
2. $(\Delta ط) و = ش ا - ب = ش \Delta ج = ش (ج ب - ج ا) = 2 \times 10^{-8} \times (5 - 12) = -14 \times 10^{-8}$ جول.

ومن هنا نستنتج أن الشحنة انتقلت من النقطة (أ) ذات الجهد المنخفض الى النقطة (ب) التي جهدها أعلى بفعل قوة خارجية تؤثر في الشحنة.

3. $(\Delta ط) و = ش = 14 \times 10^{-8}$ جول. لأن طاقة الوضع الكهربائية للشحنة تزداد عند انتقالها الى الجهد الكهربائي العالي.



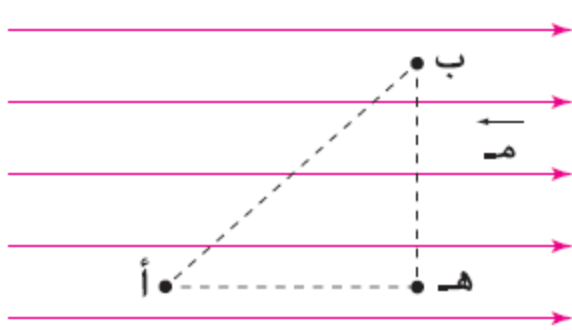
هام:

كلما ابتعدنا عن الشحنة الموجبة قل الجهد وإذا اقتربنا زاد الجهد.
كلما ابتعدنا عن الشحنة السالبة زاد الجهد وإذا اقتربنا قل الجهد

إذا أردت أن تصبح ناجحاً في عملك أخلص النية لله أولاً

فرق الجهد الكهربائي في مجال كهربائي منتظم :

من خلال الشكل المجاور وضعت نقطتين أ، ب في مجال كهربائي منتظم شدته m والبعد بينهما f فلو افترضنا أنه تم تحريك شحنة موجبة من النقطة أ إلى ب بسرعة ثابتة تحت تأثير قوة خارجية مقدارها q فتكون القوة (م ش) باتجاه المجال أيضا لو تحركت الشحنة بين النقطتين (أ، ب) بسرعة ثابتة فإن القوة تساوي (م ش) في المقدار ومعاكسة له في الاتجاه نستنتج أن سرعة الشحنات تبقى ثابتة.



ولحساب الشغل اللازم بذله لنقل الشحنة من ب إلى أ نطبق العلاقة الآتية :

$$\text{شغل ب} \leftarrow \text{أ} = (ج \text{ أ} - ج \text{ ب}) \text{ ش} \text{ منقولة} \dots (1)$$

$$\text{بما أن } q = m \text{ ش أيضا}$$

$$\text{شغل أ} \leftarrow \text{ب} = q \text{ ف جتا } \theta$$

شغل أ \leftarrow ب = م ش ف جتا θ ... (2) وعند مساواة المعادلتين (1) و(2) نجد أن :

$$ج \text{ أ} \text{ ب} = م \text{ ف أ} \text{ ب} \text{ جتا } \theta$$

حيث θ : الزاوية المحصورة بين خطوط المجال والمسافة من أ إلى ب .

س: وضح ماذا يحدث عند وضع شحنة كهربائية موجبة (ش) في مجال كهربائي منتظم ؟

✓ عند وضع شحنة كهربائية موجبة في مجال كهربائي منتظم فإنها تتحرك إزاحة (ف) مع اتجاه المجال بفعل القوة الكهربائية التي تنجز شغلا بسبب الزيادة في الطاقة الحركية للشحنة (وبالتالي تتسارع الشحنة) .

- سطح تساوي الجهد : هو السطح الذي يكون جميع النقاط الواقعة عليه متساوية الجهد.
- أي نقطتان تصنعان خط عمودي مع المجال جهدهما متساوي أي أن فرق الجهد بينهما يساوي صفرا.

س: من خلال المعادلة الموجودة في الصندوق استعن بها لتثبت أن وحدة قياس المجال (نيوتن/كولوم) تكافئ (فولت /م) ؟

$$\checkmark \text{ المجال} = \frac{\text{فولت}}{\text{م}} = \frac{\frac{\text{جول}}{\text{كولوم}}}{\text{م}} = \frac{\text{جول}}{\text{كولوم.م}} = \frac{\text{نيوتن.م}}{\text{كولوم.م}} = \frac{\text{نيوتن}}{\text{كولوم}} \neq$$

مثال (1) تحرك بروتون شحنته (1.6×10^{-19}) كولوم , وكتلته (1.67×10^{-27}) كغ من السكون من نقطة (أ) عند اللوح الموجب الى نقطة (ب) عند اللوح السالب في الحيز بين لوحيين موصلين متوازيين مشحونين بشحنتين مختلفتين تفصل بينهما مسافة 4 سم . إذا كان المجال الكهربائي بين اللوحين (625 نيوتن/كولوم) فجد ما يأتي:

1. فرق الجهد بين النقطتين.
2. التغير في طاقة الوضع للبروتون عند انتقاله بين اللوحين .
3. سرعة البروتون بعد قطعه هذه الازاحة .

الحل:

$$1. \text{ ج ا ب} = \text{ ج ا} - \text{ ج ب} = \text{ م ف جتا صفر} = 625 \times 4 \times 10^{-2} = 25 \text{ فولت.}$$

$$2. (\Delta \text{ ط}) \text{ و} = (\text{ ط و}) \text{ ب} - (\text{ ط و}) \text{ ا} = \text{ ش} \times \text{ ج ب} - \text{ ج ا} = (1.6 \times 10^{-19}) \times (25) = 4 \times 10^{-18} \text{ جول.}$$

نلاحظ أن طاقة الوضع للبروتون أعلى عند النقطة (أ)

3. من قانون حفظ الطاقة $(\text{ ط و}) \text{ ا} + (\text{ ط ح}) \text{ ا} = (\text{ ط و}) \text{ ب} + (\text{ ط ح}) \text{ ب}$ ترتيب المعادلة

$$(\text{ ط ح}) \text{ ب} = (\text{ ط ح}) \text{ ا} + (\text{ ط و}) \text{ ا} - (\text{ ط و}) \text{ ب}$$

$$= \text{ صفرا} + 4 \times 10^{-18} = 4 \times 10^{-18} \text{ جول}$$

$$\text{وبما أن } (\text{ ط ح}) \text{ ب} = \frac{1}{2} \text{ ك} \times \text{ ع} = 2 \times \text{ ع} \Rightarrow \text{ ع} = \frac{4 \times 10^{-18}}{2}$$

$$= 2 \times 10^{-18} \text{ جول}$$

$$= 4 \times 10^4 \text{ م/ث.}$$

نلاحظ أن سرعة البروتون ازدادت على نحو كبير داخل المجال الكهربائي المنتظم و لذا يستخدم مثل هذا المجال في المسارعات النووية لتسريع الجسيمات الصغيرة مثل الإلكترون والبروتون.

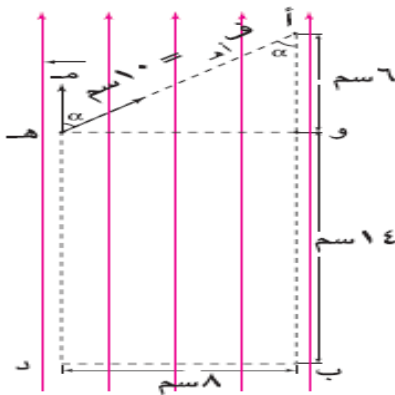
مثال (2) يؤثر مجال كهربائي منتظم (10^3) فولت/م في اتجاه الصادات الموجب كما في الشكل مستعينا بالبيانات التي عليه اجب عما يلي:

1. ج ا ب
2. ج ب د
3. ج د ا
4. ج د ا

الحل:

$$1. \text{ ج ا ب} = \text{ م ف ا ب جتا } \theta = 10 \times 0.2 \times \text{جتا } 180^\circ$$

$$= -200 \text{ فولت.}$$



نلاحظ أن اتجاه الإزاحة ف ذهب بشكل معاكس وصنع زاوية 180 مع اتجاه المجال .

$$2. \text{ج ب د} = \text{م ف ب د} \text{ جتا} \theta_{\text{ب د}} = 10 \times 0.08 \times \text{جتا} 90^\circ = \text{صفر}.$$

$$3. \text{ج د ا} = \text{ج د ب} + \text{ج ب ا} = (\text{ج د} - \text{ج ب}) + (\text{ج ب} - \text{ج ا})$$

$$= (\text{م ف ب د} \text{ جتا} \theta_{\text{ب د}}) + (\text{م ف ا ب} \text{ جتا} \theta_{\text{ا ب}})$$

$$= \text{صفر} + 10 \times 0.2 \times \text{جتا} \text{صفر} = +200 \text{ فولت}.$$

هذا يعني أن جهد النقطة (د) أكبر من جهد النقطة (أ) لماذا ؟ لأنه انتقل من الجهد العالي الى الجهد المنخفض.

$$4. \text{ج ه ا} = \text{ج ه و} + \text{ج و ا} = (\text{ج ه} - \text{ج و}) + (\text{ج و} - \text{ج ا})$$

$$= (\text{م ف ه و} \text{ جتا} \theta_{\text{ه و}}) + (\text{م ف و ا} \text{ جتا} \theta_{\text{و ا}})$$

$$= \text{صفر} + 10 \times 0.06 \times \text{جتا} \text{صفر} = +60 \text{ فولت} \neq$$

ملاحظات هامة :

- ❖ في المجال المنتظم لا نحسب جهد نقطة بل نحسب فرق الجهد بين نقطتين .
- ❖ كلما تحركنا باتجاه المجال يقل الجهد لذا يسمى المجال الكهربائي مجال الجهد أو انحدار الجهد
- ❖ عندما نتحرك بشكل معاكس للمجال يجب أن تكون إشارة فرق الجهد سالبة لأن الزاوية منفرجة وكل زاوية منفرجة جتاها سالب لذا يمكننا اخذ مكملتها ووضع إشارة سالبة عند الناتج
- ❖ مجال الجهد : هو المجال الكهربائي المنتظم حيث يمثل التغير في الجهد بالنسبة لوحد الطول .

ويمكن القول رياضيا بأن :

$$\frac{\text{ج}}{\text{ف}} = \text{م منتظم}$$

- ❖ الشحنة الموجبة تتحرك على نحو حر في المجال الكهربائي المنتظم من الجهد الأعلى (ج ا) الى الجهد المنخفض (ج ب)

الجهد الكهربائي الناجم عن شحنات نقطية:

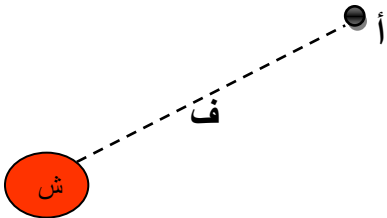
❖ الجهد كمية قياسية, لذا نعوض الشحنة بإشارتها سواء أكانت موجبة أم سالبة .

❖ جهد نقطة في المالا نهائية = جهد نقطة موصولة بالأرض = جهد الأرض = صفر

س: الجهد الكهربائي للأرض يساوي صفرا رغم احتواءه على شحنات .. علل؟

✓ لكبر مسافة سطح الأرض فلا تتأثر بالشحنات المضافة إليها.

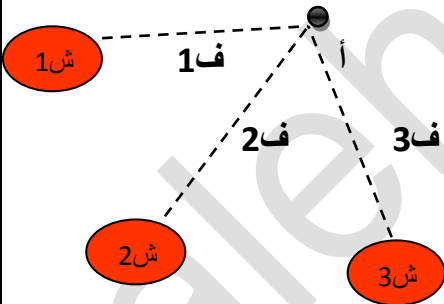
إذا كان المجال ناشئ عن شحنة نقطية كما في الشكل فإنه يمكن استخدام حساب التكامل لتوصل الى أن الجهد الكهربائي عند النقطة (أ) والناجم عن الشحنة النقطية (ش) الموضوعة في الفراغ أو الهواء يعطى بالعلاقة :



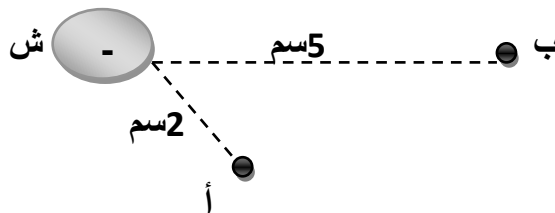
$$ج أ = \frac{ش}{ف} \times 9 \times 10^9$$

إما إذا كانت النقطة (أ) المراد حساب الجهد عندها , واقعة بالقرب من عدة شحنات نقطية عدة كما في الشكل فإن جهدها الكهربائي هو المجموع الجبري للجهد الناجم عن كل من هذه الشحنات أي أن:

$$ج أ = \frac{ش1}{ف1} + \frac{ش2}{ف2} + \frac{ش3}{ف3} + \dots \times 9 \times 10^9$$



مثال (1) في الشكل المجاور جد : ج أ ب , إذا علمت أن الشحنة النقطية ش = -3 ميكروكولوم .



