

لا تنتظر وقتاً إضافياً ..... لا تؤجل عمل اليوم إلى الغد ..... اجعل هدفك ليس النجاح فقط بل التفوق والتميز

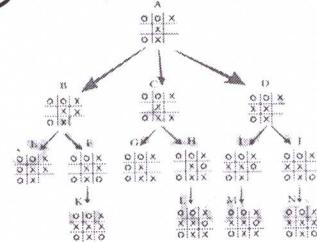
# العلامة عمر الحاسوب الكاملة لكلية الفروع الأكاديمية

إهداه إلى روح والداي  
غفر الله لهم وجعلهم  
من أهل الجنة

## الوحدة الثالثة

### الأساس المنطقي للحاسوب والبوابات المنطقية

### إعداد الأسناذ



### عبد الغفار الشيخ

0796692579

0786502073

اللهم إني وكلتك أمري فكن لي خير وكيل ودبر لي أمري فإنني لا أحسن التدبر

### الوحدة الثالثة

#### الأساس المنطقي للحاسوب والبوابات المنطقية

##### البوابات المنطقية

علل : يستخدم الحاسوب النظام الثنائي ؟

يتكون الحاسوب من الكثير من الدوائر المنطقية التي تستخدم في معالجة البيانات المماثلة بالنظام الثنائي ( 0 ، 1 ) وتتكون

الدوائر المنطقية من عدد من البوابات المنطقية

ما المقصود بالمفاهيم الآتية :

التعبير العلاني : هو جملة خبرية تكون ناتجها إما صوابا ( 1 ) وإما خطأ ( 0 ) وتنكتب هذه التعبير باستخدamation المقارنة

( ! ، = < ، > ، = > ، = < )

المعامل المنطقي : هو رابط يستخدم للربط بين عبارتين علائقين أو أكثر ( علل ) لتكوين عبارة منطقية مركبة

أنكر المعاملات المنطقية : AND ، OR ، NOT

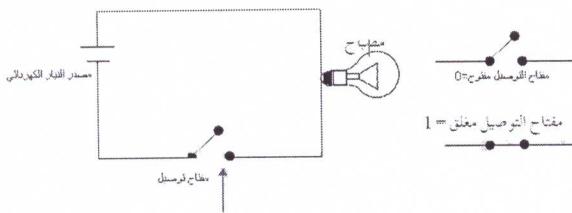
العبارة المنطقية المركبة : هي جملة خبرية تتكون من عبارتين علائقين أو أكثر يربط بينها معاملات منطقية ( AND ، OR ) و تكون قيمتها إما صوابا ( 1 ) أو خطأ ( 0 )

البوابة المنطقية : دائرة إلكترونية بسيطة ، تقوم بعملية منطقية على مدخل واحد أو أكثر ، وتنتج مخرجا واحدا ما استخدام البوابة المنطقية ؟ تستخدم في بناء معالجات الأجهزة الإلكترونية والحواسيب

على ماذا تعتمد البوابات المنطقية ؟ تعتمد على مبدأ الصواب والخطأ ويسمي رقما ( 1 ) ، ( 0 ) ( رموز النظام الثنائي )

أكتب مثلا على دائرة كهربائية بسيطة ؟  
مصابح وفتح توصيل وأسلاك كهربائية ومصدر تيار كهربائي ،

آلية العمل عند غلق الدائرة بواسطة المفتاح يضيء المصباح وتمثل هذه الحالة بالرمز الثنائي ( 1 ) وعند فتح الدائرة بواسطة المفتاح ينطفئ المصباح وتمثل هذه الحالة بالرمز الثنائي ( 0 )

