



إدارة المناهج والكتب المدرسية

الرياضيات

الجزء الأول

٨

الصف الثامن

قائمة المحتويات

الموضوع

الصفحة

المقدمة

٥

٦

الوحدة الأولى: الأعداد الحقيقية

٨

الدرس الأول: العدد الحقيقي

١٣

الدرس الثاني: خصائص العمليات على الأعداد الحقيقية

٢٠

الدرس الثالث: قوانين الأسس

٢٧

الدرس الرابع: الصيغة العلمية

٣٠

الدرس الخامس: تبسيط التعابير الجذرية

٣٥

مراجعة

٣٧

اختبار ذاتي

٣٨

الوحدة الثانية: الجبر

٤٠

الدرس الأول: الأنماط

٤٩

الدرس الثاني: المقادير الجبرية

٥٦

الدرس الثالث: ضرب حد جبري في مقدار جبري

٦١

الدرس الرابع: ضرب مقدار جبري في مقدار جبري آخر

٦٧

الدرس الخامس: تحليل المقادير الجبرية بإخراج عامل مشترك

٧٢

الدرس السادس: تحليل المقادير الجبرية بالتجميع

٧٧

مراجعة

٧٩

اختبار ذاتي

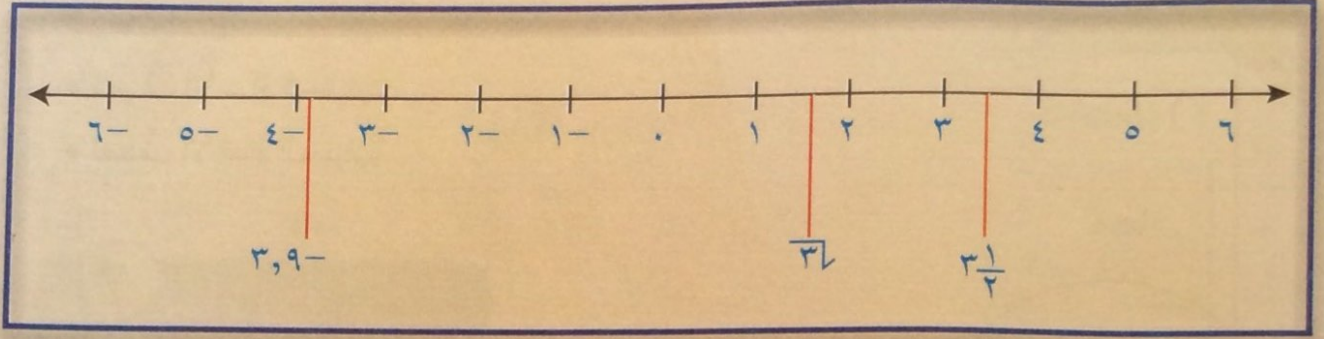
الصفحة	الموضوع
٨٢	الوحدة الثالثة: الاقترانات
٨٤	الدرس الأول : الاقتران
٩٢	الدرس الثاني : الاقتران الخطي
٩٧	الدرس الثالث : تمثيل الاقتران الخطي بيانياً
١٠٣	الدرس الرابع : خصائص الاقتران الخطي
١٠٩	مراجعة
١١١	اختبار ذاتي

الصفحة	الموضوع
١١٤	الوحدة الرابعة: الإحصاء
١١٦	الدرس الأول : المتوسط الحسابي
١٢٣	الدرس الثاني : الوسيط
١٢٧	الدرس الثالث : المنوال
١٣٣	الدرس الرابع : العلاقات بين مقاييس النزعة المركزية
١٣٩	الدرس الخامس : أثر تعديل البيانات في مقاييس النزعة المركزية
١٤٤	مراجعة
١٤٨	اختبار ذاتي

الوحدة الأولى

الأعداد الحقيقية

ستتعلم في هذه الوحدة الأعداد الحقيقية التي نشأت فكرتها بسبب وجود نواتج حسابية لا يمكن وصفها بأنها أعداد صحيحة أو أعداد نسبية مثل $\sqrt{3}$ ؛ لهذا كان يجب علينا توسعة نظام الأعداد المتعارف عليه إلى نظام جديد يشمل مثل هذه الأعداد، فكان نظام الأعداد الحقيقية الذي ستتعرف إليه في هذه الوحدة، كما ستتعرف العمليات على الأعداد الحقيقية وخصائصها وتطبيقاتها الحياتية مثل حساب الكميات والأطوال.

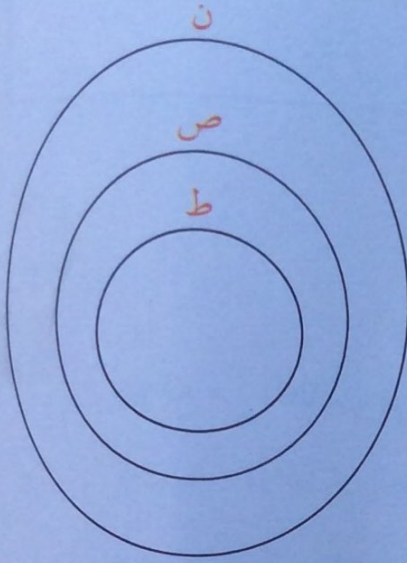


يتوقع من الطالب في نهاية هذه الوحدة أن يكون قادرًا على:

- ▶ تصنيف الأعداد الحقيقية على أنها مجموعات أعداد طبيعية، وصحيحة، ونسبية، وغير نسبية، وتوضيح أنها مجموعات متداخلة ضمن نظام الأعداد الحقيقية.
- ▶ التعرف إلى خصائص العمليات على الأعداد الحقيقية.
- ▶ توضيح قوانين الأسس الصحيحة المتعلقة بالأعداد وتطبيقاتها.
- ▶ حل مسائل حياتية على الأسس الصحيحة للأعداد، والحكم على الحل.
- ▶ تطوير فهم واضح للأعداد الكبيرة جدًا والصغيرة جدًا، والتعبير عنها باستخدام الأسس، والصيغ العلمية، والآلة الحاسبة.
- ▶ تبسيط التعابير الجذرية التي تتضمن أعدادًا حقيقية.

