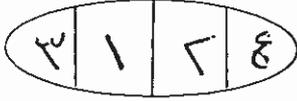




الجمهورية العربية السعودية

وزارة التربية والتعليم
إدارة الامتحانات والاختبارات
قسم الامتحانات العامة



امتحان شهادة الدراسة الثانوية العام لعام ٢٠١١ / الدورة الشتوية

(وثيقة محمية/محدود)

مدة الامتحان : $\frac{١}{٢}$: $\frac{١}{٢}$ س

اليوم والتاريخ : السبت ٢٢/١/٢٠١١

المبحث : الرياضيات/المستوى الرابع

الفرع : العلمي والإدارة المعلوماتية (المسار ٢)

ملحوظة : أحب عن الأسئلة الآتية جميعها وعددها (٦)، علماً بأن عدد الصفحات (٢).

السؤال الأول : (٢٠ علامة)

(٥ علامات)

أ) أثبت أن $\frac{\text{ظنا (لوس)}}{\text{س}} = \text{دس} = \frac{\text{لوا جا (لوس)}}{\text{س}} + ١$



ب) جد التكاملات الآتية :

(٦ علامات)

١) $\int (٢س - ١) \text{ جا } ٢س \text{ دس}$

(٩ علامات)

٢) $\int \frac{٤ |س - ١| \text{ دس}}{١س - ٢س + ٥س + ٦}$

السؤال الثاني : (١٧ علامة)

أ) إذا كان ق (س) اقتران كثير حدود، وكان ق (٠) = ٥ ، ق (س) = ٤ ، $\int ق (س) \text{ دس} = ٣$ ،

(٨ علامات)

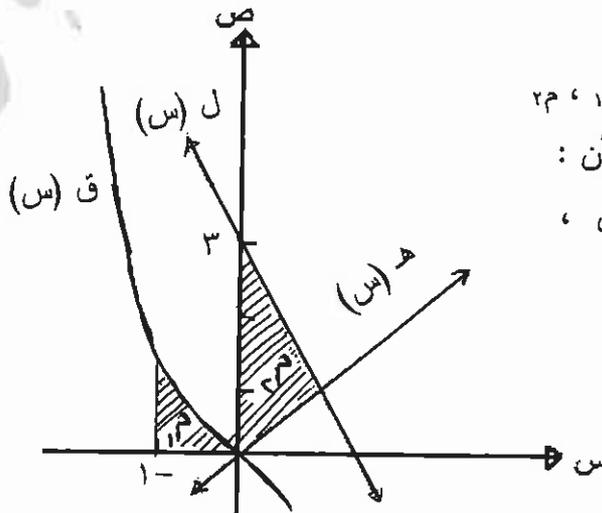
فجد قاعدة الاقتران ق (س) .

ب) جد مجموع مساحتي المنطقتين ١م ، ٢م ،

المظللتين في الشكل المجاور حيث أن :

ق (س) = -٣س ، هـ (س) = س ،

ل (س) = ٢ - ٣س .



(٩ علامات)

يتبع الصفحة الثانية ...

السؤال الثالث : (١٧ علامة)

أ) قطع ناقص معادلته $س^2 + ٢ص - ٦س + ٤ص + ٧ = ٠$ ، جد كل مما يأتي لهذا القطع :

(١) إحداثي المركز. (٢) إحداثي كل من الرأسين.

(٣) إحداثي كل من البؤرتين. (٤) الاختلاف المركزي.

ب) قطع زائد معادلته $س^2 - ٣ص + ١٨ص = ك$ ، جد قيم الثابت ك التي تجعل المحور القاطع لهذا القطع موازياً لمحور الصادات.