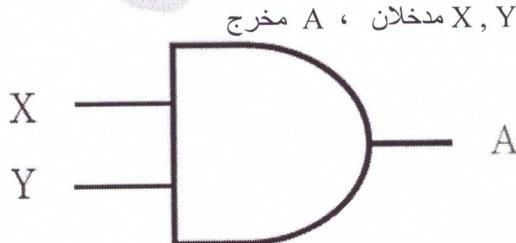


أذكر البوابات المنطقية الأساسية ؟ AND ، OR ، NOT

أذكر البوابات المنطقية المشتقة ؟ NOR ، NAND

ما المقصود بالبوابة المنطقية ؟ AND

إحدى البوابات المنطقية الأساسية التي تدخل في بناء معظم الدوائر المنطقية ، لها مدخلان ومخرج واحد تسمى وأرسم رمز البوابة المنطقية AND ؟



$$A = X \text{ AND } Y$$

قيمة  $A = 1$  إذا كانت قيمة جميع المدخل 1 فقط

قيمة  $A = 0$  إذا كانت قيمة أي المدخلين أو كلاهما 0

كون جدول الحقيقة للبوابة المنطقية AND

X	Y	$A = X \text{ AND } Y$
1	1	1
1	0	0
0	1	0
0	0	0

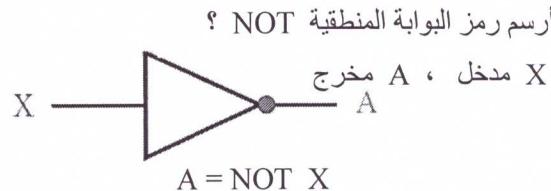
ما المقصود بجدول الحقيقة ؟

تمثيل لعبارة منطقية بين الاحتمالات المختلفة للمتغيرات المكونة للعبارة المنطقية

معادلة عدد الاحتمالات هي  $2^n$  حيث  $n$  تمثل عدد المتغيرات في العبارة المنطقية وكل متغير يأخذ إما 0 أو 1

ما المقصود بالبوابة المنطقية NOT ؟

أحدى البوابات المنطقية الأساسية التي تدخل في بناء معظم الدوائر المنطقية ، لها مدخل واحد فقط ومخرج واحد تسمى العاكس ( تغير القيمة المنطقية للمدخل إلى عكسه )



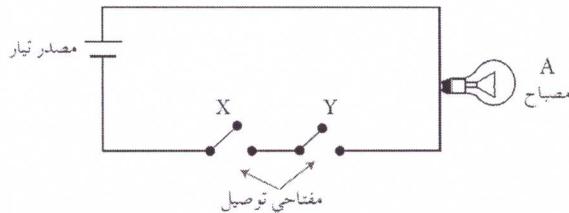
قيمة  $A = 1$  إذا كانت قيمة المدخل 0

قيمة  $A = 0$  إذا كانت قيمة المدخل 1

مثل البوابة المنطقية AND بدائرة كهربائية ؟

يكون التوصيل على التوالى بحيث يضيء المصباح عندما

يكون كلا المفتاحين في حالة إغلاق فقط

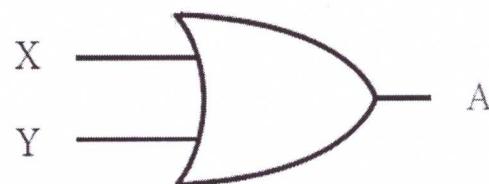


ما المقصود بالبوابة المنطقية OR ؟

أحدى البوابات المنطقية الأساسية التي تدخل في بناء معظم الدوائر المنطقية ، لها مدخلان ومخرج واحد تسمى أو

أرسم رمز البوابة المنطقية OR ؟

$X, Y$  مدخلان ،  $A$  مخرج



قيمة  $A = 1$  إذا كانت قيمة أي من المدخلين أو كلاهما 1

قيمة  $A = 0$  إذا كانت قيمة كلا المدخلين 0

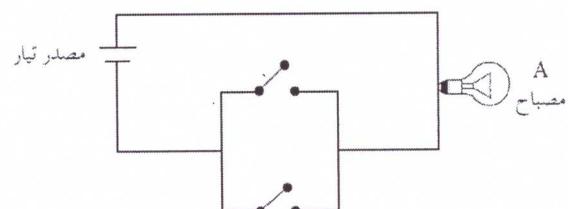
كون جدول الحقيقة للبوابة المنطقية OR

$X$	$Y$	$A = X \text{ OR } Y$
1	1	1
1	0	1
0	1	1
0	0	0

مثل البوابة المنطقية OR بدائرة كهربائية ؟

يكون التوصيل على التوازي بحيث يضيء المصباح عندما

يكون أي من المفتاحين أو كلاهما في حالة إغلاق

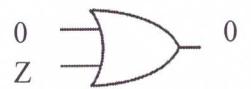


جد ناتج العبارات المنطقية الآتية إذا كانت

حدد قيمة ( Z ) في كل من البوابات الآتية :

$$A = 0, B = 1, C = 1, D = 0$$

- 1) A AND B OR NOT C
- 2) A OR B AND ( C AND NOT D )
- 3) ( A OR NOT B ) AND ( NOT C AND D )
- 4) NOT ( NOT ( A AND B ) OR C AND D )