الحل:

نحسب بالبداية الجهد الناجم عن الشحنة النقطية عند كل من هاتين النقطتين :

$$= -1.35 \times 10^6 \text{ فولت}$$

$$ج ا = \frac{\text{ش}}{\text{ف ا}} \times 10^9 \times 9 = \frac{6-10 \times 3 - x^9 10 \times 9}{2-10 \times 2}$$

$$= -5.4 \times 10^5 \text{ فولت}$$

$$ج ب = \frac{\text{ش}}{\text{ف ب}} \times 10^9 \times 9 = \frac{6-10 \times 3 - x^9 10 \times 9}{2-10 \times 5}$$

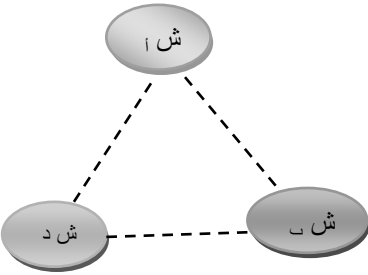
$$ج ا ب = ج ا - ج ب = (-1.35 \times 10^6) - (-5.4 \times 10^5) = -8.1 \times 10^5 \text{ فولت} \neq$$

مثال (2) في الشكل المجاور شحنات نقطية ثلاث موضوعة في الهواء , وتفصل بينهما المسافات الآتية :

$$\text{ش ا} = 3 \times 10^9 \text{ كولوم}$$

$$\text{أب} = \text{أد} = 5 \text{ سم} , \text{ ب د} = 8 \text{ سم} .$$

جد ما يأتي :



1. الجهد الكهربائي عند النقطة (هـ) الواقعة في منتصف المسافة (ب د).

2. الشغل اللازم لنقل بروتون من المالا نهاية إلى النقطة (هـ)

3. طاقة الوضع الكهربائية للبروتون في الموقع هـ .

$$\text{ش ب} = 4 \times 10^9 \text{ كولوم} \quad \text{ش د} = -2 \times 10^9 \text{ كولوم}$$

الحل:

$$1. \text{ بتطبيق المعادلة : ج هـ} = \left(\frac{\text{ش ا}}{\text{ف ا}} + \frac{\text{ش ب}}{\text{ف ب}} + \frac{\text{ش د}}{\text{ف د}} \right) \times 10^9 \times 9 =$$

$$= 1350 \text{ فولت}$$

$$\left\{ \frac{9-10 \times 2-}{2-10 \times 4} + \frac{9-10 \times 4}{2-10 \times 4} + \frac{9-10 \times 3}{2-10 \times 3} \right\} \times 10^9 \times 9 =$$

$$= 2.16 \times 10^{16} \text{ جول}$$

$$2. \text{ شغل} = \text{ش} \Delta = \text{ش} (ج هـ - ج هـ) = 1.6 \times 10^{19} \times (-1350) \text{ (صفر)}$$

$$3. \text{ ط} = \text{ش} = 2.16 \times 10^{16} \text{ جول}$$

(أي أن هذا القدر من طاقة الوضع الكهربائية يختزن في البروتون عند نقله من المالا نهاية إلى الموقع هـ)

الجهد الكهربائي لموصل كروي مشحون :

❖ عند شحن موصل تستقر الشحنات على سطحه الخارجي فقط وذلك بسبب قوى تنافر الشحنات مع بعضها مما يبقي المجال داخله صفرا, أما عند نقطة قريبة من سطح الموصل فيكون مقدار المجال $(\frac{\sigma}{\epsilon_0})$ واتجاهه عمودي على سطح الموصل .

س: علل المجال الكهربائي داخل الموصل يساوي صفرا ؟

✓ لأن الشحنات تستقر على السطح الخارجي للموصل عند شحنه .

س: عند نقطة قريبة من سطح الموصل يكون مقدار المجال الكهربائي واتجاهه عموديا على سطح الموصل ؟

✓ لأنه لو وجدت للمجال مركبة أفقية عند سطح الموصل فأنها ستسبب حركة للشحنات وهو ما يتعارض مع حقيقة كون الشحنات مستقرة (ساكنة على السطح).

س: يعد سطح الموصل سطح متساوي الجهد وضح ذلك ؟

✓ لان جميع النقاط الواقعة على سطح الموصل متساوية في الجهد .

ملاحظات هامة جدا:

- ❖ جميع النقاط الواقعة على سطح الموصل متساوية في الجهد لان الشحنات على السطح الموصل مستقرة ولا تتحرك لذا فإن ج ب - ج ا = صفر وبذلك تساوي ج ا = ج ب .
- ❖ الجهد عند أي نقطة داخل الموصل ثابت ويساوي قيمة عند سطح الموصل وذلك بما أن المجال داخل الموصل يساوي صفرا فإن : ج ه - ج ا = صفر وبذلك ج ه = ج ا .
- ❖ يتم توزيع الشحنات على سطح موصل غير منتظم لأن السطح غير المنتظم تتباعد فيه الشحنات عن بعضها قدر المتاح وتكون الكثافة السطحية للشحنة عند الرؤوس المدببة أكبر ما يمكن.

س: كيف يمكن الحصول على توزيع منتظم من الشحنات ؟

✓ يمكن الحصول على السطح على ذلك فقط على السطوح المنتظمة مثل الموصل الكروي.

- يتكون جهد الموصل من ثلاثة أنواع (مطلق, حتي , كلي)
- الجهد المطلق للموصل : هو الجهد الموصل الناشئ عن وجود شحنة كلية .

1. الجهد المطلق للموصل: هو الجهد الناتج عن الشحنة التي يحملها الموصل نفسه . ويعطى بالعلاقة الآتية:

$$ج = 10 \times 9 \frac{ش}{نق}$$

س: اذكر العوامل التي يتوقف عليها مقدار الجهد المطلق لموصل ؟

1. مقدار شحنة الموصل طردي 2. مساحة سطح الموصل 3. الوسط العازل المحيط بالموصل
 2. الجهد الحثي (التأثيري) لموصل كروي: هو الجهد الذي يتولد على الموصل نتيجة لوجوده في المجال الكهربائي لشحنة موصل آخر.
- ويعطى بالعلاقة :

$$ج = 10 \times 9 \frac{ش}{ف}$$

ويعتمد الجهد التأثيري على عدة عوامل :

1. مقدار شحنة المؤثر ... طردي
2. المسافة بين الموصل وشحنة المؤثر ... عكسي
3. نوع الوسط العازل بين المؤثر والمتأثر.

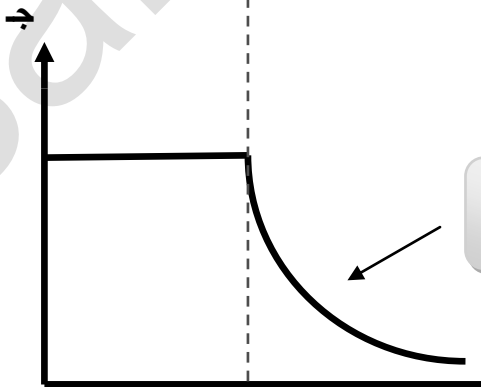
3. الجهد الكلي للموصل :

هو عبارة عن مجموع الجهد المطلق بالإضافة إلى الجهد التأثيري.

ويعطى بالعلاقة :

$$ج = 10 \times 9 \frac{ش}{نق}$$

$$ج \text{ كلي} = ج \text{ مطلق} + ج \text{ حثي}$$



$$ج = 10 \times 9 \frac{ش}{ف}$$

مثال(1) : ما عدد الالكترونات التي يجب إزالتها من موصل كروي نصف قطره 3سم ليصبح الجهد الكهربائي على سطحه 7500 فولت؟

الحل:

أولا نجد الشحنة ثم نجد عدد الالكترونات

$$ج = \frac{ش}{نق} 9 10 \times 9 = 7500 \quad 9 10 \times 25 = \frac{ش}{(0.03)} 9 10 \times 9 = 7500$$

$$ش = ن ش_e \quad 10 10 \times 15.6 = ن \quad \text{الالكترون .}$$

مثال(2) احسب كثافة الشحنة السطحية لموصل كروي نصف قطره 25سم , علما بأن الجهد الكهربائي 1300 فولت على بعد 50 سم من مركزه؟

الحل:

ج = 1300 فولت , الجهد على بعد ف = 0.5م , نق = 0.25م أولا نستخدم العلاقة التالية:

$$ج = \frac{ش}{ف} 9 10 \times 9 = 1300 \times 0.5 < == < ش \times 9 10 \times 9 = 1300 \times 0.5 < == < ش < 8 10 \times 7.22 = 8 10 \times 7.22$$

وبم أن الشحنات تتوزع على سطح الكرة توزيعا سطحيا منتظما لذا تكون كثافة الشحنة السطحية :

$$\sigma = \frac{ش}{أ} = \frac{ش}{2 4 \pi نق}$$

$$\sigma = \frac{8 10 \times 7.22}{2 (0.25) \times 4 \pi} = \frac{8 10 \times 9.2}{2 م^2} = 8 10 \times 9.2 = 8 10 \times 9.2$$

مثال(3) موصلان كرويان نصف قطرهما 1سم, 2سم على الترتيب , والمسافة بين مركزيهما 36سم اذا علمت أن الشحنة الاولى 10 نانوكولوم , وشحنته الثانية (-) 2 نانوكولوم , فجد ما يأتي:

1. جهد نقطة تقع في منتصف المسافة بين الموصلين الكرويين.
2. جهد نقطة تقع على سطح الموصل الأول.
3. الشحنة على الموصل الثاني بعد وصله بالأرض.

الحل:

1. جهد نقطة المنتصف هو جهد نقطة تبعد مسافة ف = 18سم من مركزي الموصلين الكرويين لذا :

$$ج = 9 10 \times 9 \left(\frac{ش_1}{ف_1} + \frac{ش_2}{ف_2} \right)$$

$$\rightarrow \text{هـ} = \left\{ \frac{9-10 \times 2-}{2-10 \times 18} + \frac{9-10 \times 10}{2-10 \times 18} \right\} x^9 10 \times 9 =$$

400 فولت =

2. \rightarrow 1كلي = \rightarrow 1مطلق + \rightarrow 1حتمي

$$= \left\{ \frac{9-10 \times 2-}{2-10 \times 36} \right\} x^9 10 \times 9 + \left\{ \frac{9-10 \times 10}{2-10 \times 1} \right\} x^9 10 \times 9 =$$

8950 فولت =

3. \rightarrow 2كلي = \rightarrow 2مطلق + \rightarrow 2حتمي <==> صفر لأنه تم توصيل الكرة الثانية بالأرض وتبقى الشحنات مقيدة بسبب قيام الكرة الأولى بشحنتها بالحث فإذا تم افتراض الشحنة على الكرة الثانية ش فإن:

$$= \left\{ \frac{9-10 \times 10}{2-10 \times 36} \right\} x^9 10 \times 9 + \left\{ \frac{\text{ش}}{2-10 \times 2} \right\} x^9 10 \times 9 =$$

ش = $-10 \times 5.5 \times 10^{-10}$ كولوم

سطح تساوي الجهد :

س: سطح متساوي الجهد لا تحتاج القوة الكهربائية فيه إلى بذل شغل لنقل الشحنة عليه ؟

✓ لأن الجهد على السطح متساوي لجميع النقاط الواقعة عليه وبالتالي فرق الجهد بين أي نقطتين على السطح يساوي صفراً (Δ = صفراً) وعليه فإن الشغل يساوي صفراً (ش = صفراً).

س: اذكر خصائص سطوح تساوي الجهد ؟

1. سطوح وهمية : تسهم في فهم وتصور توزيع قيم الجهد حول شحنة نقطية أو توزيع من الشحنات.

2. تبدو على شكل سطوح كروي : تحيط بالشحنة النقطية أو موصل كروي.

3. لا تتقاطع : علل ؟ لأنها لو تقاطعت لكان للجهد أكثر من قيمة عند نقطة التقاطع وهو ما يخالف الواقع .

4. السطوح متساوية الجهد متعامدة مع خطوط المجال.

س: علل السطوح متساوية الجهد متعامدة مع خطوط المجال؟

✓ بما أن الشغل اللازم لنقل شحنة على سطح تساوي الجهد يساوي صفرا لذا:
ش = م ف جتا θ = صفرا ويكون ذلك صحيحا عندما $\theta = 90^\circ$ أي عندما يتعامد خط المجال
(\vec{m}) مع الأزاحة (\vec{f}).

