أكاديمية التعليم السامي التدريبية
عمان – طبربور – الشارع الرئيسي – مقابل حلويات نفيسة – مجمع الجابر – ط ٢
(متخصصون في المرحلة الثانوية – الإعدادية – الأساسية – صعوبات التعلم)
موبايل :
٠٧٨ ٨٠٠ ٨٤٤٤
٠٧٨ ٨٠٠ ٨٧٧٧
٠٦/٥٠٥٧٧٧٤

السؤال الأول

١) $\lim_{س \to ٢} هـ(س)$ = غير موجودة فرع د

٢) س غير متصل عند أصفار الأعداد {ـ١، ٢} فرع ج

٣) $\lim_{س \to ٥} \left( \frac{٣}{٢-س} + \frac{\sqrt{٣+١+٢س}}{٧-س} \right)$

$= \frac{٣}{٢-٥} + \lim_{س \to ٥} \frac{\sqrt{٣+١+٢س}}{٧-س}$

$= \frac{٣}{٢-٥} + \lim_{س \to ٥} \frac{\sqrt{٢+٢س}}{٧-س}$

$= \frac{٣}{٢-٥} + \frac{\sqrt{٢+١٠}}{٧-٥}$

$= \frac{٣}{-٣} + \frac{٤}{٢}$

$= -١ + ٢ = ١$ فرع ب

٤) $\lim_{س \to ٤} \frac{س-٤}{\sqrt{س+٥}-٣}$ = $\frac{صفر}{صفر}$

$\lim_{س \to ٤} \frac{س-٤}{\sqrt{س+٥}-٣} \times \frac{\sqrt{س+٥}+٣}{\sqrt{س+٥}+٣}$

$\lim_{س \to ٤} \frac{(س-٤)(\sqrt{س+٥}+٣)}{س+٥-٩}$

$\lim_{س \to ٤} \frac{(س-٤)(\sqrt{س+٥}+٣)}{(س-٤)}$

$= \sqrt{٩}+٣$

(٦) $= ٣+٣$

موقع الأوائل التعليمي
Sami Academey Education

أكاديمية التعليم السامي التدريبية
عمان – طبربور – الشارع الرئيسي – مقابل حلويات نفيسة – مجمع الجابر – ط ٢
(متخصصون في المرحلة الثانوية – الإعدادية – الأساسية – صعوبات التعلم)
موبايل :
٠٧٨ ٨٠٠ ٨٤٤٤
٠٧٨ ٨٠٠ ٨٧٧٧
٠٦/٥٠٥٧٧٧٤

موقع الأوائل التعليمي

$\lim_{س \to ٢} ن(س) = ٦$ ، $\lim_{س \to ٢} هـ(س) = -٧$

$\lim_{س \to ٢} (٣ ن(س) - هـ(س) + ٤ ر(س) - ٢ هـ(س))$

$٣ \times ٦ - (-٧) + ٤ - ٢ \times -٧$

$١٨ + ٧ + ٤ + ١٤ = ٤٣$

السؤال الثاني

$ل(س) = \begin{cases} ٢س + ٤ & س < ٢ \\ (س + ١)^{٣} & ٢ \le س < ٤ \\ ٢س^{٢} - ٣ & س \ge ٤ \end{cases}$

$\lim_{س \to ٢^{-}} ل(س) = \lim_{س \to ٢^{-}} (٢س + ٤) = ٨$

$\lim_{س \to ٢^{+}} ل(س) = \lim_{س \to ٢^{+}} (س + ١)^{٣} = ٢٧$

$\lim_{س \to ٢} ل(س)$ غير موجود

ب) $\lim_{س \to ٤} \frac{ن(س) - ن(٤)}{س - ٤}$

$\lim_{س \to ٤} \frac{\frac{٢}{س - ١} - \frac{٢}{٤ - ١}}{س - ٤} = \frac{٢س - ٦ - ٢س + ٢}{(س - ٤)(س - ١)(٤ - ١)}$