إيجاد ناتج العبارات المنطقية المركبة ( تضم أكثر من بوابة منطقية )

أذكر الأولويات لإيجاد ناتج العبارات المنطقية المركبة ؟

- 1) الأقواس من الداخل للخارج
- 2) البوابة المنطقية NOT
- 3) البوابة المنطقية AND
- 4) البوابة المنطقية OR
- 5) في حالة التكافؤ في الأولوية تتفذ من اليسار إلى اليمين

إذا كانت  $A = 1, B = 1, C = 0, D = 0$  ، فجد ناتج

العبارات المنطقية المركبة الآتية

- 1) A AND C OR NOT A
- 2) B OR D AND C
- 3) B OR ( NOT D ) AND C
- 4) A AND B OR C
- 5) C OR B AND A

أوجد ناتج العبارة المنطقية 1 OR 0 AND 1

أوجد ناتج العبارة المنطقية A AND NOT B OR C

علمًا بأن :  $A = 1, B = 0, C = 0$

أوجد ناتج العبارة المنطقية

NOT A AND ( NOT B OR C )

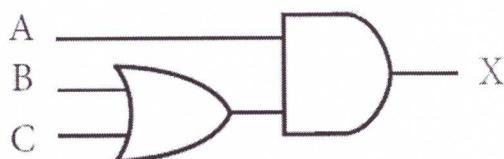
علمًا بأن :  $A = 0, B = 1, C = 0$

تمثيل العبارات المنطقية المركبة باستخدام البوابات المنطقية

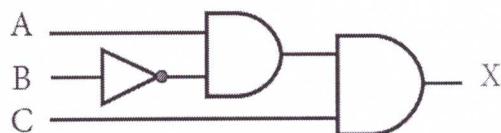
(تطبيق الأولويات السابقة)

مثل العبارة المنطقية  $X = \text{NOT } A \text{ AND } B$  باستخدام

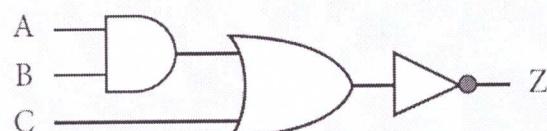
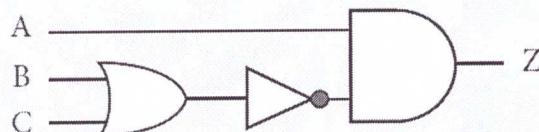
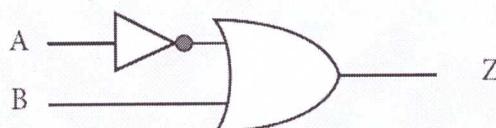
البوابات المنطقية ثم جد الناتج إذا كانت  $A = 0, B = 0$



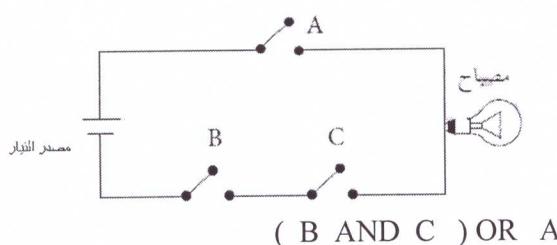
$$X = (B \text{ OR } C) \text{ AND } A$$



$$X = \text{NOT } B \text{ AND } A \text{ AND } C$$



أكتب العبارات المنطقية التي تمثلها البوابات المنطقية الآتية :