النتائج

- تتعرفُ الأعدادَ الحقيقية.
- تصنفُ الأعدادَ الحقيقية.



نشاط (١)

(١) ارسم المخطط المجاور في دفترِكَ ثمَّ اعتمدْ عليه لتصنيفِ الأعدادِ الآتيةِ إلى طبيعيةٍ (ط)، صحيحةٍ (ص)، نسبيةٍ (ن):

$$١٧، -٨، \frac{٣}{١١}، ٠، ٦، \frac{٥-}{١٩}، ٢، ١٠٤، -١٤، ٦، ٠، ١-$$

(٢) ما العلاقةُ بين مجموعةِ الأعدادِ الصحيحةِ وكلِّ من مجموعةِ الأعدادِ الطبيعيةِ، والنسبيةِ؟

مجموعةُ الأعدادِ الطبيعيةِ هي مجموعةُ الأعدادِ $\{١، ٢، ٣، ٤، \dots\}$ ونرمزُ لها بالرمزِ ط، وتُسمَّى أيضًا بالأعدادِ الصحيحةِ الموجبةِ ص+.

أما مجموعةُ الأعدادِ الصحيحةِ ص = $\{\dots، -٢، -١، ٠، ١، ٢، ٣، \dots\}$ فتتضمنُ:

- الأعدادَ الصحيحةِ الموجبةِ ص+ = $\{١، ٢، ٣، ٤، \dots\}$
- الأعدادَ الصحيحةِ السالبةِ ص- = $\{-١، -٢، -٣، -٤، \dots\}$
- الصفرَ.

والأعدادُ النسبيةُ ن = $\{س : س = \frac{أ}{ب}، أ، ب \text{ عددان صحيحان و } ب \neq ٠\}$ لهذا فهي تتضمنُ:

- الأعداد الطبيعية.
- الأعداد الصحيحة.
- الكسور والأعداد الكسرية.
- الأعداد العشرية المنتهية والأعداد العشرية الدورية.

نشاط (٢)

(١) باستخدام الآلة الحاسبة، املأ الجدول الآتي:

العدد	$\frac{3}{8}$	$\frac{45}{6}$	$\frac{20}{9}$	$\frac{7}{11}$	$\overline{16}$	$\overline{5}$	$\overline{37}$	$\overline{8}$	$\overline{10}$
قيمته باستخدام الآلة الحاسبة	0,375			0,63	4,0		6,08276203...		
تصنيفه	عدد عشري منته			عدد عشري دوري	عدد عشري منته		عدد عشري غير منته		

(٢) ماذا تلاحظ؟

لا بد أنك لاحظت أن الأعداد $\overline{5}$ ، $\overline{37}$ ، $\overline{10}$ هي أعداد عشرية غير منتهية وغير دورية، وتسمى هذه الأعداد، أعداداً غير نسبية.

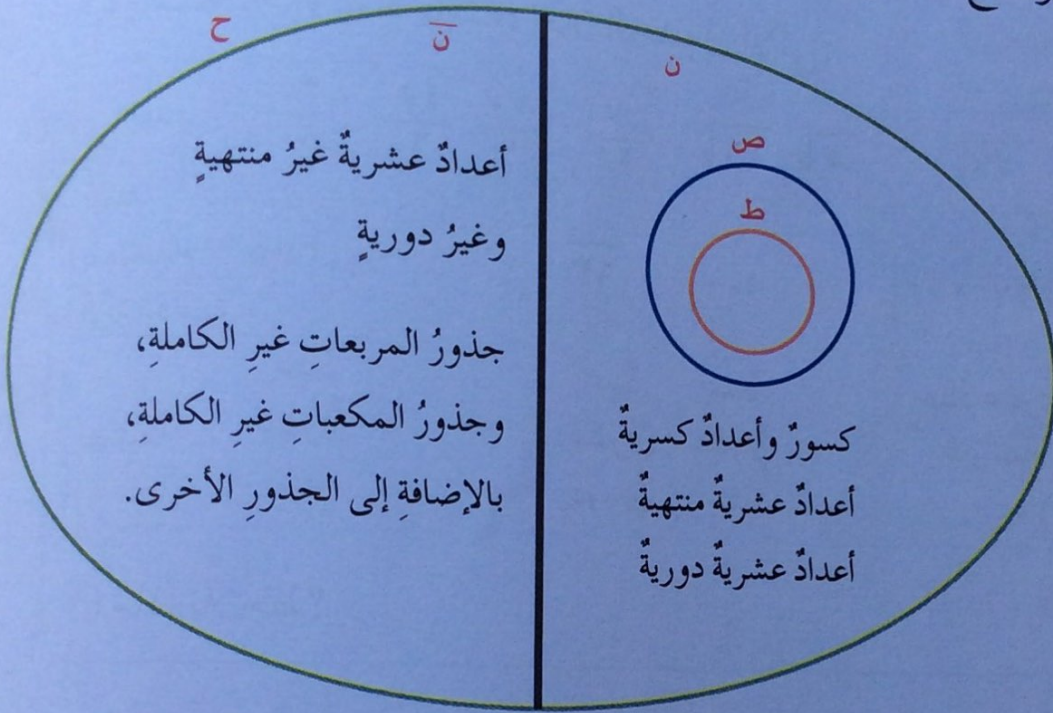
العدد غير النسبي هو كل عدد لا يمكن كتابته على صورة $\frac{أ}{ب}$ ، حيث أ، ب ∈ ص، ب ≠ ٠.

