

الجمال في

مهارات الرياضيات

الفرع العلمي



اختبار في الفصل الثاني
حمدة ابو الفول



مدة الامتحان: $\frac{د}{س} : \frac{د}{س}$
اليوم والتاريخ:

المبحث : الرياضيات/المستوى الرابع
الفرع : العلمي

ملحوظة: أجب عن الأسئلة الآتية جميعها وعددها (٥) ، علما بأن عدد الصفحات (٤) .

السؤال الاول :

(١) جـ د التكاملات التالية :

$$(1) \int \frac{س^٦}{س^٢ + س - ٦} دس$$

$$(2) \int ٧س^٧ قاس^٢ دس$$

(ب) إذا كان تسارع جسيم (ت) بعد (ن) ثانية يعطى بالعلاقة $ت(ن) = ٦ + ٢ن$ ، اوجد المسافة التي يقطعها الجسيم بعد ثانييتين من بدء حركته ، علما بأنه قطع مسافة ٢٠ م بعد ثانية واحدة من بدء حركته ، وسرعته الابتدائية ٥ م/ث

(ج) يتكوّن هذا الفرع من ثلاث فقرات ، لكل فقرة أربعة بدائل ، واحد منها فقط صحيح .
انقل الى دفتر إجابتك رقم الفقرة ورمز الإجابة الصحيحة لها : (٩ علامات)

$$(1) \text{ إذا كان } \int (١ - (س)) دس = ٦ ، \int (٣ - ق(س)) دس = ٨ ، \text{ فإن قيمة } \int (٢ق(س) + ٢) دس$$

$$(أ) ٤ - (ب) ٤ (ج) ١٢ (د) ١٢ -$$

(٢) إذا كانت $ص = هـ$ تحقق المعادلة $ص^٢ + ٢ص - ٨ = ٠$ ، فإن مجموعة قيم الثابت أ هي

$$(أ) \{٨ ، ٢\} (ب) \{٤ ، ٢ -\} (ج) \{٤ - ، ٢\} (د) \{٨ - ، ٢ -\}$$

$$(3) \text{ إذا علمت أن } ص = \int \frac{\pi^٩ دس}{١ - جاس} + \int (جاس - ١) دس + ١ ، \text{ فإن } \frac{دص}{دس} =$$

$$(أ) صفر (ب) جاس - ١ (ج) ١ (د) \frac{١}{جاس - ١}$$

السؤال الثاني :

$$(1) \text{ دون حساب قيمة التكامل جد أكبر قيمة لـ } \int \frac{\pi}{٩ + جاس} دس$$

الصفحة الثانية

(ب) جد مساحة المنطقة المغلقة المحصورة بين منحنيات الاقترانات ق(س) = ٤س^٣ ،

$$هـ(س) = -س^٢ ، ل(س) = ٦ - ٢س$$

(ج) جد قاعدة الاقتران كثير الحدود من الدرجة الاولى ، حيث ق(٢) = ٣ ،

$$\int_{-١}^٢ ق(س) دس = ٦$$

(ج) يتكوّن هذا الفرع من ثلاث فقرات ، لكل فقرة أربعة بدائل ، واحد منها فقط صحيح .
انقل الى دفتر إجابتك رقم الفقرة ورمز الإجابة الصحيحة لها : (٩ علامات)

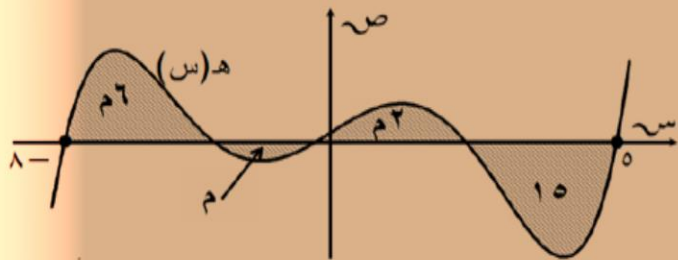
(١) اذا كان $\int_{٠}^١ [٢ + ٢س] دس = ٧$ ، $٠ < أ$ ، فإن قيمة أ هي

- (أ) ٢ (ب) ٤ (ج) ٦ (د) ٨

(٢) في الشكل المجاور : ليكن هـ(س) قابل للتكامل على $[-٨، ٥]$ ،

وكانت مساحات المناطق المحصورة بين

هـ(س) ومحور السينات كما بالشكل .



اذا كان $\int_{-٨}^٥ هـ(س) دس = ١ -$ ، فإن قيمة م تساوي :

- (أ) $\frac{١٦}{٧}$ (ب) ٢ (ج) $\frac{١٦}{٩}$ (د) ١

(٣) اذا كان الاقتران ق(س) كثير حدود ، فإن $\int ق'(\frac{س}{٢}) دس$ يساوي

$$\frac{١}{٢} \int ق'(\frac{س}{٢}) دس + \frac{١}{٨} \int ق'(\frac{س}{٢}) دس + \frac{١}{٤} \int ق'(\frac{س}{٢}) دس + \frac{١}{٢} \int ق'(\frac{س}{٢}) دس$$

السؤال الثالث :

(١) جد التكاملات التالية : $\int \frac{\sqrt{٤س^٢ + ٤س}}{س^٢} دس$

(٢) $\int \frac{٢ لوظاس}{١ + جتا ٢س} دس$

الصفحة الثالثة

(ب) إذا كان $Q(s) = \frac{\pi}{4} + \int_0^s (h + 2s) ds - \int_0^s (h + 2s) ds$ ، جد $Q\left(\frac{\pi}{4}\right)$.