مثل العبارات المنطقية الآتية باستخدام البوابات المنطقية ، ثم

جد الناتج النهائي إذا كانت

$A = 1, B = 0, C = 1, D = 0$

- 1)  $\text{NOT } A \text{ OR } \text{NOT } B$
- 2)  $A \text{ OR } \text{NOT } B \text{ AND } C$
- 3)  $A \text{ AND } \text{NOT } (B \text{ OR } \text{NOT } C)$
- 4)  $\text{NOT } (A \text{ AND } B) \text{ OR } C \text{ AND } D$

مثل العبارات التالية باستخدام البوابات المنطقية :

- 1)  $\text{NOT } A \text{ AND } (B \text{ OR } C)$
- 2)  $(B \text{ AND } (\text{NOT } A)) \text{ AND } (C \text{ AND } (\text{NOT } D))$
- 3)  $(A \text{ OR } B) \text{ AND } ((\text{NOT } C) \text{ OR } (\text{NOT } D))$
- 4)  $(B \text{ AND } (\text{NOT } A)) \text{ AND } (C \text{ OR } D)$
- 5)  $\text{NOT } A \text{ OR } \text{NOT } (B \text{ AND } C)$
- 6)  $\text{NOT } (\text{NOT } A \text{ AND } B)$

أكتب العبارات المنطقية التي تمثلها البوابات المنطقية الآتية :

5) حدد البوابة المنطقية التي تحقق الناتج في كل من الجمل الآتية :

- أ) تعطي مخرجا قيمته (1) إذا كانت قيمة أي من المدخلين أو كلاهما (1)

- ب) تعطي مخرجا قيمته (1) إذا كانت قيمة المدخل جميعها (1) فقط

أسئلة الفصل

1) ما المقصود بكل مما يأتي :

أ) المعامل المنطقي

ب) العبارة المنطقية

ج) البوابة المنطقية

6) مثل العبارة المنطقية الآتية باستخدام البوابات المنطقية :

$\text{NOT} (A \text{ AND } B \text{ OR } C) \text{ OR } D \text{ AND } F$

ثم جد الناتج النهائي إذا كانت

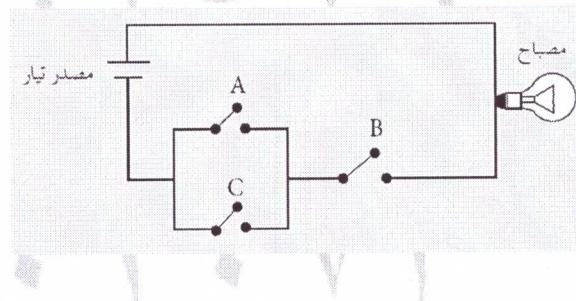
$$A = 0, B = 0, C = 1, D = 1, F = 0$$

د) جدول الحقيقة

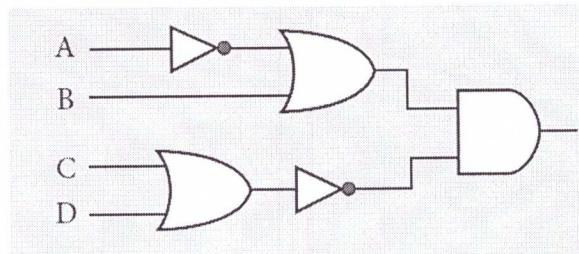
2) عدد أنواع البوابات المنطقية الأساسية وارسم رمز كل

منها

3) اكتب العبارات المنطقية التي تمثلها الدائرة الكهربائية الآتية :



أكتب العبارة المنطقية التي تمثلها البوابات المنطقية الآتية ، ثم  
جد الناتج النهائي ، إذا كانت  $A=1, B=1, C=0, D=1$



أوجد ناتج العبارات المنطقية الآتية :

$$A = 0, B = 0, C = 1 \quad \text{علماً بـ} \\ \text{NOT A NAND NOT B}$$

البوابات المنطقية المشتقّة

لماذا سميت البوابات المنطقية المشتقّة بهذا الاسم ؟

لأنها اشتقّت من البوابات المنطقية الأساسية

$$\text{NOT (A NAND B) NAND C}$$

ما المقصود بالبوابة المنطقية NAND ؟

$$\text{NOT A NAND NOT (B AND C)}$$

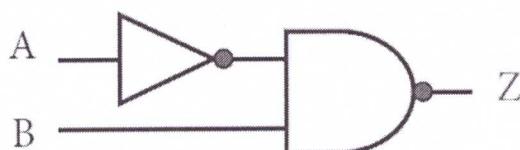
هي اختصار ل NOT AND أي نفي AND وتشكل  
البوابة NAND بتوصيل مخرج بوابة AND بمدخل بوابة  
NOT وتسمى بوابة نفي (و) المنطقية  
تمثيل NAND بالبوابات المنطقية الأساسية