س: فسر.. موصل يحمل شحنة كهربائية وليس له جهد ؟

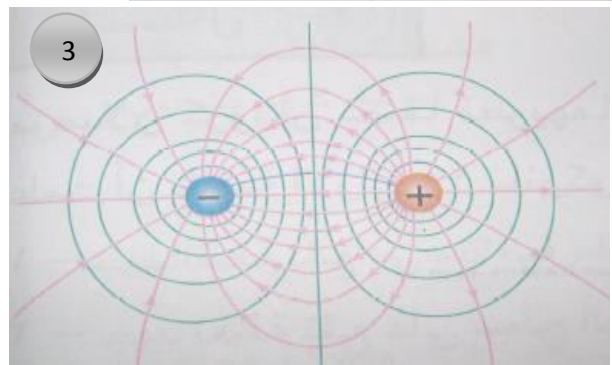
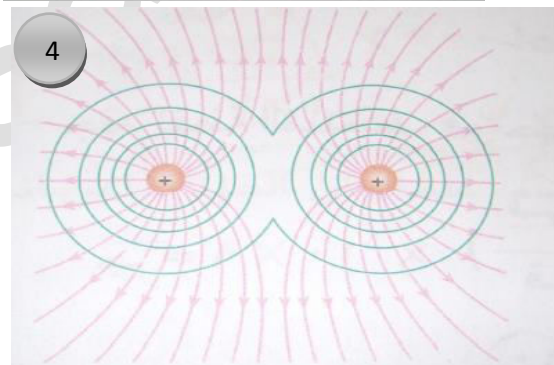
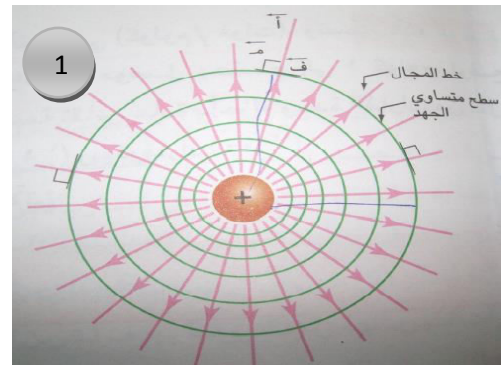
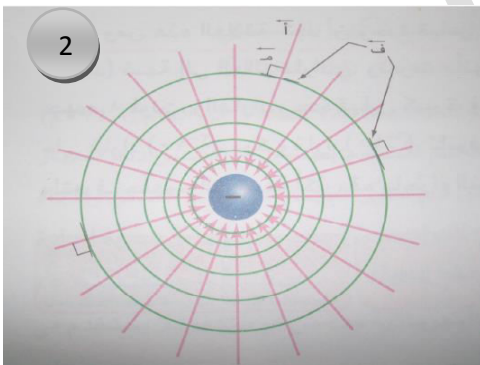
✓ لأن الموصل موصولة بالأرض والشحنة التي عليه مقيدة.

س: اذكر الحالات التي ينعدم فيها الجهد:

1. عند أي نقطة خارج لوحين مشحونين متوازيين.
2. في ما لا نهاية.
3. موصل موصول بالأرض
4. عند نقطة تبعد مسافتين متساويتين عن شحنتين متساويتين مقدارا ومختلفتان نوعا.
5. عند نقطة تقع بين أو خارج شحنتين مختلفتين نوعا ومقدارا وأقرب الى الشحنة الصغرى.

س: ارسم سطوح متساوية الجهد لكل مما يلي:

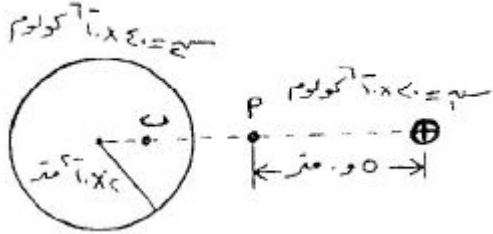
1. شحنة موجبة
2. شحنة سالبة
3. شحنتين مختلفتين بالشحنة
4. شحنتين متشابهات بالشحنة



مثال(3) في الشكل المجاور شحنة نقطية (ش₁) تبعد عن مركز موصل كروي مشحون مسافة (1م) معتمدا على الشكل وبياناته احسب:

1. جهد النقطة (ب) والتي تبعد عن مركز الموصل مسافة (10x1)² م .

2. الشغل اللازم لنقل الكترول من النقطة (أ) الى سطح الموصل .



الحل: بشكل مختصر

$$1. \text{ ج ب} = \text{ج مطلق} + \text{ج حثي}$$

$$\text{ج ب} = 10 \times 1818 \text{ فولت} .$$

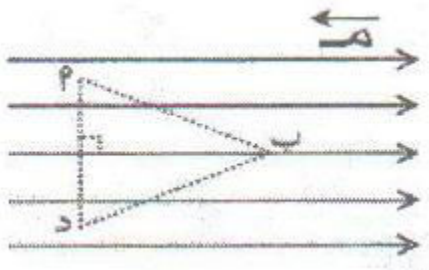
$$\text{ج أ} = \text{ج ناتج عن الشحنة} + \text{ج ناتج عن السطح} =$$

$$\text{ج أ} = 10 \times 10.8 \text{ فولت} .$$

$$\text{أيضا } \text{ج ب} = \text{ج سطح}$$

$$\text{ش أ} \leftarrow \text{سطح} = \text{ش ع (ج سطح - ج أ)} = -10 \times 2.736 \text{ جول}$$

مثال(4) يوضح الشكل المجاور مجالا كهربائيا منتظما مقداره (10⁴) فولت /م , النقاط أ,ب,د واقعة في المجال وتمثل رؤوس مثلث متساوي الأضلاع طول ضلعه (2سم) والخط الواصل بين أ,د عمودي على خطوط المجال . احسب الشغل المبذول في نقل شحنة كهربائية موجبة مقدارها (10x1)⁹ كولوم من النقطة أ الى ب عبر المسار (أ د ب) . الحل:



$$\text{ش أ} \leftarrow \text{د} \leftarrow \text{ب} = \text{ش أ} \leftarrow \text{د} + \text{ش د} \leftarrow \text{ب}$$

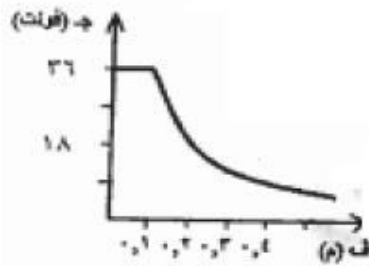
$$= \text{ش ج د} + \text{ج ب د}$$

$$= \text{ش (م ف جتا 90)} + \text{ش (م ف جتا 150)}$$

$$= \text{صفر} + (0.87 - x^2 - 10 \times 2 \times 10^9) - 10 \times 174 \text{ جول} .$$

مثال (5)

يبين الرسم البياني المجاور العلاقة التي تربط الجهد الكهربائي لموصل كروي مشحون بشحنة موجبة واليُعد عن مركزه. معتمداً على البيانات المثبتة جسد :



- (1) نصف قطر الموصل الكروي.
- (2) شحنة الموصل الكروي.
- (3) الشغل المبذول لنقل شحنة $(+4 \times 10^{-6})$ كولوم من نقطة (أ) والتي تبعد (0.4) م عن مركز الموصل الكروي إلى نقطة (ب) التي تقع على سطح الموصل.

الحل:

$$1- \text{نصف قطر الموصل الكروي} = r = 0.1 \text{ م}$$

$$2- \text{شحنة الموصل الكروي} = Q = 4 \times 10^{-6} \text{ كولوم}$$

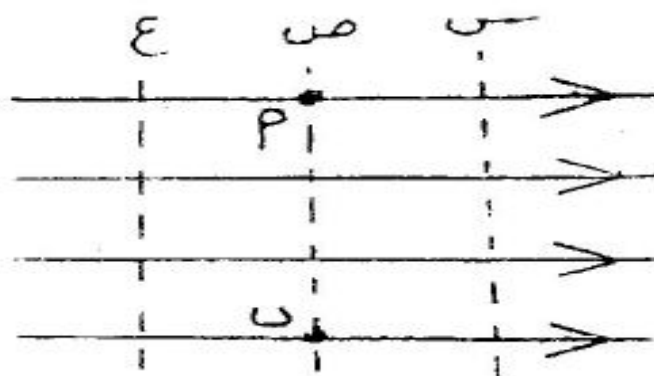
$$3- \text{الشغل المبذول لنقل شحنة } q = 4 \times 10^{-6} \text{ كولوم من نقطة (أ) والتي تبعد } r_1 = 0.4 \text{ م عن مركز الموصل الكروي إلى نقطة (ب) التي تقع على سطح الموصل.}$$

$$W = q \cdot V = 4 \times 10^{-6} \cdot 36 = 1.44 \times 10^{-4} \text{ جول}$$

مثال (6) يوضح الشكل المجاور مجال كهربائي منتظم وتمثل الخطوط (س، ص، ع) سطوح متساوية الجهد، معتمداً على الشكل، أجب عما يلي:

1. رتب السطوح متساوية الجهد تنازلياً حسب قيمة جهد كل منهما.

2. فسر لماذا لا يلزم شغل لنقل شحنة نقطية من النقطة (أ) إلى النقطة (ب).



الحل:

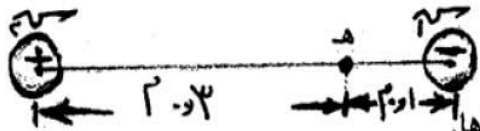
1. ع، ص، س
2. لأن النقطتين متساويتين في الجهد بسبب وقوعهما على نفس سطح متساوي الجهد.

مثال (7)

مستوي ٢٠٠٧

ب) شحنتان كهربائيتان نقطيتان موضوعتان في الهواء؛ (سجم = -٤ × ١٠^{-٩} كولوم ، (١١ علامة)

(سجم = +٩ × ١٠^{-٩} كولوم) ، كما في الشكل ،



بالاعتماد على المعلومات المثبتة عليه، أجب عما يأتي :

أولاً : احسب المجال الكهربائي في النقطة (هـ) مقداراً واتجاهاً.

ثانياً : إذا وضعت في النقطة (هـ) شحنة كهربائية نقطية (سجم = +٢ × ١٠^{-٩} كولوم ، فاحسب ما يأتي :

(١) القوة الكهربائية المؤثرة في (سجم) مقداراً واتجاهاً.

(٢) طاقة الوضع الكهربائية للشحنة (سجم).

الحل :

U - أولاً : $E = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q}{r^2}$

١) $E = \frac{1}{4\pi \times 9 \times 10^{-12}} \times \frac{9 \times 10^{-9}}{1^2} = 2.25 \times 10^4 \text{ نيوتن/كولوم ، باتجاه اليمين (اليسار)}$

٢) $E = \frac{1}{4\pi \times 9 \times 10^{-12}} \times \frac{4 \times 10^{-9}}{3^2} = 3.7 \times 10^3 \text{ نيوتن/كولوم ، باتجاه اليمين (اليسار)}$

٣) $E = \frac{1}{4\pi \times 9 \times 10^{-12}} \times \frac{2 \times 10^{-9}}{2^2} = 2.5 \times 10^3 \text{ نيوتن/كولوم (سجم كوسم) ، باتجاه اليمين (اليسار)}$

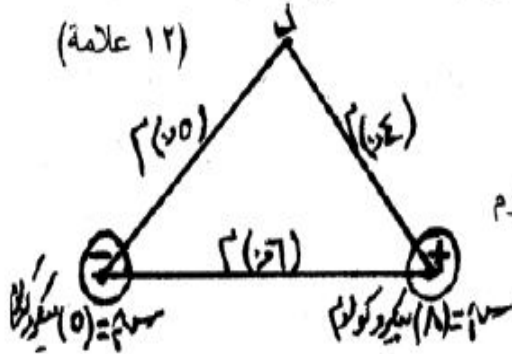
٤) $E_{\text{net}} = 2.25 \times 10^4 - 3.7 \times 10^3 - 2.5 \times 10^3 = 1.63 \times 10^4 \text{ نيوتن/كولوم ، باتجاه اليمين (اليسار)}$

٥) $F = qE = 2 \times 10^{-9} \times 1.63 \times 10^4 = 3.26 \times 10^{-5} \text{ نيوتن ، باتجاه اليمين (اليسار)}$

٦) $W = qV = 2 \times 10^{-9} \times \left(\frac{1}{4\pi\epsilon_0} \left(\frac{9 \times 10^{-9}}{1} + \frac{4 \times 10^{-9}}{3} + \frac{2 \times 10^{-9}}{2} \right) \right) = 9 \times 10^{-14} \text{ جول}$

مثال (8) صيفي 2007

ب) شحنتان كهربائيتان نقطيتان موضوعتان في الهواء كما في الشكل ، بالاعتماد على المعلومات المثبتة عليه احسب ما يأتي :



- (١) القوة الكهربائية المتبادلة بينهما مقداراً واتجهاً.
- (٢) الشغل المبذول لنقل شحنة موجبة مقدارها (2×10^{-10}) كولوم من المالا نهاية إلى النقطة (د).