الأعداد غير النسبية تتضمن:

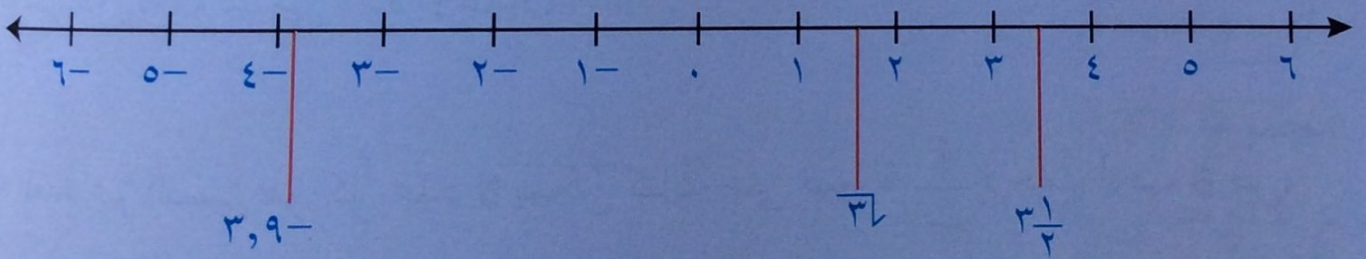
- الأعداد العشرية غير المنتهية وغير الدورية.
- جذور المربعات غير الكاملة والمكعبات غير الكاملة.
- هل هناك أعداد أخرى؟

مجموعة الأعداد الحقيقية هي اتحاد مجموعتي الأعداد النسبية وغير النسبية، ونرمز لها بالرمز ح.

والشكل الآتي يوضح مجموعة الأعداد الحقيقية:



لهذا؛ كل عدد على خط الأعداد هو عدد حقيقي.



١ تدريب

صنّف الأعداد الآتية إلى طبيعية وصحيحة ونسبية وغير نسبية:

$$٦٥ ، \frac{١٣}{٢٢} ، \sqrt{١٦} ، -٨،١٣ ،$$

$$٠،٠٤٣ ، ٢٣،٦٤٦٩٦٨... ، \sqrt{٧} ، ٠ ،$$

(إرشاد: يمكنك رسم جدول)

(١) أيُّ العددين $\sqrt{27}$ ، $\sqrt[3]{5}$ غير نسبيّ، مبرراً إجابتك؟

(٢) بيّن أيُّ العددين $0,157157157\dots$ ، $0,121231234\dots$ عدد غير نسبيّ، مبرراً إجابتك.

تحدّث



ما الفرقُ بين العددِ النسبيّ والعددِ غيرِ النسبيّ؟

ابحث



هل π عددٌ نسبيّ أم غيرٌ نسبيّ؟

تمارين ومسابئلة

(١) صنّف الأعداد الآتية إلى أعداد نسبية وغير نسبية، مع ذكر السبب:

(ج) $\sqrt{49}$

(ب) $\frac{11}{69}$

(أ) $254 -$

(و) 700

(هـ) $16,902$

(د) $2,131518 \dots$

(ط) $\frac{1}{5^2}$

(ح) $\sqrt[3]{\frac{36}{8}}$

(ز) $\sqrt[3]{1000 -}$

(٢) أيّ العبارات الآتية صحيحة، وأيها خاطئة مع التبرير:

(أ) كل عدد طبيعي هو عدد صحيح.

(ب) كل عدد حقيقي هو عدد صحيح.

(ج) كل عدد نسبي هو عدد صحيح.

(د) كل عدد نسبي هو عدد حقيقي.

(هـ) كل عدد طبيعي هو عدد حقيقي.

(٣) أعط مثالا على الحالات الآتية:

(أ) عدد حقيقي صحيح.

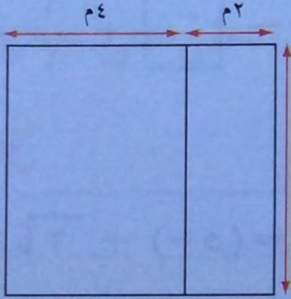
(ب) عدد حقيقي نسبي.

(ج) عدد حقيقي غير نسبي.

(د) عدد حقيقي طبيعي.

النتائج

• تتعرفُ خصائص العمليات على الأعداد الحقيقية.



غرفتان متجاورتان كلُّ منهما على شكل مستطيل، وأبعادهما كما هو موضَّح في الشكل المجاور. احسب مجموع مساحتي الغرفتين بطريقتين مختلفتين.

نشاط (١)



(١) احسب قيمة كلِّ مما يأتي: $7 + 5 -$ ، $7 + (-5)$

ماذا تلاحظ على ناتج كلِّ منهما؟

(٢) كرِّر الفرع (١) باختيار عددين حقيقيين آخرين، ماذا تلاحظ على ناتج كلِّ منهما؟

ماذا نسمي الخاصية السابقة لعملية الجمع؟

(٣) كرِّر الفرع (١) على عملية الطرح بحساب قيمة كلِّ من:

$$9 - (-11)، (-11) - 9$$

هل تتحقق هذه الخاصية على عملية الطرح؟

(٤) تحقق من خلال الأمثلة، إن كانت الخاصية السابقة تتحقق على عمليتي الضرب

والقسمة.

الخاصية (١)

إذا كان أ، ب عددين حقيقيين فإن:

$$\bullet \text{ أ} + \text{ ب} = \text{ ب} + \text{ أ}$$

$$\bullet \text{ أ} \times \text{ ب} = \text{ ب} \times \text{ أ}$$

تُسمى هذه الخاصية الخاصية التبادلية على عمليتي الجمع والضرب.

مثال (١)

اكتب العدد المناسب في لكل مما يأتي:

$$\sqrt{2} + \square = (-5) + \sqrt{2} \quad (1)$$

$$\square + 7 = \square + \frac{1}{3} \quad (2)$$

الحل

$$\sqrt{2} + \square = (-5) + \sqrt{2} \quad (1)$$

$$\frac{1}{3} + 7 = \square + \frac{1}{3} \quad (2)$$

١ تدريب

اكتب العدد المناسب في لكل مما يأتي:

$$\square + 9 = \square + 6,25 \quad (1)$$

$$0,2 + \square = \sqrt{15} + \square \quad (2)$$

نشاط (٢)

(١) احسب قيمة كل مما يأتي:

$$(-2) + (-3 + 1)$$

$$(-2) + ((-3) + 1)$$

ماذا تلاحظ على ناتج كل منهما؟

(٢) كرر الخطوات في الفرع (١) باختيار أعداد حقيقية أخرى، ماذا تلاحظ على الناتجين؟ ماذا نسمي الخاصية السابقة لعملية الجمع؟

(٣) كرّر الخطوات في الفرع (١) على عملية الطرح بحساب قيمة كلٍّ من:

$$1 - (3 - 2)$$

$$1 - ((3 - 2) - 2)$$

هل تتحقق هذه الخاصية على عملية الطرح؟

(٤) تحقق من خلال الأمثلة؛ إن كانت الخاصية السابقة تتحقق على عمليتي الضرب والقسمة. (إرشاد: يمكنك استعمال الآلة الحاسبة).