رمز البوابة المنطقية المشتقّة NAND

تعطى بوابة NAND مرجحاً قيمته (1) إذا كانت قيمة  
المدخلين أو كلاهما (0)

أكتب العبارة المنطقية التي تمثلها البوابات المنطقية الآتية :



أكتب العبارة المنطقية التي تمثلها البوابات المنطقية الآتية :

$$A = 1, B = 0, C = 1 \quad \text{علماً بـ}$$



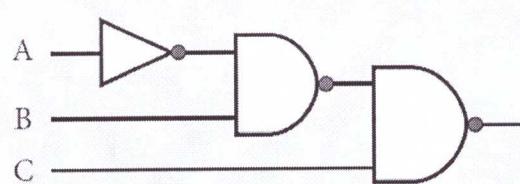
X	Y	$A = X \text{ NAND } Y$
1	1	0
1	0	1
0	1	1
0	0	1

الأولوية NOT ثم NAND

في حال تساوي الأولويات نبدأ من اليسار

أوجد ناتج العبارة المنطقية الآتية :

$$\text{A NAND NOT B} \quad \text{علماً بـ} \quad A = 1, B = 0$$



أوجد ناتج العبارة المنطقية الآتية :

$$\text{NOT A NAND B NAND C}$$

$$A = 0, B = 1, C = 0 \quad \text{علماً بـ}$$

أوجد ناتج العبارات المنطقية الآتية :

$$A = 1, B = 0, C = 0 \quad \text{علمًا بأن}$$

$\text{NOT } A \text{ NOR } B$

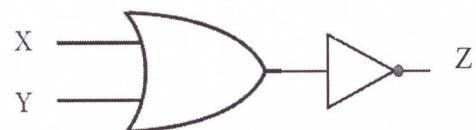
ما المقصود بالبواة المنطقية NOR ؟

هي اختصار ل NOT OR أي نفي OR وتشكل البواة NOT بتوصيل مخرج بواة OR بمدخل بواة NOT وتسمى بواة نفي (أو) المنطقية

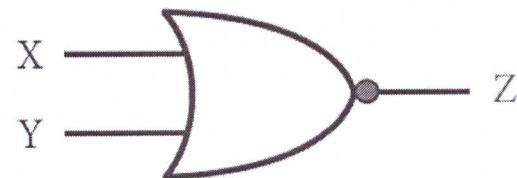
$$\text{NOT } (\text{A NOR B}) \text{ NOR NOT C}$$

تمثيل NOR بالبوايات المنطقية الأساسية

$$A \text{ NOR NOT } (B \text{ NOR NOT } C)$$



رمز البواة المنطقية المشتقة NOR



تعطي بواة NOR مخرجًا قيمته (0) إذا كانت قيمة أي المدخلين أو كلاهما (1)

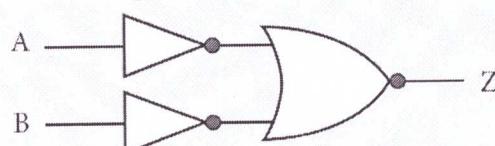
تعطي بواة مخرجًا قيمته (1) إذا كانت قيمة المدخل جميعها (0) (عكس مخرجات بواة OR)

كون جدول الحقيقة للبواة المنطقية NOR

X	Y	$A = X \text{ NOR } Y$
1	1	0
1	0	0
0	1	0
0	0	1

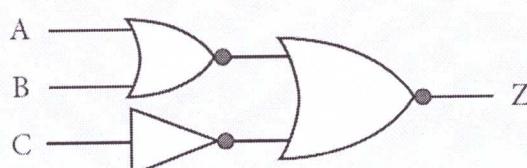
الأولوية ل NOT ثم NOR

في حال تساوي الأولويات نبدأ من اليسار



أكتب العبارة المنطقية التي تمثلها البوايات المنطقية الآتية :

$$A = 0, B = 0, C = 1 \quad \text{علمًا بأن}$$



أوجد ناتج العبارة المنطقية الآتية :