(٥ علامات)



السؤال الرابع : (١٥ علامة)

أ) جد معادلة الدائرة التي تمر بالنقطة (٤ ، ٢) ، ويقع مركزها في بؤرة القطع المكافئ الذي معادلته

(س + ٢) = ١٢ (ص - ٢)

ب) أثبت أنه إذا قطع مستوى مستويين متوازيين فإن خطي تقاطعه مع المستويين متوازيان. (٥ علامات)

السؤال الخامس : (١٤ علامة)

يتكون هذا السؤال من (٧) فقرات من نوع الاختيار من متعدد، يلي كل فقرة (٤) بدائل، واحد منها فقط صحيح. انقل إلى دفتر إجابتك رقم الفقرة وبجانبه رمز الإجابة الصحيحة لها :

(١) إذا كان الشكل المجاور يمثل منحنى الاقتران ق (س)

في الفترة [هـ ، و] وكانت $م = ١٤ = ٤$ وحدات مربعة،

$٢م = ٣$ وحدات مربعة ، فإن $ق (س)$ دس =

(أ) ٧ (ب) -٧

(ج) ١ (د) -١

(٢) أقل قيمة ممكنة للمقدار $ق (س + ٢ + ١)$ دس هي :

(أ) ٥٤ (ب) ٦ (ج) ١٠ (د) ٢

(٣) إذا كان م (س) ، هـ (س) اقترانان بدائيان للاقتران المتصل ق (س) فإن $ق (س) = ٢(م - هـ)$

(أ) ق (س) (ب) ق (س) (ج) صفر (د) ٢

(٤) $ق (٣س - ٢) - ٢(٣س - ٢) =$

(أ) ٢٧ - هـ^٢ (ب) ٢٨ - هـ^٣ (ج) ٢٧ (د) ٢٤

(٥) إذا قطع أحد فرعي مخروط دائري قائم مزدوج بمستوى مائل موازياً لمستقيم على سطح المخروط فإن المنحنى الناتج عن التقاطع يسمى :

(أ) دائرة (ب) قطع ناقص (ج) قطع مكافئ (د) قطع زائد

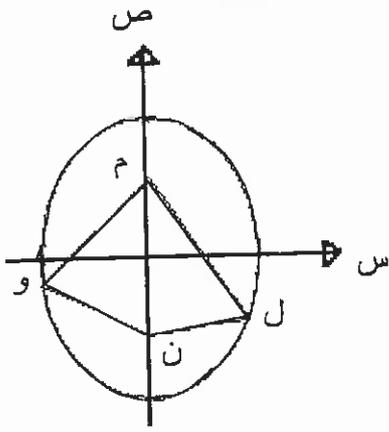
الصفحة الثالثة

٦) م ، ن هما بؤرتا القطع المخروطي الممثل في الشكل المجاور

$$1 = \frac{ص^2}{64} + \frac{س^2}{36}$$

ما محيط الشكل الرباعي م ل ن و ؟

- أ) ٢٤ (ب) ١٦
ج) ٦٤ (د) ٣٢



٧) عدد المستويات التي يمكن رسمها بحيث تمر برؤوس مثلث معاً هو :

- أ) واحد (ب) اثنان (ج) ثلاثة (د) أربعة



السؤال السادس : (١٧ علامة)

١) في الشكل المجاور س ص ع مثلث قائم الزاوية في ص .

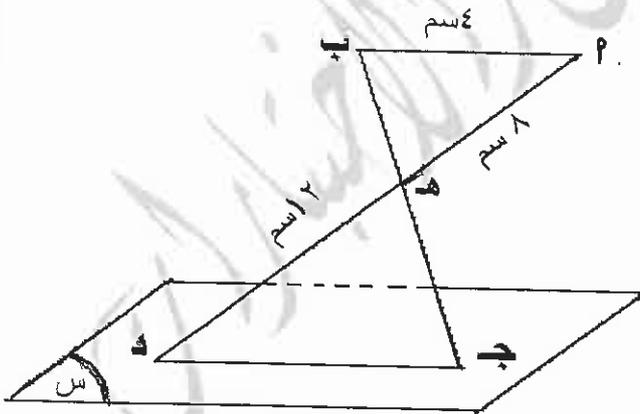
$\overline{ع} \perp$ المستوى س ص ع ، $ع م = س ص$ ،
النقط ج ، ب ، د منتصفات $\overline{س ع}$ ، $\overline{م س}$ ، $\overline{ص ع}$

على الترتيب، أجب عما يأتي :

١) أثبت أن $\overline{ب د} \perp \overline{ص ع}$.