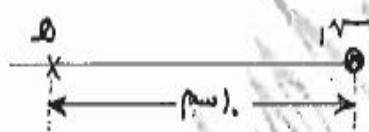
الحل:

$-5 \mu\text{C}$	$q_1 = -5 \times 10^{-6} \text{ C}$
$+8 \mu\text{C}$	$q_2 = +8 \times 10^{-6} \text{ C}$
	$r = 6 \text{ cm} = 0.06 \text{ m}$
	$F = k \frac{q_1 q_2}{r^2} = 9 \times 10^9 \frac{(-5 \times 10^{-6})(8 \times 10^{-6})}{(0.06)^2}$
	$F = -10 \text{ N}$
	$W = q \Delta V = q \left(\frac{k q_1}{r_1} - \frac{k q_2}{r_2} \right)$
	$W = (2 \times 10^{-10}) \left(\frac{9 \times 10^9 (-5 \times 10^{-6})}{0.06} - \frac{9 \times 10^9 (8 \times 10^{-6})}{0.06} \right)$
	$W = -1.8 \times 10^{-7} \text{ J}$

مثال (9) شتوي 2011

ب) شحنة كهربائية نقطية (q_1) موضوعة في الهواء وتبعد مسافة (١٠) سم عن النقطة (هـ). فإذا كانت القوة الكهربائية التي تؤثر بها الشحنة (q_2) على شحنة اختبار ($q_3 = -1 \times 10^{-10}$) كولوم موضوعة عند النقطة (هـ) تساوي (1.8×10^{-2}) نيوتن باتجاه محور السينات الموجب. احسب :

(١٠) علامات



(١) المجال الكهربائي عند النقطة (هـ)

(٢) مقدار الشحنة (q_1) ونوعها.(٣) الشغل اللازم لنقل (q_3) من النقطة (هـ) إلى اللانهاية.

$$\begin{aligned}
 & \text{ب- يمثل الشكل المجاور شحنتان كهربائيتان نقطيتان (سم، سم) وموضوعتان في الهواء.} \\
 & \text{اعتماداً على القيم المثبتة عليه احسب :} \\
 & 1- القوة الكهربائية المتبادلة بين الشحنتين. \\
 & 2- المجال الكهربائي عند النقطة (د) مقداراً واتجهاً. \\
 & 3- التغير في طاقة الوضع الكهربائية في نقل الشحنة (سم) إلى النقطة (د).
 \end{aligned}$$

مثال (10) صيفي 2008

ب- يمثل الشكل المجاور شحنتان كهربائيتان نقطيتان (سم، سم) وموضوعتان في الهواء. اعتماداً على القيم المثبتة عليه احسب :
 1- القوة الكهربائية المتبادلة بين الشحنتين.
 2- المجال الكهربائي عند النقطة (د) مقداراً واتجهاً.
 3- التغير في طاقة الوضع الكهربائية في نقل الشحنة (سم) إلى النقطة (د).

$$\begin{aligned}
 & \text{ب- يمثل الشكل المجاور شحنتان كهربائيتان نقطيتان (سم، سم) وموضوعتان في الهواء.} \\
 & \text{اعتماداً على القيم المثبتة عليه احسب :} \\
 & 1- القوة الكهربائية المتبادلة بين الشحنتين. \\
 & 2- المجال الكهربائي عند النقطة (د) مقداراً واتجهاً. \\
 & 3- التغير في طاقة الوضع الكهربائية في نقل الشحنة (سم) إلى النقطة (د).
 \end{aligned}$$

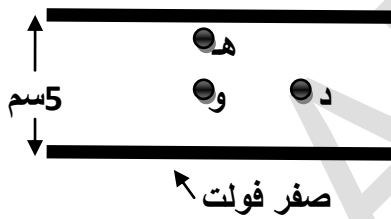
اختبر نفسك
ثبت لوحان فلزيان قبالة بعضهما داخل أنبوب مفرغ من الهواء , ووصلا الى فرق جهد مبداره (6000 فولت) إذا كانت المسافة التي تفصل بينهما (2سم) فأجب عما يأتي:

- (أ) احسب مقدار المجال الكهربائي عند نقطة تقع في الحيز بين اللوحين.
(ب) أهمل تأثير الجاذبية , ثم جد مقدار الطاقة الحركية التي يكتسبها إلكترون يتسارع من السكون في الحيز بين اللوحين.
(ج) إذا استطعنا تقليل المسافة بين اللوحين لتصبح (1سم) مع الحفاظ على الفرق في الجهد بينهما , فكيف يؤثر ذلك في إجابتك عن الفرعين السابقين .

الأجابة:

(أ) $10 \times 3 \times 10^5$ فولت /م. (ب) $\Delta طح = 10 \times 9.6 \times 10^{-16}$ جول. (ج) $10 \times 6 \times 10^5$ فولت /م

اختبر نفسك
بين الشكل لوحين لوحين فلزيين متوازيين الفرق في الجهد بينهما (100 فولت) وتفصل بينهما مسافة (5سم) . إذا كانت النقطة (و) في منتصف المسافة بين اللوحين والنقطة (د) تبعد عنها (1سم) فجد ما يأتي :



- (أ) اتجاه المجال
(ب) مقدار المجال عند النقاط (هـ), (و).
(ت) الشغل المبذول لنقل إلكترون من (هـ) إلى (و).
(ث) فرق الجهد: جـ دـ و .
(ج) الشغل المبذول لنقل إلكترون من (و) إلى (د).
(ح) فرق الجهد : جـ دـ و .
(خ) إذا وضعت شحنة (2ميكروكولوم) عند النقطة (و) فما القوة الكهربائية المؤثرة فيها جـ دـ و .

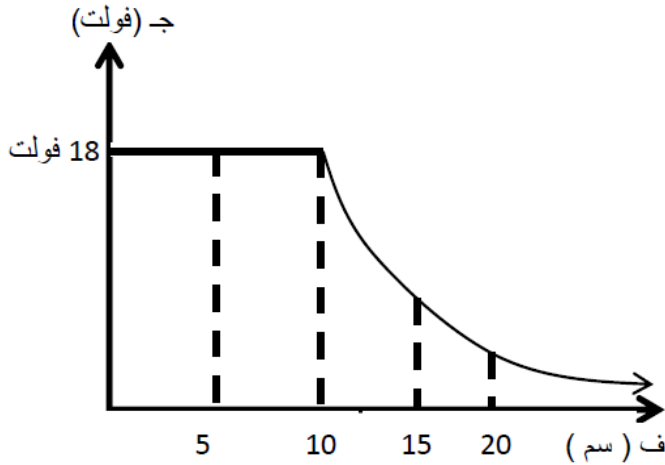
الأجابة :

(أ) هـ ← و (ب) مـ دـ = مـ و = 2000 فولت/م (ت) ش هـ ← و = $10 \times 8 \times 10^{-18}$ جول.

(ث) جـ دـ و = 50 فولت. (ج) ش و ← د = صفر (ح) جـ دـ و = صفر (خ) $10 \times 4 \times 10^{-3}$ نيوتن باتجاه المجال.

اختبر نفسك
مثلث العلاقة بين الجهد الكهربائي لموصل كروي مشحون والبعد عن مركزه بيانيا

كما في الشكل اعتمادا على الرسم جد ما يأتي:



- (أ) نصف قطر الموصل .
 (ب) المجال الكهربائي داخل الموصل .
 (ج) المجال عند سطح الموصل
 (د) فرق الجهد بين نقطتين تبعدان عن مركز الموصل 5سم و20سم على الترتيب.

$$(أ) \text{ نق} = 10 \text{ سم} .$$

$$(ب) \text{ م} = \text{صفر} .$$

(ج) لحساب المجال عند سطح الموصل، نحسب أولاً الشحنة على سطحه حيث: $ج = 9 \times 10^9 \frac{ق}{\text{م}^2}$

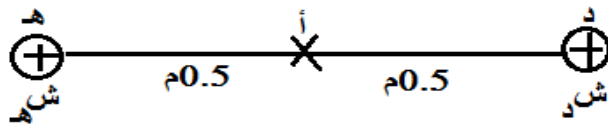
$$18 = 9 \times 10^9 \frac{ق}{(10)^2} \text{ ، ومنها نجد: } ق = 2 \times 10^{-10} \text{ كولوم} \Leftarrow$$

$$\text{م} = \frac{9 \times 10^9 \times 2 \times 10^{-10}}{(10)^2} = \frac{180 \text{ نيوتن/كولوم}}{\text{نق}^2}$$

$$(د) \text{ ج} - \text{ج} = 20 \text{ سم} - 5 \text{ سم} = 15 \text{ سم} .$$

اختبر نفسك 2015

إذا كانت القوة الكهربائية بين الشحنتين الكهربائيتين المتماثلتين الموضحتين في الشكل المجاور تساوي (0.1) نيوتن معتمداً على الشكل احسب :



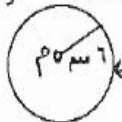
- 1- مقدار كل من الشحنتين
 2. الشغل اللازم لنقل الشحنة ش₂ إلى النقطة (أ)

Handwritten calculations for electrostatic force and potential energy:

- 13 $U = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q_1 q_2}{r} = \frac{9 \times 10^9 \times 10^{-6} \times 10^{-6}}{0.1} = 9 \times 10^{-2} \text{ جول}$
- 14 $U = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q_1 q_2}{r} = \frac{9 \times 10^9 \times 10^{-6} \times 10^{-6}}{0.1} = 9 \times 10^{-2} \text{ جول}$
- 15 $U = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q_1 q_2}{r} = \frac{9 \times 10^9 \times 10^{-6} \times 10^{-6}}{0.1} = 9 \times 10^{-2} \text{ جول}$
- 16 $U = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q_1 q_2}{r} = \frac{9 \times 10^9 \times 10^{-6} \times 10^{-6}}{0.1} = 9 \times 10^{-2} \text{ جول}$
- 17 $U = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q_1 q_2}{r} = \frac{9 \times 10^9 \times 10^{-6} \times 10^{-6}}{0.1} = 9 \times 10^{-2} \text{ جول}$
- 18 $U = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q_1 q_2}{r} = \frac{9 \times 10^9 \times 10^{-6} \times 10^{-6}}{0.1} = 9 \times 10^{-2} \text{ جول}$

اختبر نفسك 2016

ش 1 - $10 \times 10^{-6} \text{ كولوم}$



ش 2 - $10 \times 10^{-6} \text{ كولوم}$

(ب) شحنة كهربائية نقطية (ش 1) موضوعة في الهواء وتبعد مسافة (14 سم) عن سطح موصل كروي مشحون بشحنة (ش 2) ونصف قطره (6 سم) كما في الشكل. بالاستعانة بالقيم المثبتة على الشكل، احسب:

(1) مقدار القوة الكهربائية التي يؤثر بها الموصل في الشحنة النقطية.

(2) مقدار المجال الكهربائي عند نقطة تبعد مسافة (3 سم) عن مركز الموصل (م).

(3) شحنة الموصل إذا تم وصله بالأرض.

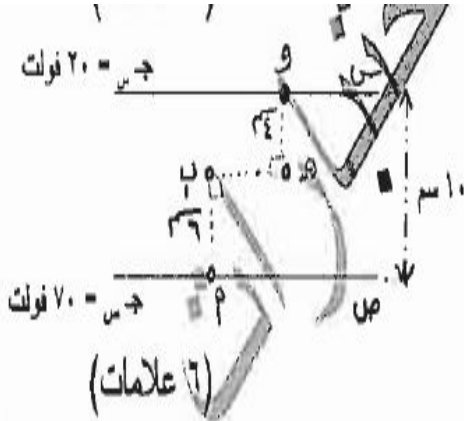
(6 علامات)

الاجابة:

Handwritten solutions for the above problems:

- 13 $F = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q_1 q_2}{r^2} = \frac{9 \times 10^9 \times 10^{-6} \times 6 \times 10^{-6}}{0.14^2} = 2.8 \text{ نيوتن}$
- 14 $F = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q_1 q_2}{r^2} = \frac{9 \times 10^9 \times 10^{-6} \times 10^{-6}}{0.1^2} = 9 \times 10^{-2} \text{ نيوتن}$
- 15 $F = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q_1 q_2}{r^2} = \frac{9 \times 10^9 \times 10^{-6} \times 10^{-6}}{0.1^2} = 9 \times 10^{-2} \text{ نيوتن}$
- 16 $F = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q_1 q_2}{r^2} = \frac{9 \times 10^9 \times 10^{-6} \times 10^{-6}}{0.1^2} = 9 \times 10^{-2} \text{ نيوتن}$
- 17 $F = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q_1 q_2}{r^2} = \frac{9 \times 10^9 \times 10^{-6} \times 10^{-6}}{0.1^2} = 9 \times 10^{-2} \text{ نيوتن}$
- 18 $F = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q_1 q_2}{r^2} = \frac{9 \times 10^9 \times 10^{-6} \times 10^{-6}}{0.1^2} = 9 \times 10^{-2} \text{ نيوتن}$

اختبر نفسك 2016



ج) يبين الشكل المجاور لوحين فلزيين متوازيين (س ، ص)،

بالاعتماد على القيم المثبتة على الشكل، احسب:

١) الجهد الكهربائي عند النقطة (ب).

٢) كثافة جسيم شحنته (2×10^{-10}) كولوم متزن عند النقطة (هـ).

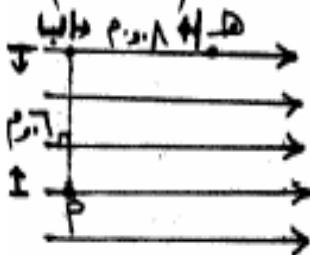
الاجابة:

38	ج) ١ - $V_a - V_b = E \cdot d = 20 \times 10^{-6} \times 0.1 = 2 \times 10^{-6} \text{ فولت}$
	٢ - $V_b - V_c = E \cdot d = 70 \times 10^{-6} \times 0.06 = 4.2 \times 10^{-6} \text{ فولت}$
	٣ - عند التوازن $q = 9 \times 10^9 \times k = 8 \times 10^{-10} \text{ كولوم}$
	٤ - $V_a - V_b = E \cdot d = 10 \times 10^{-6} \times 0.1 = 1 \times 10^{-6} \text{ فولت}$

اختبر نفسك 2008

يمثل الشكل مجالا كهربائيا منتظما مقداره (10 فولت/م) ، (أ ، ب ، هـ) نقاط واقعة داخله، اعتمادا على

(٧ علامات)



الأبعاد المبينة في الشكل :

١) احسب الشغل المبذول لنقل شحنة مقدارها (1×10^{-10}) كولوم

من هـ إلى أ بسرعة ثابتة.