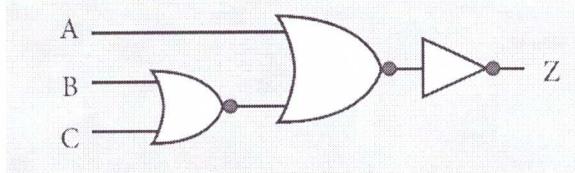
$$\text{NOT } (\text{A NOR B}) \text{ NOR C}$$

$$A = 1, B = 1, C = 0 \quad \text{علمًا بأن}$$

5 - أكتب العبارة المنطقية التي تمثلها البوابات المنطقية الآتية

ثم جد قيمة ( Z ) علماً بأن

$$A = 0, B = 1, C = 0$$



1 - ما الفرق بين البوابة المنطقية OR والبوابة المنطقية

NOR من حيث رمز البوابة وخرجاتها ؟

اسم البوابة	رمز البوابة	مخرجاتها
	AND	
	OR	

2 - مثل البوابة المنطقية المشتقة NAND باستخدام

البوابات المنطقية الأساسية

# عبد الغفار الشيخ

3 - علل ما يأتي :

أ - سميت البوابات المنطقية المشتقة بهذا الاسم

6 - أكمل الجدول الآتي ، الذي يمثل مقارنة بين البوابات المنطقية المشتقة

البوابة المنطقية	رمزها	مخرجاتها
NOR		
NAND		

4 - مثل العبارة المنطقية الآتية باستخدام البوابات المنطقية :

$$\text{NOT} ( X \text{ NAND } \text{NOT } Y ) \text{ NAND } W$$

ثم جد الناتج النهائي إذا كانت

$$X = 0, Y = 1, W = 1$$

اكتب جدول بين القيم المتممة للمتغير X ؟

X	$A = \overline{X}$
1	0
0	1

الجبر المنطقي (البولي)

ما المقصود (ما مفهوم) الجبر البولي (المنطقي)

هو أحد فروع علم الجبر في الرياضيات ، ويعتبر الأساس الرياضي اللازم لدراسة التصميم المنطقي للأنظمة الرقمية ومنها الحاسوب

لماذا سمي بالجبر البولي ؟ تعود تسميته إلى العالم الرياضي الانجليزي جورج بوول

كيف قدم العالم بوول تحليله ؟

قدمه للمرة الأولى في كتابه ( التطبيق الرياضي للمنطق) ومن ثم في كتابه ( دراسة في قوانين التفكير ) وأكد أن استخدام صيغة جبرية في وصف عمل الحاسوب الداخلي أسهل من التعامل مع البوابات المنطقية

متى يسمى المتغير متغيراً منطقياً ؟

يسمى إذا عينت له إحدى الحالتين صواب ( TRUE ) ،

( FALSE )

ما الرموز المستخدمة للمتغير المنطقي ؟

أحد الحروف الإنجليزية ( Z ) كبيرة أم صغيرة

ما النظام المستخدم في الحاسوب ؟ يستخدم النظام الثنائي لتمثيل الأعداد والرموز وتخزينها داخل الحاسوب حيث

يستخدم رموز النظام الثنائي ( 0 ) ، ( 1 )

على ماذا يدل رمزاً النظام الثنائي ؟

الرمز ( 1 ) يمثل الحالة الصحيحة ( 0 ) يمثل الحالة الخطأ

العبارات الجبرية المنطقية والعمليات المنطقية

العبارة الجبرية هي ثابت منطقي ( 0 ، 1 ) أو متغير منطقي

مثل ( X ، Y ) أو مزيج من الثوابت والمتغيرات المنطقية ،

يجمع بينها عمليات منطقية

العمليات المنطقية الأساسية في الجبر المنطقي

أ - عملية NOT : يطلق عليها اسم المتم

علل لماذا سميت NOT بالمتمم ؟ لأن متممة 0 تساوي 1

ومتممة 1 تساوي 0

اكتب العبارة المنطقية لعملية NOT ؟

$$A = \overline{X}$$

حيث تعني ( — ) المتممة

ب - عملية AND : يعبر عن عملية AND في الجبر المنطقي ( . )

اكتب العبارة المنطقية لعملية AND ؟

$$A = X \cdot Y$$

استخدام ( . ) يشبه الضرب الثنائي وغالباً يهمل الرمز ( ز ) في التعبير المنطقي وتكتب  $Y \cdot X$  بدلاً من  $X \cdot Y$ .