٢) جد ظل الزاوية الزوجية بين المستويين س ص ع ، ب ص ع م .

(١٠ علامات)



(٧ علامات)

ب) في الشكل المجاور إذا رسمت $\overline{م ب}$ بحيث

توازي المستوى س ، ورسم من م ، ب

مستقيمان تقاطعا في النقطة هـ وقطعا المستوى س

في النقطتين د ، ج على الترتيب. إذا كان

$م ب = ٤$ سم ، $م هـ = ٨$ سم ، $هـ د = ١٢$ سم ،

فجد طول $\overline{ج د}$.

(انتهت الأسئلة)

السؤال الثاني (٧ اعرفه)

رقم الصفحة
في الكتاب

٢٥١

①

$$٢٢ \text{ م (س)} = \text{ع م س} = \text{ع س} + \text{س م}$$

①

$$\text{م} = \text{ع س} + \text{س م}$$

①

$$\text{م} = \text{ع س} + \text{س م}$$

①

$$\text{م} = \text{ع س} + \text{س م}$$



$$\text{م (س)} = \text{ع س} + \text{س م}$$

①

$$\text{م (س)} = \text{ع س} + \text{س م}$$

①

$$\text{م} = \text{ع س} + \text{س م}$$

①

$$\text{م (س)} = \text{ع س} + \text{س م} = ٥ + ٥ = ١٠$$

①

$$\text{م (س)} = \text{ع س} + \text{س م} = ٥ + ٥ = ١٠$$

٢٧٩

①

(٧) نجر نقطت تقاطع ل (س)، هو (س)