الخاصية (٢)

إذا كانت أ، ب، ج، أعدادًا حقيقية فإن:

- $(أ + ب) + ج = أ + (ب + ج)$ وتُسمى الخاصية التجميعية على عملية الجمع.
- $(أ \times ب) \times ج = أ \times (ب \times ج)$ وتُسمى الخاصية التجميعية على عملية الضرب.

مثال (٢)

اكتب العدد المناسب في لكلِّ مما يأتي:

$$(3 + 0,2) + \square = \square + (0,2 + 5) \quad (١)$$

$$(\square \times 1,7) \times \frac{1}{4} = 8 \times (1,7 \times \square) \quad (٢)$$

الحلُّ

$$(3 + 0,2) + \square = 3 + (0,2 + 5) \quad (١)$$

$$(\square \times 1,7) \times \frac{1}{4} = 8 \times (1,7 \times \frac{1}{4}) \quad (٢)$$

نشاط (٣)

(١) املأ الجدول الآتي:

$أ \times ب$	$أ \times ج$	$ب + ج$	$أ \times (ب + ج)$	$أ \times ب + أ \times ج$
$أ = ٢$				
$ب = ٣$				
$ج = ٧$				
$أ = ٥$				
$ب = ٨$				
$ج = ٢$				
$أ = ١١$				
$ب = ١٥$				
$ج = ٩$				

(٢) ماذا تلاحظ؟

الخاصية (٣)

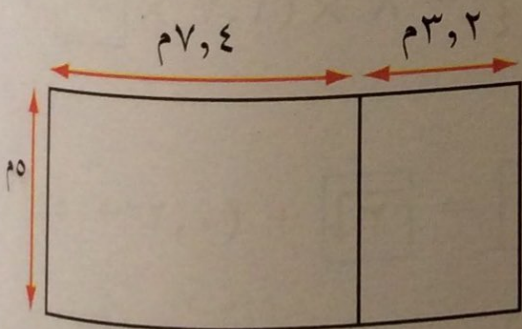
إذا كان أ، ب، ج، أعدادًا حقيقية فإن:

$$أ \times (ب + ج) = (أ \times ب) + (أ \times ج)$$

تُسمى هذه الخاصية خاصية توزيع الضرب على الجمع.

تدريب ٢

احسب مساحة الشكل المجاور بطريقتين.



الخاصية (٤)

إذا كان أعدادًا حقيقيًا، فإن:

$$أ = ٠ + أ$$

، نسمي الصفرَ عنصرًا محايدًا لعملية الجمع.

$$أ = ١ \times أ$$

، نسمي العدد ١ عنصرًا محايدًا لعملية الضرب.

الخاصية (٥)

إذا كان أعدادًا حقيقيًا، $أ \neq ٠$ ، فإن:

$$٠ = (أ-) + أ$$

، نسمي - أ نظيرًا جمعيًا للعدد أ، أو (معكوس العدد أ).

$$١ = \frac{١}{أ} \times أ$$

، نسمي $\frac{١}{أ}$ نظيرًا ضربيًا للعدد أ، أو (مقلوب العدد أ).

الخاصية (٦)

خاصية الضرب بالصفر:

$$٠ = أ \times ٠ = ٠ \times أ$$

إذا كان أعدادًا حقيقيًا فإن

مثال (٣)

حل المعادلات الآتية:

$$(١) \sqrt{٢} + س = \text{صفرًا}$$

$$(٢) \frac{\sqrt{٣}}{٥} س = ١$$

الحل

$$(١) \sqrt{٢} + س = ٠$$

$$\sqrt{٢} - \sqrt{٢} + \sqrt{٢} + س = \sqrt{٢} - \sqrt{٢} + \sqrt{٢} + س = \text{صفرًا} + \sqrt{٢} + س$$

$$\sqrt{٢} - \sqrt{٢} = -س$$

حل المعادلة بإضافة النظير الجمعي.

تطبيق الخاصية ٤

حلّ المعادلة بالضرب بالنظير الضربي ثم الاختصار.

تطبيق الخاصية ٤

$$(2) \quad 1 = s \times \frac{\sqrt{3}}{5}$$
$$\frac{5}{\sqrt{3}} \times 1 = s \times \frac{\cancel{5}}{\sqrt{3}} \times \frac{\cancel{\sqrt{3}}}{\cancel{5}}$$
$$s = \frac{5}{\sqrt{3}}$$

تدريب ٣

حلّ المعادلات الآتية:

$$(1) \quad 1 = s \times \frac{\sqrt{9}}{2}$$

$$(2) \quad 2, 3, 2, 4, 5 \dots = s + 2, 3, 2, 4, 5 \dots$$

$$(3) \quad 0 = s + \sqrt{5}$$

فكر وناقش



اكتشف الخطأ في العبارات الآتية، مبرراً إجابتك.

(1) النظير الجمعي للعدد $\sqrt{42} - \sqrt{42}$ هو $-\sqrt{42}$

(2) النظير الضربي للعدد $\sqrt{4}$ هو $\frac{1}{4}$.

(١) جد قيمة س في كل مما يأتي:

أ) $(-6, 2) + (7, 4) = (-6 + 2, 2 + 7)$

ب) $0 = س \times \frac{\sqrt{17}}{42}$

ج) $2 = س \times \frac{1}{11}$

د) $(س \times 4) + 8 = 92 \times 4$

(٢) اكتب النظير الجمعي لكل من الآتي:

أ) $\sqrt{41}$

ب) 123

ج) $\frac{4}{27}$

د) $\sqrt{19}$

(٣) اكتب النظير الضربي لكل من الآتي:

أ) $\sqrt[3]{\frac{2-}{13}}$

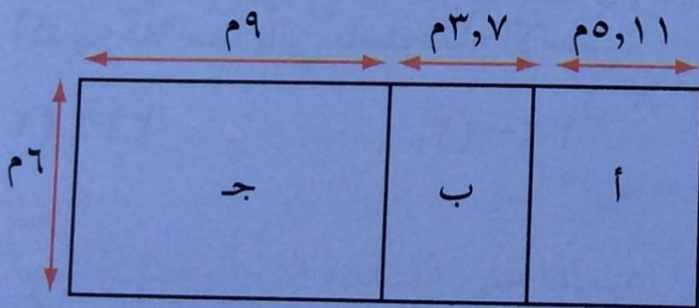
ب) $2 \frac{4}{15}$

ج) $\sqrt{11}$

د) 67

(٤) صندوقان في كل منهما ٨ مغلفات، وفي كل مغلف ٢٠٠ ورقة، ما عدد الأوراق

في الصندوقين؟



(٥) احسب مساحة الشكل الموضح

جانبا بطريقتين.