$\lim_{س \to ٤} \frac{-٤}{٣(س - ١)(س - ٤)} = \frac{-٤}{٣(٤ - ١)^{٢}} = -\frac{١}{٩}$

أكاديمية التعليم السامي التدريبية
عمان – طبربور – الشارع الرئيسي – مقابل حلويات نفيسة – مجمع الجابر – ط ٢
(متخصصون في المرحلة الثانوية – الإعدادية – الأساسية – صعوبات التعلم)
موبايل :
٠٧٨ ٨٠٠ ٨٤٤٤
٠٧٨ ٨٠٠ ٨٧٧٧
٠٦/٥٠٥٧٧٧٤

www.awa2el.net

## السؤال الثاني

أ) $\frac{\text{ص}_{2}-\text{ص}_{1}}{\text{س}_{2}-\text{س}_{1}} = \frac{-٤-٠}{-١-٠} = \frac{-٤}{-١} = ٤$ ميل $\overline{\text{ع ف}}$

ب) $\text{ه}'(\text{س}) = \frac{\text{ه}(\text{س}+\text{هـ}) - \text{ه}(\text{س})}{\text{هـ}}$ حيث هـ $\to$ ٠

$\text{ه}'(\text{س}) = ٣\text{س}^{٢} + ٢\text{ب}\text{س} + \text{ج}$

$\text{ه}'(١) = ٣ + ٢\text{ب} + \text{ج} = ٤$

$٢\text{ب} + \text{ج} = ١$ ... (١)

$\text{ه}(١) = ١ + \text{ب} + \text{ج} + ٦ = ١٢$

$\text{ب} + \text{ج} = ٥$ ... (٢)

بطرح (١) من (٢):

$\text{ب} = -٤$

$\text{ج} = ٩$

$\text{ه}(\text{س}) = \text{س}^{٣} - ٤\text{س}^{٢} + ٩\text{س} + ٦$

ميل $\overline{\text{ب ف}} = \text{ه}'(٢) = ١٢ - ١٦ + ٩ = ٥$

ج) $\text{ه}'(\text{س}) = ٣\text{س}^{٢} - ٨\text{س} + ٩$

$\text{ه}''(\text{س}) = ٦\text{س} - ٨$

$\text{ه}''(\text{س}) = ٠$

$٦\text{س} = ٨$

$\text{س} = \frac{٤}{٣}$

| $\text{س}$ | $\frac{٤}{٣}$ |
|---|---|
| $\text{ه}''(\text{س})$ | ٠ |
| $\text{ه}'(\text{س})$ | $-\frac{١}{٣}$ |

$\text{ه}'(\frac{٤}{٣}) = ٣(\frac{٤}{٣})^{٢} - ٨(\frac{٤}{٣}) + ٩ = \frac{٤٨}{٩} - \frac{٣٢}{٣} + ٩ = -\frac{١}{٣}$

$\text{ه}'(٢) = ١٢ - ١٦ + ٩ = ٥$

$\text{ه}'(٣) = ٢٧ - ٢٤ + ٩ = ١٢$

$\text{ه}'(\text{س}) = ٠$ عند $\text{س} = ١$ ، $\text{س} = ٣$

$\text{ه}(١) = ١ - ٤ + ٩ + ٦ = ١٢$

$\text{ه}(٣) = ٢٧ - ٣٦ + ٢٧ + ٦ = ٢٤$

النقطة (١، ١٢)

د) $\text{ه}(\text{س}) = \text{س}^{\frac{٣}{٢}}$ ، $\text{ه}'(\text{س}) = \frac{٣}{٢}\text{س}^{\frac{١}{٢}}$