$$\text{م (س)} = \text{ع س} + \text{س م} = ٣ - ٣ = ٠$$

① + ①

$$\text{م} = \text{ع س} + \text{س م} = ٣ - ٣ = ٠$$

①

$$\text{م} = \text{ع س} + \text{س م} = ٣ - ٣ = ٠$$

① + ①

$$\text{م} = \text{ع س} + \text{س م} = ٣ - ٣ = ٠$$

①

$$\text{م} = \text{ع س} + \text{س م} = ٣ - ٣ = ٠$$

①

$$\text{م} = \text{ع س} + \text{س م} = ٣ - ٣ = ٠$$

①

$$\text{م} = \text{ع س} + \text{س م} = ٣ - ٣ = ٠$$

رقم الصفحة في الكتاب	السؤال الثالث . (١٧ علامة)
٢٥٠	$١٧ - ٢ + ٥ + ٤ - ٦ - ٧ + ٨ + ٩ = ١٧$
	$١٧ - ٢ = (٥ + ٤) + ٦ - ٧ + ٨ + ٩$
	$① \quad ١٧ - ٢ + ٩ = (١ + ٥ + ٤) + ٦ - ٧ + ٨$
	$① \quad ٤ = (١ + ٥) + ٦ - ٧ + ٨$
	$① \quad ١ = \frac{(١ + ٥)}{٢} + \frac{(٦ - ٧ + ٨)}{٤}$
	$① \quad ١١ \text{ البركنز } (١٥, ٤) = (١ - ٦٣)$
	$① \quad ٢ = ٢ \leftarrow ٤ = ٢$
	$① \quad ١٢ \text{ الرأسان } (١٥, ٤ + ٢) = (١ - ٤٥)$
	$① \quad (١ - ٤١) = (١٥, ٢ - ٤)$
	$① \quad ٣ \quad ٢ = ٢ - ٤ = ٥ - ٢ = ٣ \quad ٤ = ٥$
	$① \quad ٣ \quad ٤ = ٥$
	$① \quad ١٣ \text{ الرأسان } (١٥, ٤ + ٣) = (١ - ٤٣)$
	$① \quad (١ - ٤٣) = (١٥, ٤ - ٣)$
	$① \quad \frac{١}{٤} = \frac{٤}{٢} = \frac{٢}{١}$
٣٧١	$١٧ - ٢ + ٥ + ٤ - ٦ - ٧ + ٨ + ٩ = ١٧$
	$① \quad ١٧ - ٢ = (٥ + ٤) + ٦ - ٧ + ٨ + ٩$
	$① \quad ١٧ - ٢ + ٩ = (١ + ٥ + ٤) + ٦ - ٧ + ٨$
	$① \quad ١ = \frac{(١ + ٥)}{٢} + \frac{(٦ - ٧ + ٨)}{٤}$
	<p>يكون المحو- القاطع متساوياً للطاقت إذا كان</p>
	$١٧ - ٢ = ١٧ - ٢ \rightarrow ١٧ - ٢ = ١٧ - ٢$
	$① \quad ١٧ - ٢ = ١٧ - ٢$

السؤال الرابع (١٥ علامة)

(P) الصورة الضابعية لعادلت هذا القطع المخاض هي
 $(s - c) = 4 = (s - c)$

رقم الصفحة
في الكتاب

٤٢٢٢
٣٢٦

ⓐ

راس القطع (٢٦٢-١)

ⓑ

$4 = s = 4 = s = 3$

ⓑ

بؤرة القطع المخاض (s, c) = (c, s) وهي مركز الدائرة
 الصورة العاكسة لعادلت الدائرة

ⓑ

$s + c + c + c + c = s + c + c + c + c = s + c + c + c + c$

ⓑ + ⓑ

$(-c, -s) = (s, c) = (c, s) = (s, c)$

$s + c + c + c + c = s + c + c + c + c = s + c + c + c + c$

بما أن الدائرة تمر بالنقطتين (c, c)

ⓑ



$s + c + c + c + c = s + c + c + c + c = s + c + c + c + c$

ⓑ

$17 = s$

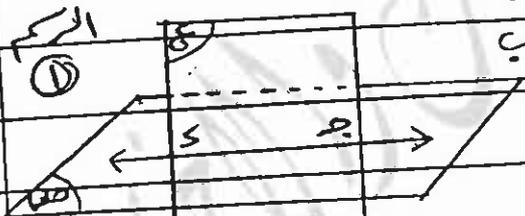
ⓑ

معادلت الدائرة $s + c + c + c + c = s + c + c + c + c = s + c + c + c + c$

المعطيات

s, c مستويان متوازيان، c مستوي

٣٩٢

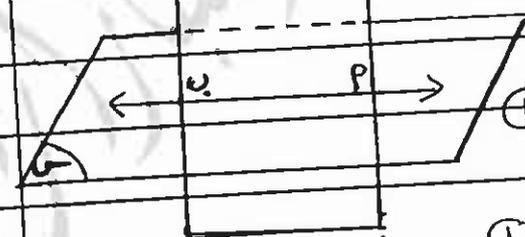


ثالث قاطع للمخاض UP، c على الترتيب

المطلوب:

$UP \parallel c$

البرهان:



UP واقع على المستوى s, c واقع

في المستوى s والمستويان s, c

متوازيان، c لا يتقاطعان

لكن UP، واقعان في المستوى c

اذن $UP \parallel c$

السؤال الخامس (١٤ علامة)