(٦) بائع جملة يبيع صناديق من أقلام الحبر، كل صندوق فيه ١٠ دزينات من الأقلام،

اشترى عامر ٧ صناديق منها. جد عدد الأقلام التي اشتراها، علما بأن الدزينة

الواحدة تحوي ١٢ قلمًا.

النتائج

- تتعرفُ قوانينَ الأسسِ.
- تطبقُ قوانينَ الأسسِ الصحيحةِ.
- تحلُّ مسائلَ على قوانينِ الأسسِ.



الأميبا كائنٌ حيٌّ يتكوَّنُ منْ خليةٍ واحدةٍ، ويُرَى بالمجهرِ. يتكاثرُ الأميبا بالانقسامِ إلى خليتينِ كلِّ مرةٍ. ما عددُ الأميبا بعدَ ثلاثِ انقساماتٍ؟ بعدَ كم انقسامٍ يُصبحُ لديكَ ٦٤ خليةً؟

تذكُّر

$$س^n = س \times س \times س \times \dots \times س \text{ (ن من المرات)}$$

مثال (١)

اكتب كلاً مما يأتي باستخدامِ الأسسِ:

$$٣٢ - (٢)$$

$$٢١٦ (١)$$

الحل

(١) يمكنُ تحليلُ ٢١٦ باستخدامِ طريقةِ القسمةِ المتكررةِ كما هو موضحُ جانباً

$$\square = \square \times \square \times \square = ٢١٦$$

٢	٢١٦
٢	١٠٨
٢	٥٤
٣	٢٧
٣	٩
٣	٣
	١

٢	٣٢
٢	١٦
٢	٨
٢	٤
٢	٢
	١

(٢) يمكن تحليل ٣٢- باستخدام طريقة القسمة المتكررة كما هو موضَّح جانبًا.

$$\square - = ٣٢ -$$

تدريب ١

اكتب كلاً مما يأتي باستخدام الأسس:

$$٣١٢٥ - (٣)$$

$$٨٠٠٠ (٢)$$

$$٨١ (١)$$

نشاط (١)

املأ \square للحصول على عبارة صحيحة:

$$(١) \square \times \square \times \square \times \square \times (\square \times \square \times \square) = \text{س}^٣ \times \text{س}^٤$$

$$\square \times \square \times \square \times \square \times \square \times \square \times \square =$$

$$\text{س}^٧ =$$

(٢) كرِّر الخطوات المتبعة في الفرع (١) لوضع كل مما يأتي بصورة $\text{س}^٧$:

$$\text{س}^٦ \times \text{س}^٢, \text{ص}^٣ \times \text{ص}^٥, \text{ع}^٤ \times \text{ع}^٢$$

$$(٣) \text{لا بدّ أنك لاحظت أن } \text{س}^٧ \times \text{س}^٢ = \text{س}^٩$$

(٤) ضع كلاً مما يأتي على صورة $\text{س}^٧$ اعتماداً على القاعدة التي توصلت إليها

$$\text{في الفرع (٣): } \text{م}^٩ \times \text{م}^٧, \text{ع}^٦ \times \text{ع}^{١١}, \text{ص}^٤ \times \text{ص}^٣ \times \text{ص}^{١٢}$$

قاعدة

$$\text{س}^٧ \times \text{س}^٢ = \text{س}^٩, \text{حيث } \text{س}^٧, \text{م}^٩ \text{ ص}^١٢$$

مثال (٢)

$$\text{بيّن أنّ } (س ص)^٣ = س^٣ \times ص^٣$$

الحلُّ

تعريفُ الأسِّ.

$$(س ص)^٣ = (س ص) \times (س ص) \times (س ص)$$

$$= س \times ص \times س \times ص \times س \times ص$$

$$= (س \times س \times س) \times (ص \times ص \times ص)$$

$$= س^٣ \times ص^٣$$

عمليةُ الضربِ تبديليةٌ وتجميعيةٌ.

تعريفُ الأسِّ.

تدريب ٢

$$\text{بيّن أنّ } (س^٢)^١٠ = س^{٢٠}$$

قاعدة

- $(س ص)^ن = س^ن \times ص^ن$
- $(س^ن)^م = س^{ن \times م}$ ، حيثُ ن، م \in ص.

فكّر وناقش



بيّن الخطأ في العبارة الآتية: $١٢ \times ٢ = ٢٤$ واكتب الصواب.

تدريب ٣

اكتب كلاً مما يأتي كقوةٍ واحدةٍ:

$$(١) ب^٣ \times ب^٨$$

$$(٢) ع^٢ \times س^٢$$

$$(٣) (١١) \times (١٣)$$



املاً الفراغ بما هو مناسب:

$$\frac{\dots \times \dots \times \dots \times \dots \times \dots}{\text{س} \times \text{س} \times \text{س}} = \frac{\dots}{\text{س}^3} = \text{س}^{\circ} \div \text{س}^3$$

$$\frac{\text{س} \times \text{س} \times \cancel{\text{س}} \times \cancel{\text{س}} \times \cancel{\text{س}}}{\cancel{\text{س}} \times \cancel{\text{س}} \times \cancel{\text{س}}} = \text{س}^{\circ} \div \text{س}^3$$

$$\dots = \text{س}^{\circ} \div \text{س}^3$$

(٢) كرّر الخطوات السابقة لإيجاد ناتج كل مما يلي:

$$\text{س}^{\circ} \div \text{س}^4$$

$$\text{س}^{\circ} \div \text{س}^7$$

$$\text{س}^3 \div \text{س}^3$$

$$\text{س}^2 \div \text{س}^6$$

(٣) لا بدّ أنّك لاحظت أنّ:

$$\text{أ) } \text{س}^{\circ} \div \text{س}^{\circ} = \text{س}^{-\circ}$$

$$\text{ب) } \text{س}^{\circ} \div \text{س}^{\circ} = \text{س}^{\circ} = \dots$$

$$\text{ج) } \text{س}^{-\circ} = \frac{1}{\text{س}^{\circ}}$$

(٤) جدّ ناتج كل مما يأتي اعتماداً على ما توصلت إليه:

أ) $\text{م}^{14} \div \text{م}^{10}$ ب) $\text{ع}^{10} \div \text{ع}^{10}$ ج) $\text{ص}^{19} \div \text{ص}^{20}$

قاعدة

$$(1) \text{ س } \div \text{ س} = \text{س}^{-\text{ن}} = \text{م}^{-\text{ن}}, \text{ حيث } \text{ن} \in \text{ص}, \text{س} \neq 0$$

$$(2) \text{ س}^0 = 1$$

$$(3) \text{ س}^{-\text{ن}} = \frac{1}{\text{س}^{\text{ن}}}, \text{ حيث } \text{ن} \in \text{ص}, \text{س} \neq 0$$

مثال (3)

$$\text{بيّن أن } \left(\frac{\text{س}}{\text{ل}}\right)^3 = \frac{\text{س}^3}{\text{ل}^3}$$

الحل

تعريف الأس.

$$\left(\frac{\text{س}}{\text{ل}}\right)^3 = \frac{\text{س}}{\text{ل}} \times \frac{\text{س}}{\text{ل}} \times \frac{\text{س}}{\text{ل}}$$

نضرب البسط \times البسط \times البسط
كذلك المقام

$$\frac{\text{س} \times \text{س} \times \text{س}}{\square \times \square \times \square} = \frac{\square}{\text{ل}^3} =$$

قاعدة

$$(1) \left(\frac{\text{س}}{\text{ل}}\right)^{\text{ن}} = \frac{\text{س}^{\text{ن}}}{\text{ل}^{\text{ن}}}, \text{ حيث } \text{ن} \in \text{ص}, \text{ل} \neq 0$$

$$(2) \left(\frac{\text{س}}{\text{ل}}\right)^{-\text{ن}} = \left(\frac{\text{ل}}{\text{س}}\right)^{\text{ن}}, \text{ حيث } \text{ن} \in \text{ص}, \text{ل} \neq 0, \text{س} \neq 0$$

تدريب 4

اكتب كلاً مما يأتي كقوة واحدة:

$$(1) \text{ص}^{26} \div \text{ص}^6$$

$$(2) \text{ع}^{19} \div \text{ع}^{19}$$

$$(3) \frac{\text{ص}^7}{\text{ص}^8}$$

$$(4) \frac{\text{ن}^{12}}{\text{ف}^{12}}$$

مثال (٤)

حلّ المعادلات الآتية:

$$(١) \text{ س}^{-١} = \frac{٣}{٨} \quad (٢) ٦٨ = ٢٨ \times ٣٨$$

الحلّ

$$(١) \text{ س}^{-١} = \frac{٣}{٨}$$

$$\text{س}^{-١} \left(\frac{٨}{٣} \right) = \frac{٨}{٣} \times \frac{٣}{٨}$$

$$\text{س} = \frac{٨}{٣}$$

$$(٢) ٦٨ = ٢٨ \times ٣٨$$

$$٦٨ = ٢+٣٨$$

$$\text{س} = ٢ + ٧$$

$$\text{س} = ٩$$

نطبق القاعدة $\text{س}^{-١} = \frac{١}{\text{س}}$ ، ونساوي بين أسس الطرفين

إذا تساوت أسس طرفي معادلة فإن الأساس متساوٍ.

نطبق القاعدة $\text{س}^١ \times \text{س}^١ = \text{س}^{١+١}$

إذا تساوى أسس طرفي معادلة فإن الأسس متساوية

تدريب

حلّ المعادلات الآتية:

$$(١) \text{ س}^{-٧} = ٢^{-٧} \quad (٢) ١٨١٣ = ٣(١٣)$$

فكر وناقش



ناقش العبارات الآتية مع زملائك:

إذا كانت $\text{س} \in \mathbb{R}$ ، فإن:

(إرشاد: وضح باستخدام الأمثلة)

$$(١) \sqrt{|\text{س}|} = \sqrt{|\text{س}|}$$

$$(٢) \sqrt[٣]{|\text{س}|} = \sqrt[٣]{|\text{س}|}$$

تمارين ومسابقات

(١) جد قيمة كل مما يأتي:

- أ ($\frac{1}{3}$)^٤ ب ($-١, ٠$)^٦
 د (-٩)^١ هـ (-٥)^٣
 ز ($\sqrt{-٧}$)^٢ ح ($\sqrt[٣]{-٢}$)^٣
 ج (-١٠٠٠)^٠ و ($\frac{1}{٢١}$)^٤ × (٧)^٤

(٢) اكتب كلاً مما يأتي باستخدام الأسس:

- أ ($٠,٠٠٠١$) ب ($\frac{1}{٨}$)^{-١}
 ج (٢٧٤٤)

(٣) اكتب كلاً مما يأتي كقوة واحدة:

- أ ($١٠^١ × ١٠^٢$) ف ب ($١٠^٩ × ١٠^٨$) س
 د ($١٣ ÷ ٣$) ن هـ ($١٩ ÷ ١٩$) ع
 ز ($\frac{١٠^٨}{١٠^٨}$) ص ح ($\frac{١٧}{٢٠}$) ص
 ج ($\sqrt[١٠]{٥} × \sqrt[١٠]{٢}$) ج و ($١٤ × ١٤$) ص
 ط ($٢^٠$) ل

(٤) حل المعادلات الآتية:

أ ($١٦ = ٤^{-٤}$) س

ب ($٣٠١١ = ٥^{١١}$) س

د ($١٧ = \sqrt[٢]{١٧}$) س

ج ($٨١٤ = ٧١٤ ÷ ٣$) س

(٥) حل المسألة الواردة في بداية الدرس.