٢) حدد نقطتان على الشكل فرق الجهد بينهما يساوي صفراً، فسّر ذلك.

المواسعة الكهربائية

س: وضح المقصود بالمواسعة الكهربائية, مواسعة الموصل ؟

- ✓ هي النسبة الثابتة بين شحنة الموصل وجهده.
- ✓ عبارة عن مقياس لقدرة الموصل على تخزين الشحنات الكهربائية (الطاقة)

وتعطى مواسعة الموصل :

$$C = \frac{Q}{V} = 4\pi\epsilon \cdot \frac{ش}{ج} = س$$

س: المواسعة الكهربائية, وتقاس بوحدة كولوم /فولت= فاراد.

- الفاراد: مواسعة موصل يحتاج الى 1كولوم لرفع جهده 1فولت.

س: على ماذا تعتمد مواسعة موصل ؟

- ✓ 1. أبعاده الهندسية (نق) 2. الوسط الموجود فيه الموصل.

س: علل المواسعة الكهربائية كمية فيزيائية موجبة وثابتة للموصل (مع بقاء شكله ثابت) ؟

- ✓ لأن جهد الموصل يزداد بأزدياد شحنته وبالتالي تبقى النسبة ثابتة.

س: وضح المقصود بما يلي : موصل كروي مكتوب عليه 20 ميكروفاراد؟

- ✓ أي أن الموصل يحتاج الى شحنة مقدارها 20 ميكروكولوم لرفع جهده 1فولت.

ولأن الفاراد كمية كبيرة تقاس بأجزاء صغيرة منها :

المقدار	الرمز	الوحدة
10^{-6}	$\mu . F$	ميكروفاراد
10^{-9}	$n . F$	نانو فاراد
10^{-12}	$P.F$	بيكو فاراد

❖ المواسعة كمية غير متجهة.

❖ المواسعة دائما موجبا , لأنه اذا كان الموصل سالب الشحنة فإن جهده يكون أيضا

سالبا , واذا كان موجبا فإن جهده يكون موجبا وفي كلا الحالتين فإن ناتج القسمة

حسب المعادلة يكون موجبا.

❖ المواسعة الكهربائية لا تعتمد على مقدار شحنة الموصل.

المواسع الكهربائي:

- المواسع الكهربائي: جهاز يستخدم لتخزين الشحنات الكهربائية.
 - يتكون المواسع من موصلين تفصل بينهما مادة عازلة مثل الهواء, البلاستيك...
 - تستخدم المواسعات في الدارات الكهربائية والألكترونية كدارات الأرسال والاستقبال في الأذاعة والتلفزيون.
 - الهدف من استخدام المواسعات تخزين الشحنة الكهربائية مدة من الزمن.
 - تقاس مواسعة المواسع عن طريق شحن أحد الموصلين بشحنة موجبة (ش) والآخر بشحنة سالبة مماثلة (-ش) ثم يقاس فرق الجهد بينهما.
 - تمتاز المواسعات بأشكال عديدة أهمها أنه : كروي , اسطواني, ذو اللوحين المتوازيين.
- س: فسر ما يلي :

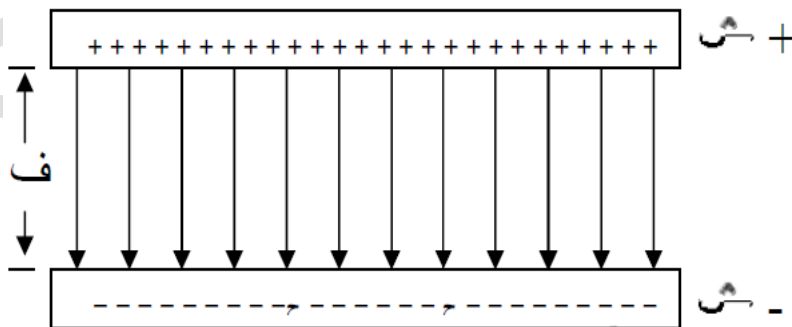
1. مواسعة المواسع لا تعتمد على كل من شحنته وجهده ؟
✓ لأنه بأزدياد الشحنة على المواسع يزداد فرق الجهد بين الموصلين فتبقى النسبة (س) ثابتة.
 2. الشحنات الكلية على المواسع تساوي صفرا.
✓ لأنها متساوية في المقدار ومختلفة في نوع الشحنة على الموصلين .
- مثال(1) موصل كروي فرق الجهد بينه وبين الأرض يبلغ 60 فولت عندما شحن بشحنة مقدارها 3 ميكروكولوم , ما مواسعة الموصل ؟

الحل:

$$س = \frac{ش}{ج} = 10 \times 3 / 60 = 5 \times 10^{-8} \text{ فاراد ويساوي بوحدة ميكروفاراد } 0.05$$

المواسع الكهربائي ذو اللوحين المتوازيين:

يتألف من لوحين متوازيين , مساحة كل منهما (أ) أحدهما مشحون بشحنة موجبة (ش) والآخر مشحون بشحنة سالبة مماثلة (-ش) وتفصل بينهما مسافة (ف) تعد صغيرة جدا مقارنة بأبعاد اللوحين كما يوضح الشكل :



تعطى مواسعة المواسع الكهربائي ذو اللوحين المتوازيين بالعلاقة التالية :

$$\epsilon_s = \frac{\epsilon_a}{f}$$

• تعتمد مواسعة المواسع ذو اللوحين على :

1. مساحة اللوحين (أ) ... طرديا
2. البعد بين اللوحين (ف) .. عكسي
3. طبيعة الوسط بين اللوحين (ε) .

• تقسم المواسعات الى نوعين:

1. مواسعة ثابتة القيمة: ويرمز لها بالرمز ϵ_s
2. مواسعة متغيرة القيمة: ويرمز لها بالرمز ϵ_r

س: كيف يمكن صنع مواسع متغير المواسع ؟

✓ من خلال تغير أبعاده الهندسية.

س: هل المواسعة يمكن أن تكون سالبة ؟

✓ لا يمكن , دائما المواسعة الكهربائية تكون موجبة.

س: تكون المسافة بين لوحين المواسع صغيرة جدا مقارنة بأبعادها ؟

✓ لكي تكون سعة الموصل كبيرة حيث أن العلاقة بين المواسعة والمسافة الفاصلة تعطى

$$\text{بالعلاقة } (\epsilon_s = \frac{\epsilon_a}{f}).$$

مثال (2) مواسع كهربائي ذو لوحين متوازيين , مساحة كل منهما 100 سم² , والمسافة بينهما 1 مم . وصل لوحاه بفرق جهد مقداره 120 فولت , فأحسب:

1. مواسعة المواسع

2. الشحنة التي يخترنها.

3. المجال الكهربائي في الحيز بين اللوحين.

الحل:

$$1. \epsilon_s = \frac{\epsilon_a}{f} = \frac{10 \times 10^{-4} \times 8.85 \times 10^{-12}}{10 \times 10^{-3}} = 8.85 \times 10^{-11} \text{ فاراد}$$

$$2. \text{س} = \frac{\text{ش}}{\text{ج}} = \text{ش} = \text{س} \text{ ج} = 8.85 \times 120 = 10 \times 10^{11} = 1.06 \times 10^8 \text{ كولوم.}$$

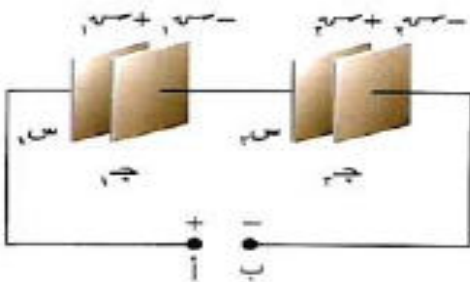
$$3. \text{م} = \frac{\text{ف}}{\text{ج}} = \text{ف} = \text{م} \text{ ج} = (10 \times 1/120) = 1.2 \times 10^5 \text{ فولت / م.}$$

توصيل المواسعات:

التوصيل على التوالي:

يوضح الشكل مواسعين موصلين مع بطارية تقوم البطارية بشحن اللوح الأيسر للمواسع الأول بشحنة موجبة, وبشحن اللوح الأيمن للمواسع الثاني بشحنة سالبة مماثلة وبذلك قد يكون وصل اللوح السالب للمواسع الأول باللوح الموجب للمواسع الثاني مما يجعل الشحنة على كلا المواسعين متساوية .

لو افترضنا أن المواسعين مختلفان في المواسعة فإن الجهد الكهربائي لكل منهما يختلف عن الآخر على الترتيب غير أن مجموع جهديهما يساوي جهد البطارية .



$$\text{ج} = \text{ج}_1 + \text{ج}_2 + \dots$$

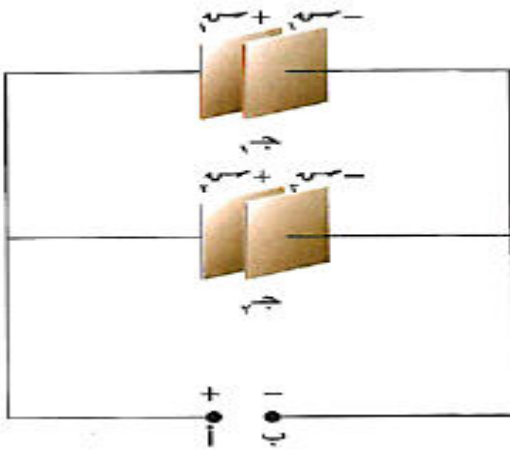
$$\text{وحيث أن ش} = \text{ش}_1 = \text{ش}_2$$

فإن العلاقة تصبح :

$$\dots + \frac{1}{2\text{س}} + \frac{1}{1\text{س}} = \frac{1}{\text{س}}$$

التوصيل على التوازي:

من خلال الرسم إذا تم وصل مواسعان فإن البطارية تقوم بشحن اللوح الأيسر لكلا المواسعين بشحنة موجبة, واللوح الأيمن لكليهما بشحنة سالبة مماثلة, وبذلك يكون قد وصل اللوحان الموجبان معا واللوحان السالبان معا مما يجعل الجهد على كلا المواسعين متساويا.



نلاحظ أن التوصيل على التوازي تتوزع فيه الشحنة : ش=ش₁+ش₂+.....

ويبقى الجهد متساوي :

$$ج = ج_1 = ج_2 = \dots$$

وبالتالي فإنه يتم حساب المواسعة المكافئة :

$$س = س_1 + س_2 + س_3 + \dots$$

س: فسر ما يلي:

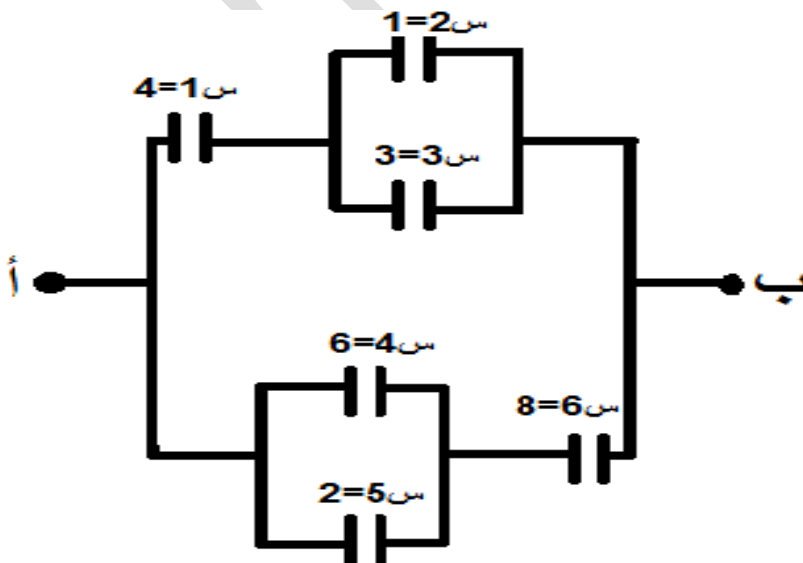
1. الشحنة على المواسعات الموصولة على التوالي متساوية.

✓ لأن اللوح السالب للمواسع الأول متصل مع اللوح الموجب للمواسع الثاني واللوحة الموجب للمواسع الثاني متصل باللوحة السالب للمواسع الثالث وهكذا..

2. الجهد على المواسعات الموصولة على التوازي متساوية.

✓ لأن الألواح السالبة توصل معا والألواح الموجبة معا.

مثال(3) وصلت مجموعة من المواسعات على النحو المبين في الشكل إذا كان فرق الجهد بين النقطتين (أ،ب) = 48 فولت فجد ما يأتي:



1. الموسعة المكافئة لمجموعة المواسعات.