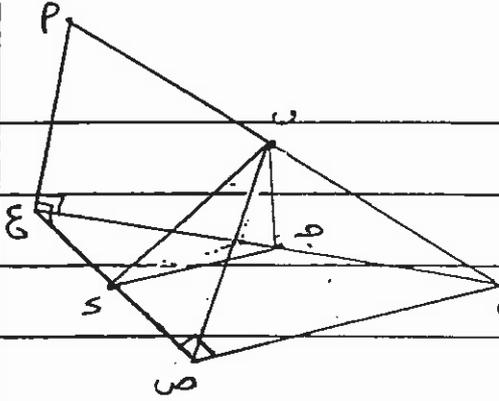
٢٤١									
٢٤٥									
٢٤٧	٧	٦	٥	٤	٣	٢	١	رقم الفقرة	
٢٨٠								مضرا لا يابى لصورة	
٢١٠	P	s	c	c	P	ن			
٣٩١									

علامة لكل فقرة

السؤال السادس (١٧ علامة)

رقم الصفحة
في الكتاب

ع ١٣



①

المعطيات :

من ص د ح مثلث قائم الزاوية في ص .
 $\overline{PQ} \perp$ المستوى من ص د ح .
 منصفات من ص د ح ، \overline{PQ} من ص د ح على الترتيب من

المطلوب :

١١ اثبات أن $\overline{PQ} \perp \overline{AD}$
 ١٢ إيجاد ظل الزاوية الزوجية بين المستويين من ص د ح ، ن ص د ح

المعطيات :

ن د ح واصلت بين منصفين ظلين في المثلث P من ص د ح

①



اذن $\overline{ND} \parallel \overline{CH}$ ، $\overline{PD} = \overline{PH}$ $\overline{PQ} \perp \overline{CH}$
 $\overline{PQ} \perp$ المستوى من ص د ح \perp الغرض

①

اذن $\overline{ND} \perp$ المستوى من ص د ح (نتيجة)

د ح \parallel ن ص د ح (الشيء السابق)

① وقت ن د ح \perp د ح \perp ن ص د ح (الشيء السابق) $\Rightarrow \overline{ND} \perp \overline{AD}$ (بالمتناظر) (١١)

① ن د ح ماثل على المستوى من ص د ح ونقطه د ح \perp ص د ح (١١)

①

اذن ن د ح \perp ص د ح (نظرية)

① { \overline{ND} تقع في المستوى من ص د ح ونقطة ص د ح من الفرع الأول
 \overline{ND} تقع في المستوى من ص د ح ونقطة ص د ح من الفرع الأول
 \overline{ND} خط تقاطع المستويين من ص د ح ، ن ص د ح

① اذن ن د ح \perp ص د ح (تقريباً الزاوية الزوجية بين المستويين)

ن د ح \perp ص د ح $\Rightarrow \overline{ND} \perp$ المستوى من ص د ح (بفرع الأول)

①

$$\tan \angle NDC = \frac{ND}{DC} = \frac{ND}{DC}$$

لكن $\overline{ND} \perp \overline{DC}$ ، $\overline{ND} = \overline{DC}$ ، $\overline{PD} = \overline{PH}$ $\overline{PQ} \perp \overline{CH}$

①

$$\tan \angle NDC = 1$$

* اذا اردنا ان نثبت ان الزاوية الزوجية بين المستويين من ص د ح ، ن ص د ح :

① $\overline{PQ} \perp$ المستوى من ص د ح (المعطيات) ① $\overline{PQ} \perp$ المستوى من ص د ح (المعطيات)

① $\overline{PQ} \perp$ المستوى من ص د ح (المعطيات) ① $\overline{PQ} \perp$ المستوى من ص د ح (المعطيات)

① $\overline{PQ} \perp$ المستوى من ص د ح (المعطيات) ① $\overline{PQ} \perp$ المستوى من ص د ح (المعطيات)

* اذا كنا نريد ان نثبت ان الزاوية الزوجية بين المستويين من ص د ح ، ن ص د ح (المعطيات)

10

طول
الفرع
المستويين
(P)

حلول آخرت

المختبة: ابراهيم بن محمد بن ابي اسحاق

الذبح: ابي

السؤال الاول:

⑤ نتفق لو احوالهم | + م :

$$\text{⑥} \quad \frac{\frac{1}{m} \times \text{مقاله}}{\text{حوالهم}} = \text{النتفه} \quad \text{⑥} + \text{⑥} + \text{⑥}$$

$$\frac{1}{m} \times \frac{\text{مقاله}}{\text{حوالهم}} =$$

$$\frac{1}{m} \times \text{مقاله} =$$

⑥

$$\text{①} \quad \frac{1}{m} \times \text{مقاله} = \text{مقاله} \times \frac{1}{m} \quad \text{①}$$



مكتبة ابن ابي عمير

السؤال الثاني:

- Ⓐ
- Ⓐ $\Delta + 2u + \frac{1}{2}p = 20$
- Ⓑ $0 \leq p \leftarrow \Delta = 10$
- Ⓐ  $u + 2p = 20$
- Ⓐ $p = 20 - u$
- Ⓑ $c = p \leftarrow \Delta = p$
- Ⓑ $u(u + 2) = 20$
- Ⓑ $u^2 + 2u = 20$
- Ⓑ $u^2 + 2u - 20 = 0$
- Ⓑ $0 + 2 + \frac{1}{2}c = 20$

Ⓐ $1.5u \leftarrow c - p = 0 \Rightarrow (1.5u) = 20$

Ⓑ $u \leftarrow \frac{1}{2} = 10$

Ⓐ $\left[\frac{1}{2} - \right]$

Ⓑ $\frac{1}{2} = \frac{1}{2} (1 - 0)$

Ⓐ $6 \times 10 = \Delta$

Ⓐ + Ⓑ + Ⓐ

Ⓐ

$\frac{1}{2} = \frac{1}{2} \times 2 \times \frac{1}{2}$

$\frac{1}{2} = \frac{1}{2} + \frac{1}{2} \Rightarrow \frac{1}{2} + 10 = 20$

(P)