$\text{ه}'(٤) = \frac{٣}{٢}(٤)^{\frac{١}{٢}} = \frac{٣}{٢}(٢) = ٣$

ميل $\overline{\text{ع ف}} = \frac{-٤-٠}{-١-٠} = ٤$

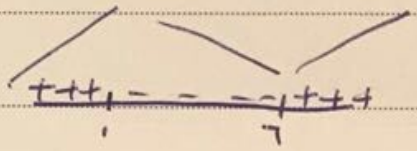
$\tan\theta = \frac{\text{المقابل}}{\text{المجاور}} = \frac{١}{٣}$

$\theta = \tan^{-١}(\frac{١}{٣})$

أكاديمية التعليم السامي التدريبية
عمان – طبربور – الشارع الرئيسي – مقابل حلويات نفيسة – مجمع الجابر – ط ٢
(متخصصون في المرحلة الثانوية – الإعدادية – الأساسية – صعوبات التعلم)
موبايل :
٠٧٨ ٨٠٠ ٨٤٤٤
٠٧٨ ٨٠٠ ٨٧٧٧
٠٦/٥٠٥٧٧٧٤

السؤال الرابع

(١٠ م)



نظم عند س = ٠ ، ٦

ع) ف(س) = ٣س^٢ + ٦س + ٦

ف(٠) = ٦ > ٠

ف(س) = ٣س^٢ + ٦س + ٦ = ٠

٣س^٢ + ٦س + ٦ = ٠

س^٢ + ٢س + ٢ = ٠

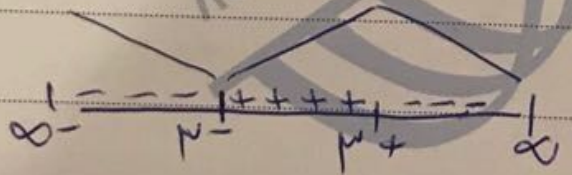
ف(س) ≠ ٠ ، م = ٣ > ٠ ، نوع ع

ب) ف(ن) = ن^٣ − ٣ن^٢ + ٧

ع(ن) = ٣ن^٢ − ٦ن

ع(٤) = ٣(١٦) − ٦(٤)

ع(٤) = ٤٨ − ٢٤ = ٢٤ م/ث



د) م(س) = ∫(٢٧ − س^٣) دس

= ٢٧س − س^٤/٤ + ث

م(س) = ٠ ⇒ ٢٧س − س^٤/٤ = ٠

٢٧س = س^٤/٤

٢٧ = س^٣/٤

س^٣ = ١٠٨

س = ٤٣

متزايد [−٣ ، ٣]

متناقص (−∞ ، −٣] ∪ [٣ ، ∞)

أكاديمية التعليم السامي التدريبية
عمان – طبربور – الشارع الرئيسي – مقابل حلويات نفيسة – مجمع الجابر – ط ٢
(متخصصون في المرحلة الثانوية – الإعدادية – الأساسية – صعوبات التعلم)
موبايل :
٠٧٨ ٨٠٠ ٨٤٤٤
٠٧٨ ٨٠٠ ٨٧٧٧
٠٦/٥٠٥٧٧٧٤

فرع جـ

١) $ص = (٩ - س^{٢})^{٤} + \sqrt{س + ٣}$

$$\frac{د ص}{د س} = ٤(٩ - س^{٢})^{٣} \times -٢س + \frac{١}{٢\sqrt{س + ٣}}$$

جـ) $ص = \frac{س + ١}{٣ - س}$

$$\frac{\text{المقام} \times \text{مشتقة البسط} - \text{البسط} \times \text{مشتقة المقام}}{(\text{المقام})^{٢}}$$

$$\frac{(٣ - س)(١) - (س + ١)(-١)}{(٣ - س)^{٢}}$$

٣) $\frac{د ص}{د س} = \frac{د ص}{د ع} \times \frac{د ع}{د س}$

$٤(ع - ١)^{٣} \times ٤$

$٤(٤ س + ١)^{٣} \times ٤$

Sami Academey Education
أكاديمية التعليم السامي التدريبي