(ج) يتكوّن هذا الفرع من ثلاث فقرات ، لكل فقرة أربعة بدائل ، واحد منها فقط صحيح .

انقل الى دفتر إجابتك رقم الفقرة ورمز الإجابة الصحيحة لها : (٩ علامات)

(١) إذا كانت مساحة المنطقة المحدودة بالمنحنيين $y = \sqrt{ax}$ ، $y = \frac{3}{x}$ ، $x = 0$ ، $x = 12$ وحدة مربعة ، فجد قيمة a .

(أ) ١ (ب) ٤ (ج) ٦ (د) ١٢

(٢) إذا كان $a > 0$ ، $b > 0$ ، وكان $a - b = 6$ ، $\int_0^b \frac{a}{|s|} ds = 2$ ، فجد قيمة a .

(أ) ٢ (ب) ٢- (ج) ٦ (د) ٦-

(٣) إذا كان Q ، h اقترانين قابلين للتكامل وكان $(Q \times h) = 1$ ، $4 = (Q \times h) = 8$ ،

وكان $\int_0^1 h^2 dx = 2$ ، فإن $\int_0^1 Q^2 dx =$

(أ) ٢ (ب) ٦ (ج) ١٠ (د) ١٤

السؤال الرابع:

(أ) جد معادلة الدائرة التي تمس محور السينات في النقطة $(6, 0)$ ،

وتقطع من محور الصادات جزءاً طوله ٨ وحدات

(ب) جد معادلة القطع الناقص الذي بؤرتاه هما رأسى القطع الزائد الذي معادلته هي :

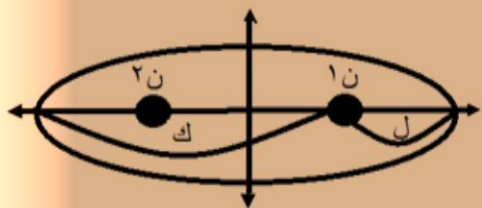
$\frac{x^2}{27} - \frac{y^2}{9} = 1$ ، واختلافه المركزي يساوي ٥ ، و

(ج) يتكوّن هذا الفرع من ثلاث فقرات ، لكل فقرة أربعة بدائل ، واحد منها فقط صحيح .

انقل الى دفتر إجابتك رقم الفقرة ورمز الإجابة الصحيحة لها : (٩ علامات)

(١) الشكل المجاور يمثل قطع ناقص معادلته $\frac{x^2}{1} + \frac{y^2}{4} = 1$

$1, 2, 3, 4$ ، هما بؤرتا القطع ، جد قيمة $l \times k$ ؟



(أ) $1^2 + 2^2$ (ب) $1^2 + 2^2$ (ج) $2^2 - 1^2$ (د) 2^2

الصفحة الرابعة

(٢) تتحرك النقطة ن (س ، ص) بحيث يتحدد موقعها بالمعادلة $\frac{ص}{ك} - \frac{س}{ك-٨} = ١$ ، ك عدد ثابت ، $-٨ > ك > -٤$ جد المحل الهندسي للنقطة المتحركة ن ؟

(أ) قطع ناقص سيني (ب) قطع ناقص صادي (ج) قطع زائد سيني (د) قطع زائد صادي

(٣) جد طول المحور الاكبر للقطع الناقص الذي يمس المستقيمت س $= ٨ \pm$ ، ص $= ٥ \pm$ ؟
 (أ) ٨ (ب) ١٦ (ج) ٥ (د) ١٠

الأسؤال الخامس :

(أ) قطع زائد البعد بين احدي البؤرتين وأحد طرفي المحور المرافق يساوي طول المحور القاطع ، جد اختلافه المركزي

(ب) جد معادلة الدائرة التي مركزها في بؤرة القطع المكافئ الذي معادلته :
 $ص = \frac{١}{٨} س^٢ + س + ٦$ ، وتمس دليله .

(ج) قطع محروطي معادلته هي : $٩ س^٢ - ٤ ص^٢ + ١٨ س - ٨ ص - ٣١ = ٠$ ، جد الاختلاف المركزي له .

(د) يتكوّن هذا الفرع من ثلاث فقرات ، لكل فقرة أربعة بدائل ، واحد منها فقط صحيح .
 انقل الى دفتر إجابتك رقم الفقرة ورمز الإجابة الصحيحة لها : (٩ علامات)

(١) جد احداثيات البؤرة للقطع المخروطي الذي معادلته $ص^٢ + ٨ س = ٠$ ؟

(أ) (٠ ، ١) (ب) (٠ ، -١) (ج) (٠ ، ٢) (د) (-٢ ، ٠)

(٢) جد الاختلاف المركزي للقطع الزائد الذي معادلته $٩ س^٢ - ١٤٤ = ١٦ ص^٢$ ؟

(أ) $\frac{٥}{٣}$ (ب) $\frac{٤}{٣}$ (ج) $\frac{٥}{٤}$ (د) $\frac{٣}{٢}$

(٣) اوجد معادلة القطع المكافئ الذي رأسه نقطة الاصل وبعدي نقطة تقع عليه عن البؤرة يساوي بعدها عن المستقيم $ص = ٣$ ؟

(أ) $١٢ - ص = ٠$ (ب) $١٢ + ص = ٠$ (ج) $١٢ - ص = ٠$ (د) $١٢ + ص = ٠$