الصورة القياسية لمعادلة التقاطع مكاني هي $(x-5)^2 + (y-4)^2 = 25$

أي التقاطع $(x-5)^2 + (y-4)^2 = 25$

$$x^2 - 10x + 25 + y^2 - 8y + 16 = 25$$



بقدره التقاطع مكاني $(x-5)^2 + (y-4)^2 = 25$ وهي مركز الدائرة

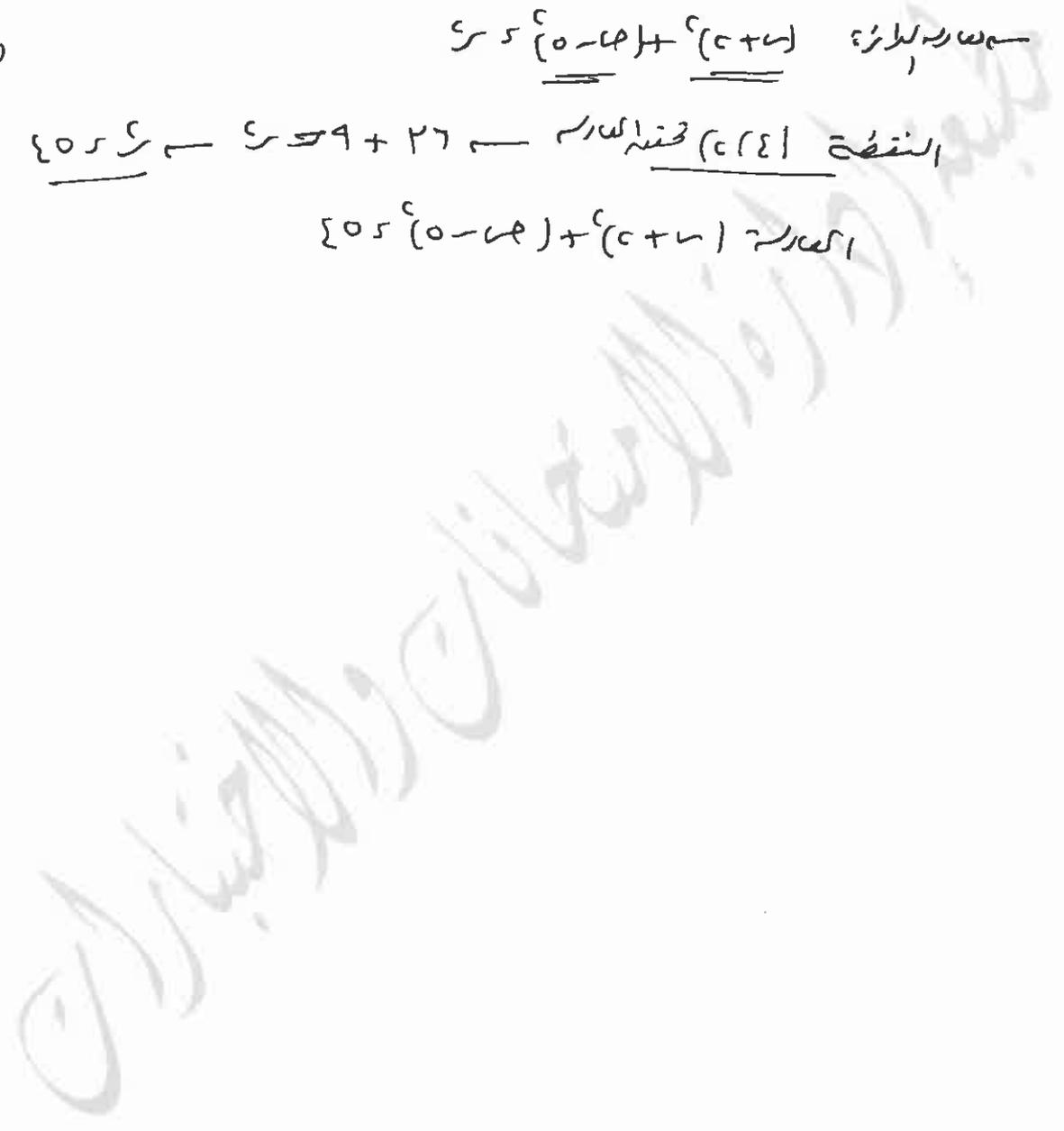
$$\text{المعادلة } (x-5)^2 + (y-4)^2 = 25$$

$$\text{مع دائرة أخرى } (x+5)^2 + (y-4)^2 = 25$$

$$\text{النتيجة } (x-5)^2 + (y-4)^2 = 25 + 25 = 50$$

$$\text{المعادلة } (x-5)^2 + (y-4)^2 + (x+5)^2 + (y-4)^2 = 50$$

- Ⓐ
- Ⓑ
- Ⓒ
- Ⓓ
- Ⓔ
- Ⓕ
- Ⓖ + Ⓗ
- Ⓙ + Ⓚ
- Ⓛ





①

المضلع (1) P



② في $\triangle ABC$:
 من D نقطة على AC ، $AD \parallel BC$ ، $AD = \frac{1}{2} BC$ ،
 * ... $AD \perp BC$ ← $AD \perp BC$: ...

في $\triangle ABC$:

③

من D نقطة على AC ، $AD \parallel BC$ ، $AD = \frac{1}{2} BC$ ،
 * ... $AD \perp BC$ ← $AD \perp BC$: ...

④

* ... $AD \perp BC$ ← $AD \perp BC$: ...

⑤

في $\triangle ABC$:
 من D نقطة على AC ، $AD \parallel BC$ ، $AD = \frac{1}{2} BC$ ،
 * ... $AD \perp BC$ ← $AD \perp BC$: ...

⑥

من D نقطة على AC ، $AD \parallel BC$ ، $AD = \frac{1}{2} BC$ ،
 * ... $AD \perp BC$ ← $AD \perp BC$: ...