اكتب جدول بين ناتج عملية AND المنطقية ؟

X	Y	$A = X \cdot Y$
1	1	1
1	0	0
0	1	0
0	0	0

ج - عملية OR : يعبر عن عملية OR في الجبر المنطقي ( + )

اكتب العبارة المنطقية لعملية OR ؟

$$A = X + Y$$

اكتب جدول بين ناتج عملية OR المنطقية ؟

X	Y	$A = X + Y$
1	1	1
1	0	1
0	1	1
0	0	0

العمليات المنطقية الأساسية في الجبر المنطقي

أ - عملية NOT : يطلق عليها اسم المتم

علل لماذا سميت NOT بالمتمم ؟ لأن متممة 0 تساوي 1

ومتممة 1 تساوي 0

اكتب العبارة المنطقية لعملية NOT ؟

$$A = \overline{X}$$

حول العبارات الجبرية المنطقية الآتية إلى عبارات جبرية منطقية؟

A AND NOT B

إيجاد ناتج العبارات الجبرية المنطقية المركبة

اذكر قواعد تسلسل الأولويات لإيجاد ناتج العبارات الجبرية المنطقية؟

NOT A OR B AND C

1 - الأقواس من الداخل للخارج

A AND B AND NOT C

2 - عملية NOT المنطقية

A OR NOT ( B AND NOT C )

3 - عملية AND المنطقية

NOT A OR ( NOT B OR C AND D )

4 - عملية OR المنطقية

5 - في حال التكافؤ في الأولوية تنفذ من اليسار إلى اليمين

أوجد ناتج العبارات الجبرية المنطقية  $A + B \cdot C$  . علما بأن

$$A = 1, B = 0, C = 1$$

**عبد الغفار الشيخ**

تمثيل العبارات الجبرية المنطقية المركبة باستخدام البوابات المنطقية

مثل العبارات الجبرية المنطقية  $X = A \cdot B$  باستخدام البوابات المنطقية ثم جد قيمة  $X$  إذا كانت  $A = 0, B = 1$

أوجد ناتج العبارات الجبرية المنطقية  $A \cdot B + C + D$  علما بأن

$$A = 0, B = 1, C = 1, D = 0$$

مثل العبارات المنطقية الجبرية الآتية باستخدام البوابات المنطقية ثم جد الناتج النهائي إذا كانت

$$A = 0, B = 1, C = 1, D = 0$$

$$\overline{A \cdot B} + C$$

$$\overline{A} + (B \cdot \overline{C})$$

$$\overline{A \cdot B} + C \cdot D$$

$$A + \overline{B} + (C \cdot D)$$

أوجد ناتج العبارات الجبرية المنطقية

$$A = 1, B = 0, C = 0, D = 0$$

$$A + \overline{B} \cdot \overline{C} + \overline{D}$$

$$(\overline{A} \cdot \overline{B}) + (A \cdot \overline{B})$$

$$\overline{A + B} \cdot C + D$$

4 - مثل العبارة الجبرية المنطقية باستخدام البوابات المنطقية

أسئلة الفصل

1 - ما المقصود بكل مما يأتي :