النتائج

- تتعرفُ الصيغةُ العلميةُ للأعدادِ.
- تكتبُ الأعدادَ الكبيرةَ جدًا والصغيرةَ جدًا باستخدامِ الصيغةِ العلميةِ.



متوسطُ بُعْدِ الأرضِ عنِ الشمسِ $1,5 \times 10^8$ كيلو مترًا. اكتبِ المسافةَ دونَ استعمالِ الأسسِ.

متوسطُ بُعْدِ كوكبِ المريخِ عنِ الشمسِ $5,7 \times 10^7$ كم، وهذا يساوي $57.000.000$ كم، نسمي الصيغةَ $5,7 \times 10^7$ بالصيغةِ العلميةِ للعددِ $57.000.000$ بينما نسمي الصيغةَ $57.000.000$ بالصيغةِ القياسيةِ له.

الصيغةُ العلميةُ للعددِ النسبيِّ هي $(أ \times 10^n)$ حيثُ $|أ| \in [1, 10)$ ، ن عددٌ صحيحٌ.

مثال (١)

اكتبِ كلًّا من العددين الآتيين بالصيغةِ العلميةِ:

(٢) $-8.000.000$

(١) 931.000

الحلُّ

$$1.000.000 \times \frac{1}{1.000.000} \times 931.000$$

$$10^6 \times 9,31.000 = 931.000 \text{ (١)}$$

$$1.000.000 \times \frac{931.000}{1.000.000}$$

$$10^6 \times 9,31.000$$

$$\frac{1}{1.0000} \times 8 = \frac{8}{1.0000} = 0,0008$$

$${}^{-1}10 \times 8 =$$

$${}^{-1}10 \times 8 = 0,0008 - (2)$$

تحدّث

عند التحويل من الصيغة القياسية إلى الصيغة العلمية، ما العلاقة بين أسّ العدد 1.0 وعند المنازل التي تتحركها الفاصلة العشرية، واتجاهها؟

تدريب 1

اكتب كلاً من الأعداد الآتية بالصيغة العلمية:

$$36.00000 - (3)$$

$$0,00074 (2)$$

$$85.1 (1)$$

مثال (2)

اكتب كلاً من العددين الآتيين بالصيغة القياسية:

$${}^{-1}10 \times 2 (2)$$

$${}^110 \times 6,09 (1)$$

الحل

$$1.0000 \times 6,09 = {}^110 \times 6,09 (1)$$

$$6.0900 =$$

$$\frac{1}{1.00000} \times 2 = {}^{-1}10 \times 2 (2)$$

$$0,000002 = \frac{2}{1.000000} =$$

تدريب 2

اكتب كلاً من العددين الآتيين بالصيغة القياسية:

$${}^{-2}10 \times 1,3 (2)$$

$${}^710 \times 6,9872 (1)$$

(١) اكتب كلاً مما يأتي بالصيغة العلمية:

- أ (٤٠٠٥٦) ب (٩٠٠٨٠٠٠-)
- ج (٦٥٢,٣) د (٠,٧٨٩)
- هـ (٠,٠٠٠١٢-)
- و ($\frac{٣}{١٠٠٠}$)

(٢) اكتب كلاً مما يأتي بالصيغة القياسية:

أ ($٦١٠ \times ٢,٠٠٨$)

ب ($٤١٠ \times ١,٥٠٣٣$)

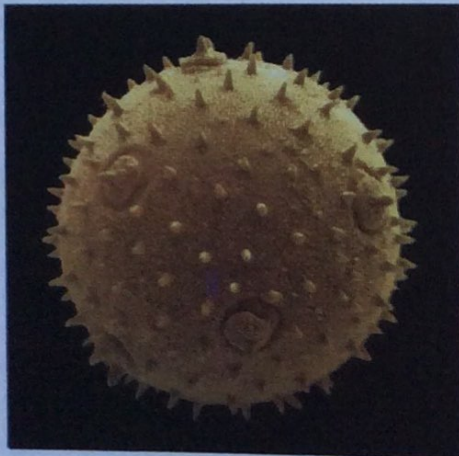
ج ($١٠ \times ٥,٩$)

(٣) اكتشف الخطأ في العبارتين الآتيتين واكتب الصواب.

أ (الصورة العلمية للعدد ٧٦١٠٠٠ هي ٧٦١×١٠)

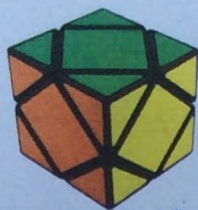
ب (الصورة القياسية للعدد ٣٣٩١٦×١٠ هي ٣٣٩١٦)

(٤) أطول حبة لقاح في العالم هي حبة لقاح زهرة الكوسا؛ إذ يبلغ طولها $\frac{١}{٥}$ ملم، بينما يبلغ طول حبة لقاح زهرة شقائق النعمان ٠,٠١٨ ملم. اكتب هذه الأطوال بالصيغة العلمية.



النتائج

• تبسط تعابير جذرية لأعداد حقيقية.



إذا كان حجم المكعب في الشكل المجاور 270 سم^3 ، فما طول ضلعه؟

نشاط (١)



أكمل الجدول الآتي:

$\sqrt{\dots} = \sqrt{4 \times 9}$	$= \sqrt{4} \times \sqrt{9}$
$\dots =$	$\dots \times \dots$
$\sqrt[3]{\dots} = \sqrt[3]{8 \times 8}$	$= \sqrt[3]{8} \times \sqrt[3]{8}$
$\dots =$	$\dots \times \dots$
$\sqrt{\dots} = \sqrt{25 \times 4}$	$= \sqrt{25} \times \sqrt{4}$
$\dots =$	$\dots \times \dots$
$\dots = \frac{\sqrt{\dots}}{1} = \frac{\sqrt{36}}{9}$	$2 = \frac{\dots}{\dots} = \frac{\sqrt{36}}{9}$
$\dots = \sqrt[3]{125} = \frac{\sqrt[3]{\dots}}{1} = \frac{\sqrt[3]{1000}}{8}$	$5 = \frac{\dots}{\dots} = \frac{\sqrt[3]{1000}}{8}$

ماذا تلاحظ؟

اكتب قاعدة عامة تلخص ما سبق.