2. فرق الجهد بين طرفي كل مواسع وشحنته. (علما بأن قيم المواسعات في الشكل بوحدة ميكروفاراد)

الحل:

1. لأحظ أن المواسعين (س₂, س₃) موصولان على التوازي وكذلك المواسعين (س₄, س₅) لذا تكون الموسعة المكافئة لكل منهما:

$$س_{32} = 3 + 1 = 4 \text{ ميكروفاراد}$$

$$س_{54} = 6 + 2 = 8 \text{ ميكروفاراد}$$

نجد أن المواسعين (س₁, س₃₂) موصولان على التوالي وكذلك المواسعين (س₆, س₅₄)

ومنها س₃₂₁ = 2 ميكروفاراد وكذلك س₅₄₆ = 4 ميكروفاراد وبالاخير تحسب الموسعة على التوازي فنجد أنها س مكافئة = 6 ميكروفاراد.

$$2. \text{ ش مكافئة} = س \text{ مكافئة} \Rightarrow 6 - 10 \times 288 = 48 \times 6 - 10 \times 6$$

اختصارا للحل فكر جيدا بطريقة الحل.

$$\text{وبالاخير نحصل على جهد ج} = 24 \text{ ج} = 1 \text{ ج} = 2 \text{ ج} = 3 \text{ ج} = 4 \text{ ج} = 5 \text{ ج} = 6 \text{ ج} \neq$$

ملاحظات هامة جدا :

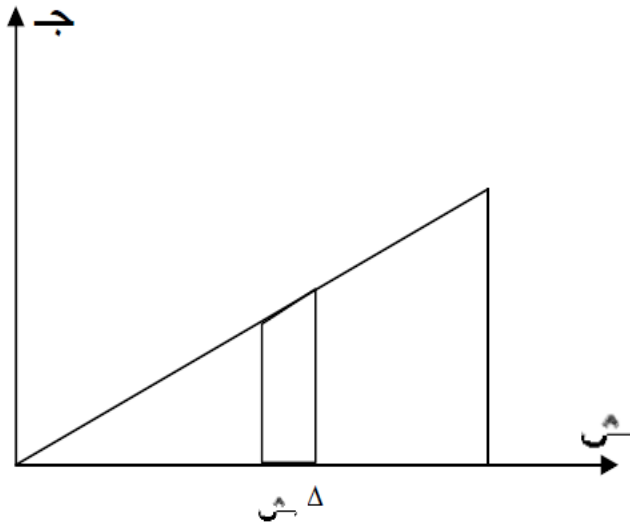
- ⊕ في توصيلة التوالي يتوزع الجهد فالمواسع ذو القيمة الأكبر يكون له الجهد الأقل .
- ⊕ تكون الموسعة المكافئة للمواسعات الموصولة على التوالي أقل من أقل موسعة .
- ⊕ في توصيلة التوازي تتوزع الشحنة فالمواسع ذو الموسعة الأكبر تكون له الشحنة الأكبر.
- ⊕ تكون الموسعة المكافئة للمواسعات الموصولة على التوازي أكبر من أكبر موسعة .
- ⊕ عندما تكون التوصيلة توالي تبدأ بالشحنة ثم الجهد
- ⊕ عندما تكون التوصيلة توازي تبدأ بالجهد ثم تنتقل للشحنة .

الطاقة المخزنة في المواسع:

- ❖ عند شحن مواسع فإن طاقة الوضع تختزن فيه.
- ❖ يتطلب شحن المواسع زمنا تنمو خلاله الشحنة عليه ومع نمو الشحنة يزداد جهد المواسع.
- ❖ أن الشحنة على المواسع خلال عملية شحنه تزداد خطيا مع جهده .
- ❖ يلزم شغل (تقوم به البطارية) لأضافة مزيد من الشحنات على المواسع .
- ❖ يخزن هذا الشغل في المواسع على شكل طاقة وضع كهربائية تعطى الطاقة الكهربائية المخزنة في المواسع بالعلاقة :

$$ط = شغل = \frac{1}{2} ش ج = \frac{1}{2} س ج^2 = \frac{1}{2} \frac{ش^2}{س}$$

وتمثل العلاقة بيانيا:



مثال(4) مواسع مواسعته 2 ميكروفاراد , وصل بفرق جهد 30 فولت اذا علمت أن المسافة بين لوحيه 1مم فأحسب:

1. الطاقة الكهربائية المخزنة في المواسع.

2. الشحنة على المواسع

3. المجال الكهربائي بين لوحيه .

الحل:

1. ط = $\frac{1}{2}$ س ج = $\frac{1}{2} = 2 \times 10^{-6} \times 2 \times (30) = 2 \times 10^{-4}$ جول.
2. ش = س ج = $2 \times 10^{-6} \times 30 = 60 \times 10^{-6}$ كولوم = 60 ميكروكولوم
3. م = $\frac{3}{ف} = \frac{3}{10^{-3}} = 3 \times 10^3$ فولت/م. \neq

أمثلة متنوعة على المواسعات :

مثال (1)

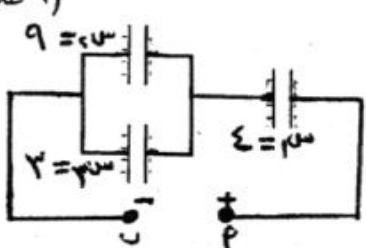
صيفي ٢٠٠٧

ج) يبين الشكل المجاور مجموعة من المواسعات الموصولة معاً، وقيم مواسعاتها معطاة بالميكروفاراد، فإذا كانت شحنة المواسع (س) = (120×10^{-6}) كولوم.

فاحسب ما يأتي :

(١) المواسعة المكافئة للمجموعة.

(٢) فرق الجهد (جـ ا ب).

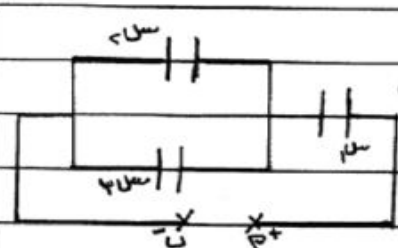


الحل:

١- (س، س) متوازي، $س = س١ + س٢ + س٣ = ٩ + ٣ + ٦ = ١٨$ ميكرو فاراد.

٢- (س، س) متوالي ساهم = $\frac{١٢ \times ٤}{١٦} = ٣$ ميكرو فاراد.

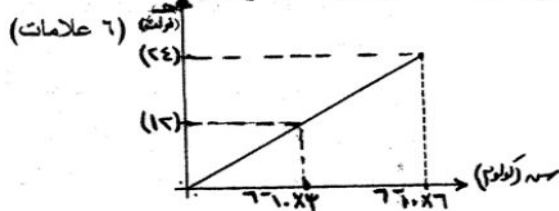
٣- $س = \frac{ق}{م} = \frac{١٢٠ \times ١٠^{-٦}}{٣} = ٤٠ \times ١٠^{-٦}$ كولوم = ٤٠ فولت.



مثال (2)

شتوي ٢٠٠٧

- ج) وصل مواسع كهربائي ذو لوحين متوازيين البعد بينهما (٢) $\times 10^{-3}$ م ، بفرق جهد مقداره (٢٤) فولت حتى شحن كلياً، اعتماداً على الرسم البياني المجاور، الذي يمثل العلاقة بين جهد المواسع وشحنه.
- احسب ما يأتي :



- (١) مواسعة المواسع الكهربائي.
- (٢) الطاقة الكهربائية المخزنة في المواسع.
- (٣) المجال الكهربائي بين لوحي المواسع.

السؤال الثاني : (١٨ علامة)

(٤ علامات)



- (١) موصل مشحون بشحنة كهربائية ومعزول، (س) نقطة داخله،
- و (ص) نقطة على سطحه كما في الشكل. أثبت أن (جس = جس).

Handwritten calculations for Example 6:

$$\text{① } 10^{-6} \times 10^{-6} = 10^{-12} \text{ كولوم}$$

$$\text{② } 10^{-6} \times 10^{-6} = 10^{-12} \text{ كولوم}$$

$$\text{③ } 10^{-6} \times 10^{-6} = 10^{-12} \text{ كولوم}$$

$$\text{④ } 10^{-6} \times 10^{-6} = 10^{-12} \text{ كولوم}$$

$$\text{⑤ } 10^{-6} \times 10^{-6} = 10^{-12} \text{ كولوم}$$

$$\text{⑥ } 10^{-6} \times 10^{-6} = 10^{-12} \text{ كولوم}$$

$$\text{⑦ } 10^{-6} \times 10^{-6} = 10^{-12} \text{ كولوم}$$

$$\text{⑧ } 10^{-6} \times 10^{-6} = 10^{-12} \text{ كولوم}$$

مثال (6)

صيفي ٢٠١٠

في الشكل، إذا علمت أن شحنة س = (360×10^{-6}) كولوم، احسب :
 (١) السعة المكافئة للمجموعة. (٢) فرق الجهد (٢ ب). (٣) علاماته (٥)



Handwritten calculations for Example 7:

$$\text{① } 360 \times 10^{-6} = 360 \mu\text{C}$$

$$\text{② } 360 \times 10^{-6} = 360 \mu\text{C}$$

$$\text{③ } 360 \times 10^{-6} = 360 \mu\text{C}$$

$$\text{④ } 360 \times 10^{-6} = 360 \mu\text{C}$$

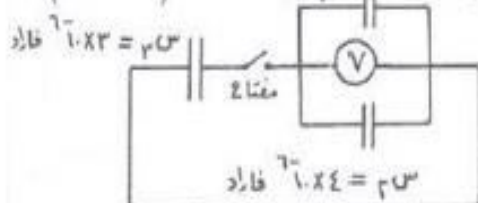
$$\text{⑤ } 360 \times 10^{-6} = 360 \mu\text{C}$$

مثال (7)

شتوي ٢٠١٠

ب) بين الشكل ثلاث مواسعات : (س١، س٢، س٣) مشحونين، والمواسع (س٤) غير مشحون. فإذا كانت قراءة

الفولتمتر (V) والمفتاح (ج) مفتوح تساوي (٢٠) فولت. احسب : (١) علاماته (٨)



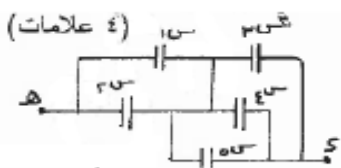
(٢) قراءة الفولتمتر (V) بعد غلق المفتاح.

$U = 1, U_1 = 1, U_2 = 1, U_3 = 1$
 $(1) \quad (c_1) \cdot (1 \cdot x) = \Delta$
 $(1) \quad c_1 \cdot x = \dots$
 قراءة (7) تيار المصدر الكلي بعد دلتا المختار.
 $(1) \quad \dots = \dots$
 $(1) \quad \dots = \dots$
 $(1) \quad \dots = \dots$
 $(1) \quad \dots = \dots$
 $(1) \quad \dots = \dots$
 $(1) \quad \dots = \dots$

مثال (8)

شتوي 2011

(أ) احسب المواسعة المكافئة لمجموعة المواسعات بين النقطتين (د، هـ) علماً أنها متساوية وقيمة كل منها (2) مايكرو فاراد.



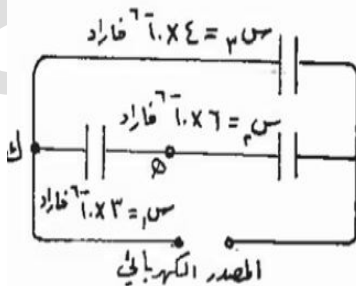
$(1) \quad \Delta \quad \mu F \quad \Sigma = C + C = \dots$
 $(1) \quad \mu F \quad \Sigma = C + C + C = \dots$
 $(1) \quad \mu F \quad \Sigma = \frac{6 \times 4}{6 + 4} = \dots$

مثال (9) صيفي 2011

(ب) اعتماداً على البيانات المبينة على الشكل المجاور، وإذا علمت أن جهد (هـ ك) = 20 فولت، (7 علامات)

احسب: (1) فرق الجهد بين طرفي المصدر الكهربائي.

(2) الطاقة المخزنة في المواسع (س3).



١- جهد المصدر = جهد (س) + جهد (س٢) .

١- $1 = 1 + 1 = 2$ فولت

٢- $1 \times 1 = 1$ كولوم

٣- $1 \times 1 = 1$ كولوم

٤- $1 \times 1 = 1$ كولوم

٥- $1 \times 1 = 1$ كولوم

٦- $1 \times 1 = 1$ كولوم

٧- $1 \times 1 = 1$ كولوم

٨- $1 \times 1 = 1$ كولوم

٩- $1 \times 1 = 1$ كولوم

١٠- $1 \times 1 = 1$ كولوم

١١- $1 \times 1 = 1$ كولوم

١٢- $1 \times 1 = 1$ كولوم

١٣- $1 \times 1 = 1$ كولوم

١٤- $1 \times 1 = 1$ كولوم

١٥- $1 \times 1 = 1$ كولوم

١٦- $1 \times 1 = 1$ كولوم

١٧- $1 \times 1 = 1$ كولوم

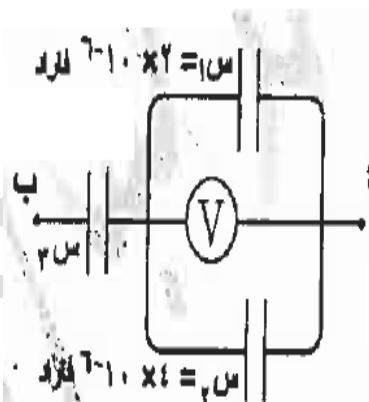
١٨- $1 \times 1 = 1$ كولوم

١٩- $1 \times 1 = 1$ كولوم

٢٠- $1 \times 1 = 1$ كولوم

مثال (10) صيفي 2012

ج) معتمداً على البيانات المثبتة على الشكل، وإذا علمت أن ج_{أب} = ٢٠ فولت،



وقراءة الفولتميتر (V) = (٨) فولت، احسب:

١- الشحنة على كل من المواسعين (س١، س٢).