أ - الجبر الخطى

ب - العبارة الجبرية المنطقية

$$A = 1, B = 0, C = 0, D = 1$$

2 - لماذا سمي الجبر المنطقي بهذا الاسم

ثم جد الناتج النهائي إذا كانت

3 - جد ناتج العبارات الجبرية المنطقية الآتية إذا كانت

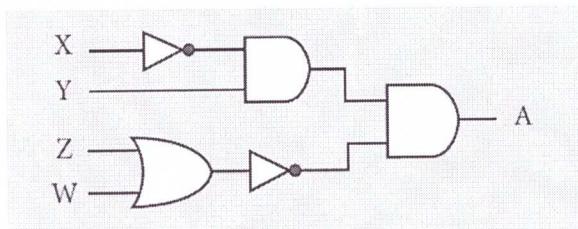
$$A = 1, B = 0, C = 1, D = 0$$

$$F = (A \cdot (B + C)) + D$$

5 - أكتب عبارة الجبر المنطقي التي تمثلها البوابات المنطقية

الآتية ، ثم جد قيمة A علماً بأن

$$X = 0, Y = 1, Z = 0, W = 1$$



$$F = (A + B) \cdot (\overline{C} + \overline{D})$$

6 - حول العبارات المنطقية الآتية إلى عبارات جبرية منطقية

ثم جد ناتجها علماً بأن

$$F = (\overline{A} \cdot B) + C \cdot \overline{D}$$

$$X = 1, Y = 1, Z = 1, W = 0$$

$$X \text{ OR } (\text{NOT } Y \text{ OR } W) \text{ AND NOT } Z$$

$$\text{NOT}(\text{NOT } X \text{ AND } Y \text{ OR } \text{NOT } W) \text{ OR } Z$$

4 - جد ناتج العبارات المنطقية الآتية علماً بأن

$$A = 0, B = 1, C = 0, D = 1$$

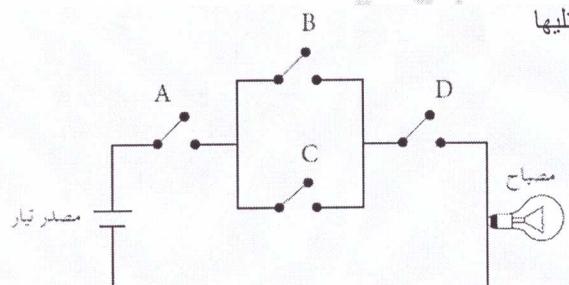
$$A \text{ NOR } \text{NOT} (B \text{ NOR } \text{NOT} C)$$

$$A \text{ AND } B \text{ OR } \text{NOT} (C \text{ AND } D)$$

$$\text{NOT} (A \text{ AND } B) \text{ NAND } \text{NOT} C$$

$$A \text{ AND } \text{NOT} (\text{NOT } B \text{ OR } C) \text{ AND } D$$

5 - تأمل الدائرة الكهربائية الآتية ثم أجب عن الأسئلة التي



أ - أكتب العبارة المنطقية التي تمثلها الدائرة الكهربائية السابقة

ب - مثل الدائرة الكهربائية باستخدام البوابات المنطقية ثم  
أوجد الناتج إذا كانت

$$A = 0, B = 1, C = 0, D = 0$$

6 - أكمل الجدول الآتي

جدول الحقيقة	الرمز	اسم البوابة
		OR
X Z X NAND Y		
1 1 0 1 0 1 0 1 1 0 0 1		
X Z X AND Y		
1 1 1 1 0 0 0 1 0 0 0 0		

أسئلة الوحدة

1 - أكتب مثلاً واحداً لكل مما يأتي

أ - بوابة منطقية أساسية

ب - بوابة منطقية مشتقة

ج - رمز لعملية جبرية منطقية

د - متغير منطقي

ه - عبارة منطقية

و - عبارة جبرية منطقية

2 - أكمل جدول الحقيقة الآتي :

X	Y	Z	X AND Z OR Y
T	F	F	
	T	T	T
F		F	F
T	F		F
F	F	F	

3 - ادرس العبارة المنطقية الآتية ثم أجب عن الأسئلة التي

تليها :  $A \text{ AND } \text{NOT} (B \text{ AND } C \text{ OR } D)$

\* استخرج من العبارة المنطقية السابقة مثاليين على كل من

• متغير منطقي

• بوابة منطقية

• عبارة منطقية بسيطة

\* أوجد الناتج النهائي للعبارة المنطقية السابقة إذا كانت

$$A = 0, B = 0, C = 1, D = 1$$

\* مثل العبارات المنطقية السابقة باستخدام البوابات المنطقية