٢- مواسعة المواسع (س٢).

الفرد (٩) $17 = 8 + 9 = 17$ س = $17 \times 16 = 272$ كولوم

٦ $17 = 8 + 9 = 17$ س = $17 \times 24 = 408$ كولوم

٢٧ (٩) $17 \times 24 = 17 \times 24 + 17 \times 16 = 408 + 272 = 680$ كولوم

٣٧ = ٣٥ - ٢ = ٣٣ فولت

٣٧ = ٣٥ - ٢ = ٣٣ فولت

٣٧ = $\frac{17 \times 24}{12} = \frac{408}{12} = 34$ س

مثال (11) صيفي 2013 (اختبر نفسك)

ب) وصلت ثلاثة مواسعات كهربائية كما في الشكل المجاور، إذا علمت أن فرق الجهد بين النقطتين (٩، ١٠) يساوي (٢٠) فولت عندما كان المفتاح (ح) مفتوحاً، والمواسعان س١، س٢ غير مشحونين. عند إغلاق المفتاح (ح) احسب:

١- المواسعة المكافئة للمواسعات. ٢- شحنة المواسع (س١).

٩ علامات

الاجابة:

١- $C_{eq} = \frac{C_1 \times C_2}{C_1 + C_2} = \frac{3 \times 4}{3 + 4} = \frac{12}{7}$ س

٢- $Q = C \times V = 3 \times 20 = 60$ كولوم

٣- $Q = C \times V = 4 \times 20 = 80$ كولوم

٤- $Q = C \times V = 3 \times 20 = 60$ كولوم

٥- $Q = C \times V = 4 \times 20 = 80$ كولوم

٦- $Q = C \times V = 3 \times 20 = 60$ كولوم

٧- $Q = C \times V = 4 \times 20 = 80$ كولوم

٨- $Q = C \times V = 3 \times 20 = 60$ كولوم

٩- $Q = C \times V = 4 \times 20 = 80$ كولوم

١٠- $Q = C \times V = 3 \times 20 = 60$ كولوم

١١- $Q = C \times V = 4 \times 20 = 80$ كولوم

١٢- $Q = C \times V = 3 \times 20 = 60$ كولوم

١٣- $Q = C \times V = 4 \times 20 = 80$ كولوم

١٤- $Q = C \times V = 3 \times 20 = 60$ كولوم

١٥- $Q = C \times V = 4 \times 20 = 80$ كولوم

١٦- $Q = C \times V = 3 \times 20 = 60$ كولوم

١٧- $Q = C \times V = 4 \times 20 = 80$ كولوم

١٨- $Q = C \times V = 3 \times 20 = 60$ كولوم

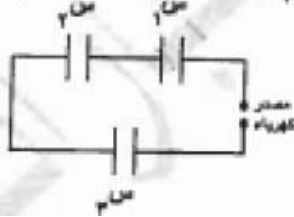
١٩- $Q = C \times V = 4 \times 20 = 80$ كولوم

٢٠- $Q = C \times V = 3 \times 20 = 60$ كولوم

مثال (12) شتوي 2013

ب) ثلاثة مواسعات كهربائية متماثلة، المواسعة الكهربائية لكل منها (6×10^{-10}) فاراد، تتصل معاً كما في الشكل، فإذا كانت شحنة المواسع (س) تساوي (12×10^{-10}) كولوم،

(7 علامات)



احسب :

(1) الطاقة الكهربائية المخزنة في المواسع (س).

(2) فرق الجهد بين طرفي المصدر.

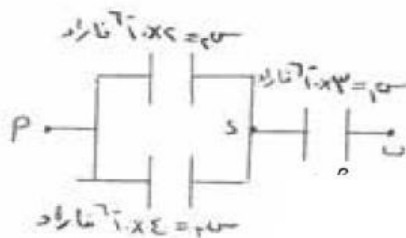
الاجابة:

1- $U = \frac{Q^2}{2C} = \frac{(12 \times 10^{-10})^2}{2 \times 6 \times 10^{-10}} = 1.2 \times 10^{-9} \text{ جول}$

2- $C = \frac{Q}{U} = \frac{12 \times 10^{-10}}{1.2 \times 10^{-9}} = 10 \text{ فولت}$

وبما ان المواسعات متماثلة وكلها متساوية
 ∴ مجموع المصدر = $3 \times 10 = 30 \text{ فولت}$
 ا.م.م. = $30 = 10 + 10 + 10$ فولت

مثال (13) شتوية 2014



(7 علامات)

(أ) معتمداً على الشكل المجاور وبياناته. إذا كان فرق الجهد بين النقطتين (ب ، د) يساوي (10) فولت، فأحسب:

1- المواسعة المكافئة لمجموعة المواسعات.

2- فرق الجهد بين النقطتين (أ ، د).

3- الطاقة المخزنة في المواسع (س).

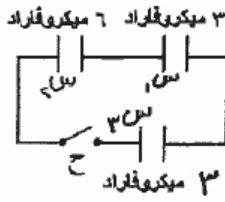
الاجابة:

1- $C_{eq} = \frac{1}{\frac{1}{2} + \frac{1}{3} + \frac{1}{4} + \frac{1}{5} + \frac{1}{6} + \frac{1}{7} + \frac{1}{8} + \frac{1}{9} + \frac{1}{10} + \frac{1}{11} + \frac{1}{12} + \frac{1}{13} + \frac{1}{14} + \frac{1}{15} + \frac{1}{16} + \frac{1}{17} + \frac{1}{18} + \frac{1}{19} + \frac{1}{20}} = 0.1 \text{ فاراد}$

2- $U_{AD} = 10 \text{ فولت}$

3- $U = \frac{Q^2}{2C} = \frac{(10 \times 10^{-10})^2}{2 \times 0.1} = 5 \times 10^{-10} \text{ جول}$

مثال (14) صيفي 2014



أ) معتمداً على الشكل المجاور وبياناته، إذا كان فرق الجهد الكهربائي بين طرفي المواسع س_٢ يساوي (٢٠) فولت قبل إغلاق المفتاح (ح)، والمواسعين س_١، س_٢ غير مشحونين.

احسب بعد إغلاق المفتاح (ح) :

١- الشحنة الكهربائية لكل مواسع. ٢- الطاقة الكهربائية المختزنة في المواسع (س_٢). (٧ علامات)

الاجابة:

سؤال الثاني (٢٢) اشتان و و

١- قبل إغلاق المفتاح

$$Q_1 = C_1 \times V = 3 \times 20 = 60 \text{ م.ك.ف}$$

$$Q_2 = C_2 \times V = 6 \times 20 = 120 \text{ م.ك.ف}$$

٢- بعد إغلاق المفتاح (ح)

$$Q_1 = C_1 \times V_1 = 3 \times V_1$$

$$Q_2 = C_2 \times V_2 = 6 \times V_2$$

$$Q_3 = C_3 \times V_3 = 3 \times V_3$$

$$Q_4 = C_4 \times V_4 = 3 \times V_4$$

٣- الطاقة المختزنة في المواسع (س_٢)

$$W = \frac{1}{2} C_2 V_2^2 = \frac{1}{2} \times 6 \times V_2^2$$

٤- الشحنة الكهربائية لكل مواسع

$$Q_1 = C_1 \times V_1 = 3 \times V_1$$

$$Q_2 = C_2 \times V_2 = 6 \times V_2$$

$$Q_3 = C_3 \times V_3 = 3 \times V_3$$

$$Q_4 = C_4 \times V_4 = 3 \times V_4$$

٥- الطاقة المختزنة في المواسع (س_٢)

$$W = \frac{1}{2} C_2 V_2^2 = \frac{1}{2} \times 6 \times V_2^2$$

٦- الشحنة الكهربائية لكل مواسع

$$Q_1 = C_1 \times V_1 = 3 \times V_1$$

$$Q_2 = C_2 \times V_2 = 6 \times V_2$$

$$Q_3 = C_3 \times V_3 = 3 \times V_3$$

$$Q_4 = C_4 \times V_4 = 3 \times V_4$$

٧- الطاقة المختزنة في المواسع (س_٢)

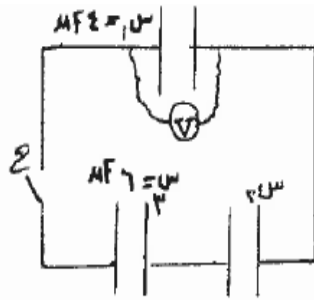
$$W = \frac{1}{2} C_2 V_2^2 = \frac{1}{2} \times 6 \times V_2^2$$

مثال (15) 2015 شتوية

ثانياً: مواسع كهربائي موسعته الكهربائية (٦) ميكروفاراد، وفرق الجهد الكهربائي بين لوحيه (٣٠) فولت. وُصل طرفيه بطرفي مواسع آخر غير مشحون فانخفض جهد المواسع الأول إلى (١٢) فولت. احسب ما يأتي:

- الموسعة الكهربائية للمواسع الثاني.
- مقدار النقص في الطاقة المختزنة للمجموعة، مفسراً ذلك.

مثال (17) شتوي 2016



(ب) وصلت ثلاثة مواسعات كهربائية كما في الشكل المجاور، فإذا علمت أنه عندما كان المفتاح (ح) مفتوحًا كانت قراءة الفولتميتر (V) تساوي (10) فولت، وكان (س، 3س) غير مشحونين، وبعد غلق المفتاح (ح) أصبحت قراءة الفولتميتر (V) تساوي (10) فولت. احسب مقدار المواسعة الكهربائية للمواسع (س، 2س).

(5 علامات)

الاجابة:

1) بعد غلق المفتاح

2) قبل غلق المفتاح

3) (س، 3س) غير مشحونين

4) (س، 3س) مشحونين

5) (س، 3س) غير مشحونين

6) (س، 3س) مشحونين

7) (س، 3س) غير مشحونين

8) (س، 3س) مشحونين

9) (س، 3س) غير مشحونين

10) (س، 3س) مشحونين

11) (س، 3س) غير مشحونين

12) (س، 3س) مشحونين

13) (س، 3س) غير مشحونين

14) (س، 3س) مشحونين

15) (س، 3س) غير مشحونين

16) (س، 3س) مشحونين

17) (س، 3س) غير مشحونين

18) (س، 3س) مشحونين

19) (س، 3س) غير مشحونين

20) (س، 3س) مشحونين

21) (س، 3س) غير مشحونين

22) (س، 3س) مشحونين

23) (س، 3س) غير مشحونين

24) (س، 3س) مشحونين

25) (س، 3س) غير مشحونين

26) (س، 3س) مشحونين

27) (س، 3س) غير مشحونين

28) (س، 3س) مشحونين

29) (س، 3س) غير مشحونين

30) (س، 3س) مشحونين

31) (س، 3س) غير مشحونين

32) (س، 3س) مشحونين

33) (س، 3س) غير مشحونين

34) (س، 3س) مشحونين

35) (س، 3س) غير مشحونين

36) (س، 3س) مشحونين

37) (س، 3س) غير مشحونين

38) (س، 3س) مشحونين

39) (س، 3س) غير مشحونين

40) (س، 3س) مشحونين

41) (س، 3س) غير مشحونين

42) (س، 3س) مشحونين

43) (س، 3س) غير مشحونين

44) (س، 3س) مشحونين

45) (س، 3س) غير مشحونين

46) (س، 3س) مشحونين

47) (س، 3س) غير مشحونين

48) (س، 3س) مشحونين

49) (س، 3س) غير مشحونين

50) (س، 3س) مشحونين

51) (س، 3س) غير مشحونين

52) (س، 3س) مشحونين

53) (س، 3س) غير مشحونين

54) (س، 3س) مشحونين

55) (س، 3س) غير مشحونين

56) (س، 3س) مشحونين

57) (س، 3س) غير مشحونين

58) (س، 3س) مشحونين

59) (س، 3س) غير مشحونين

60) (س، 3س) مشحونين

61) (س، 3س) غير مشحونين

62) (س، 3س) مشحونين

63) (س، 3س) غير مشحونين

64) (س، 3س) مشحونين

65) (س، 3س) غير مشحونين

66) (س، 3س) مشحونين

67) (س، 3س) غير مشحونين

68) (س، 3س) مشحونين

69) (س، 3س) غير مشحونين

70) (س، 3س) مشحونين

71) (س، 3س) غير مشحونين

72) (س، 3س) مشحونين

73) (س، 3س) غير مشحونين

74) (س، 3س) مشحونين

75) (س، 3س) غير مشحونين

76) (س، 3س) مشحونين

77) (س، 3س) غير مشحونين

78) (س، 3س) مشحونين

79) (س، 3س) غير مشحونين

80) (س، 3س) مشحونين

81) (س، 3س) غير مشحونين

82) (س، 3س) مشحونين

83) (س، 3س) غير مشحونين

84) (س، 3س) مشحونين

85) (س، 3س) غير مشحونين

86) (س، 3س) مشحونين

87) (س، 3س) غير مشحونين

88) (س، 3س) مشحونين

89) (س، 3س) غير مشحونين

90) (س، 3س) مشحونين

91) (س، 3س) غير مشحونين

92) (س، 3س) مشحونين

93) (س، 3س) غير مشحونين

94) (س، 3س) مشحونين

95) (س، 3س) غير مشحونين

96) (س، 3س) مشحونين

97) (س، 3س) غير مشحونين

98) (س، 3س) مشحونين

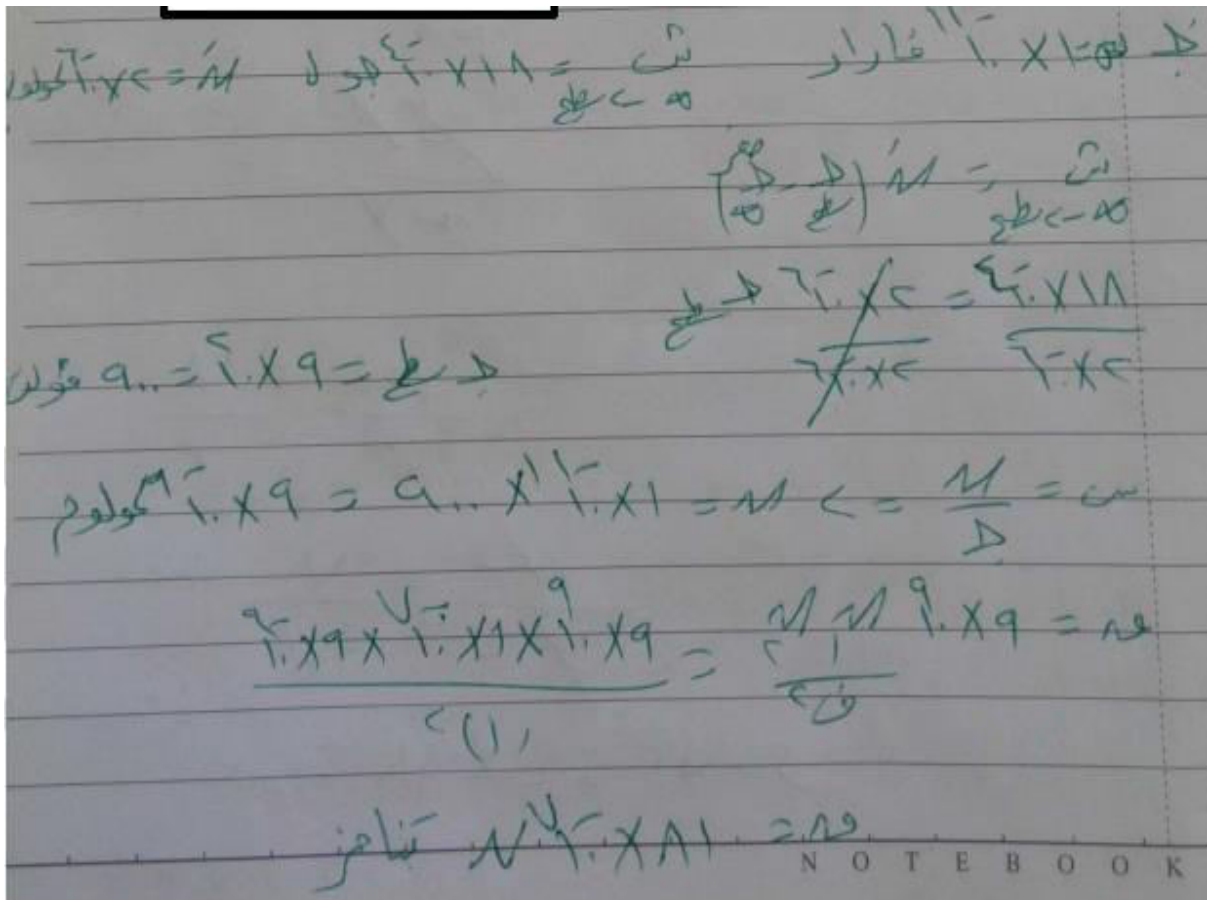
99) (س، 3س) غير مشحونين

100) (س، 3س) مشحونين

مثال (18) صيفي 2016

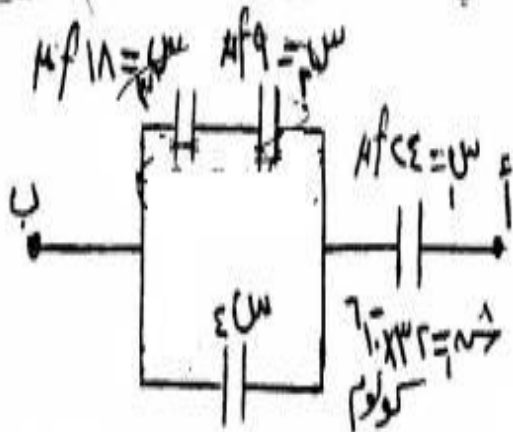
موصل كروي مشحون وموضوع في الهواء مواسعته الكهربائية (1 × 10⁻¹⁰) فـراد، فإذا علمت أن الشغل اللازم لنقل شحنة مقدارها (2 × 10⁻¹⁰) كولوم من اللامتناهية إلى سطح الموصل يساوي (18 × 10⁻¹⁰) جول. احسب القوة الكهربائية التي يؤثر بها الموصل في شحنة نقطية مقدارها (1 × 10⁻⁷) كولوم تبعد عن مركزه (1) م.

الاجابة:



مثال (19) صيفي 2016

وصلت مجموعة من المواسعات الكهربائية مع بعضها كما في الشكل المجاور، فإذا علمت أن فرق الجهد



الكهربائي بين النقطتين (أ، ب) يساوي (٤) فولت،

وبالاعتماد على القيم المثبتة على الشكل، احسب :

(١) الشحنة الكلية في مجموعة المواسعات.

(٢) مقدار المواسعة الكهربائية (س).

إذا أصبح فرق الجهد بين لوحى المواسع 42 فولت (مع بقاء المواسعة ثابتة) فكم تصبح الطاقة المخزنة فيه .

الحل :

$$(أ) \text{ س} = \frac{\sqrt{C}}{C} = \frac{\sqrt{10 \times 10^{-6}}}{10 \times 10^{-6}} = \frac{10^{-2}}{10^{-5}} = 10^3 \text{ فاراد} = 1000 \text{ ميكروفاراد}.$$

$$(ب) \text{ س} = \frac{Q}{V} = \frac{10 \times 10^{-6} \times 12}{10 \times 10^{-6} \times 8,85} = \frac{12}{8,85} = 1,35 \text{ فولت}.$$

$$(ج) \sigma = \frac{Q}{A} = \frac{10 \times 10^{-6}}{10 \times 10^{-6}} = 1 \text{ كولوم/م}^2.$$

$$(د) \text{ م} = \frac{\sigma}{\epsilon_0} = \frac{1}{8,85 \times 10^{-12}} = 1,13 \times 10^{11} \text{ نيوتن/كولوم}.$$

$$\text{أوم} = \frac{C}{Q} = \frac{10 \times 10^{-6}}{10 \times 10^{-6} \times 1,35} = \frac{1}{1,35} = 0,74 \text{ فولت/م}.$$

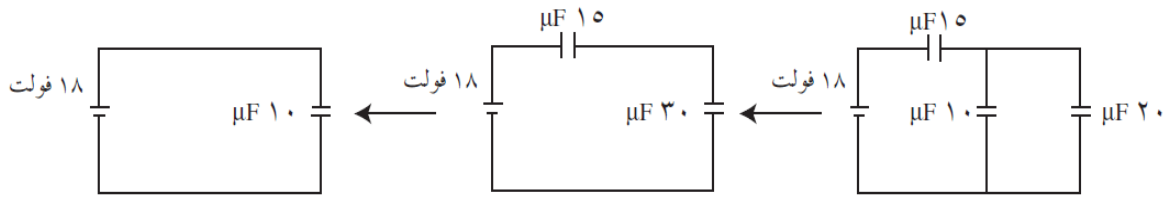
$$(هـ) \text{ ط} = \frac{1}{2} \sqrt{C} = \frac{1}{2} \sqrt{10 \times 10^{-6}} = \frac{1}{2} \times 10^{-2} = 5 \times 10^{-3} \text{ جول}.$$

$$(و) \text{ ط} = \frac{1}{2} \text{ س} \text{ ج}^2 = \frac{1}{2} \times 10 \times 10^{-6} \times 12^2 = 7,2 \times 10^{-5} \text{ جول}.$$

مثال (22) ما الطاقة المخزنة في المواسع 10 ميكروفاراد كما في الشكل :



(١٦)



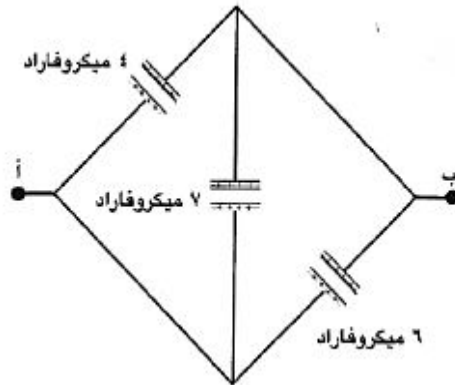
$$\leftarrow \text{كثافة س مكافئة} = \frac{18 \times 10}{10 \times 10} = 18 \times 10^{-6} \text{ كولوم} = 18 \mu\text{F}$$

$$\text{ج. } \mu\text{F} 20 = \frac{18 \times 10}{10 \times 30} = \frac{18}{3} = 6 \text{ فولت} = \text{ج. } \mu\text{F} 10$$

$$\text{ط. } \mu\text{F} 10 = \frac{1}{2} \text{ س} \times \frac{1}{2} = \frac{1}{4} \text{ س} = \frac{1}{4} \times 10 \times 10^{-6} = 2.5 \times 10^{-6} \text{ جول.}$$

اختبر نفسك
وصلت مجموعة من المواسعات كما هو مبين في الشكل اذا علمت أن فرق

الجهد جـ أب = 48 فولت جـ د :



أ. المواسعة المكافئة للمجموعة.

ب. الشحنة على كل مواسع .

ج. الطاقة المخزنة في المواسع (4ميكروفاراد).

الأجابة:

أ. المواسعة المكافئة = 17 ميكروفاراد

ب.

$$\mu\text{F} 4 = 192 \text{ ميكروكولوم}$$

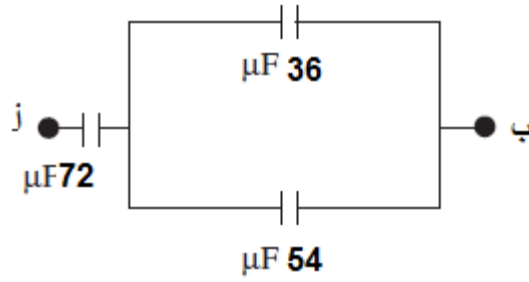
$$\mu\text{F} 6 = 2880 \text{ ميكروكولوم}$$

$$\mu\text{F} 7 = 336 \text{ ميكروكولوم}$$

$$\text{ج. } = 10 \times 4608 \text{ جول.}$$

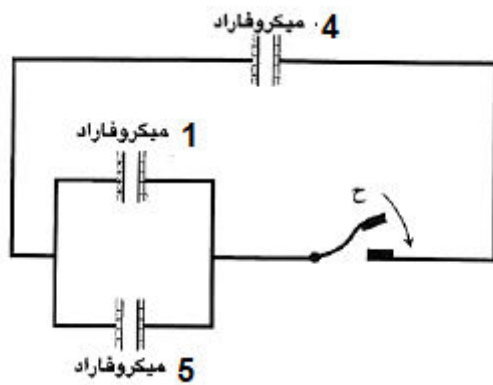
اختبر نفسك
ما الطاقة الكهربائية المخزنة في مجموعة المواسعات المبينة في الشكل علما

بان فرق الجهد بين النقطتين أ، ب يساوي 50 فولت .



الإجابة: ط = 0.05 جول ≠

اختبر نفسك
في الشكل المجاور جهد المواسع 4 ميكروفاراد يبلغ 20 فولت عندما كان المفتاح (ح) مفتوحا , والمواسع 1 و 5 ميكروفاراد غير مشحونين فما جهد المواسع 4 ميكروفاراد عند اغلاق المفتاح .وكم تصبح الشحنة على المواسعين 1 و 5 ميكروفاراد.



الأجابة :

ج = 8 فولت , ش₁ = 8 ميكروكولوم , ش₅ = 40 ميكروكولوم.

ستختفي الكثير من المشاكل إذا تعلمت كيف تواجهها والقيام بحلها بدلا من الهروب والوقوع فيها
أ.صالح البشيش