قاعدة (١)

إذا كانت أ، ب، هـ، ف، أعدادًا حقيقية، حيث $0 \leq أ$ ، $0 \leq ب$ ، فإن:

$$\sqrt{أ \times ب} = \sqrt{أ} \times \sqrt{ب}$$

$$\sqrt[٣]{أ \times ب} = \sqrt[٣]{أ} \times \sqrt[٣]{ب}$$

قاعدة (٢)

إذا كانت أ، ب، هـ، ف، أعدادًا حقيقية، حيث $0 \leq أ$ ، $0 < ب$ ، $ف \neq 0$ ، فإن:

$$\frac{\sqrt{أ}}{\sqrt{ب}} = \sqrt{\frac{أ}{ب}}$$

$$\frac{\sqrt[٣]{أ}}{\sqrt[٣]{ب}} = \sqrt[٣]{\frac{أ}{ب}}$$

فكر وناقش



يبيّن لماذا لا تنطبق القاعدة ١ على عمليتي الجمع والطرح؟ موضحًا إجابتك بإعطاء أمثلة.

نستعمل القاعدتين السابقتين في تبسيط العبارات الجبرية.

مثال (١)

حلّ المسألة الواردة في مقدمة الدرس.

الحلّ

$$\sqrt[٣]{٢٧٠} = \text{طول الضلع}$$

$$\sqrt[٣]{١٠ \times ٢٧} =$$

$$\sqrt[٣]{١٠} \times \sqrt[٣]{٢٧} =$$

$$\sqrt[٣]{١٠} \times ٣ =$$

$$٣ \sqrt[٣]{١٠} \text{ سم.}$$

مثال (٢)

جد القيمة العددية للتعبير العددي الآتي:

$$\sqrt{2} \times \sqrt{50}$$

الحل

$$\sqrt{2 \times 50} = \sqrt{2} \times \sqrt{50}$$

$$\sqrt{100} =$$

$$10 =$$

حل المثال (٢) بطريقة أخرى؟

١ تدريب

اكتب القيمة العددية في كل مما يأتي:

$$\sqrt{9} \times \sqrt{24} \quad (٢)$$

$$\sqrt{4} \times \sqrt{49} \quad (١)$$

$$\frac{\sqrt{54}}{\sqrt{2}} \quad (٤)$$

$$\frac{\sqrt{16}}{\sqrt{25}} \quad (٣)$$

مثال (٣)

ما ناتج: $\sqrt{9} - \sqrt{36} + \sqrt{121} + \sqrt{3}$

الحل

$$\sqrt{9} - \sqrt{36} + \sqrt{121} + \sqrt{3}$$

$$\sqrt{9} - \sqrt{2 \times 18} + \sqrt{4 \times 31} + \sqrt{3} =$$

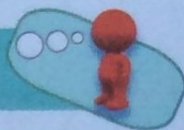
$$\sqrt{9} - \sqrt{2} \times \sqrt{18} + \sqrt{2} \times \sqrt{31} + \sqrt{3} =$$

$$\sqrt{9} - \sqrt{2} \times \sqrt{2 \times 9} + \sqrt{2} \times \sqrt{31} + \sqrt{3} =$$

$$\sqrt{9} - \sqrt{2} \times \sqrt{2} \times \sqrt{9} + \sqrt{2} \times \sqrt{31} + \sqrt{3} =$$

ما ناتج: $8\sqrt{3} - 5\sqrt{1} + 6\sqrt{3} + 7\sqrt{8}$ ؟

تحدث



كيف تجد قيمة جذر تربيعي لعدد ليس مربعًا كاملاً؟

فكر وناقش



جد قيمة كل من:

$$(1) \sqrt{64} \times 0,001$$

$$(2) \sqrt{0,00000007}$$

تمارين ومسائل

(١) ما قيمة كل مما يأتي:

أ) $\sqrt{36 \times 100}$

ب) $\sqrt{16000}$

ج) $\sqrt{\frac{81}{64}}$

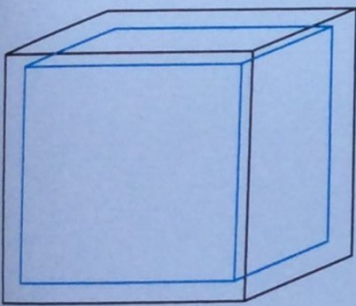
د) $\sqrt{\frac{192}{3}}$

هـ) $\sqrt{3} \times \sqrt{9}$

و) $\sqrt{2} \times \sqrt{0,125}$

ز) $\sqrt{5} \times 8 - \sqrt{28} \times 4 - \sqrt{63} + \sqrt{2} \times 6$

ح) $\sqrt{2} (\sqrt{32} - \sqrt{4} - \sqrt{32})$



(٢) صندوق لحفظ المواد المشعة مكعب الشكل. إذا كان الحجم الخارجي للصندوق ٢٧,٠٠٠ م^٣، أما الحجم الداخلي له فيبلغ ٨,٠٠٠ م^٣. احسب سمك الصندوق.

(٣) اكتشف الخطأ واكتب الصواب في ما يأتي:

$$\sqrt{2} \times 7 = \sqrt{2} \times 2 \times 49 = \sqrt{2} \times 98$$

مراجعة

(١) صنّف الأعداد الآتية إلى نسبية وغير نسبية:

أ) $1\frac{3}{8}$ (ب) $\sqrt{11}$ (ج) $35, \bar{7}$

د) $\sqrt[3]{-1,001}$ (هـ) $56, 1.02030\dots$ (و) $1968-$

ز) $\sqrt[4]{\frac{40}{10}}$ (ح) $\sqrt[3]{\frac{125}{5}}$

(٢) أيّ العبارات الآتية صحيحة وأيها خاطئة مع التبرير:

أ) كل عدد صحيح موجب هو عدد طبيعي.

ب) الأعداد الحقيقية هي الأعداد غير النسبية.

ج) الكسر العشري الدوري هو عدد نسبي.

د) العدد $\sqrt{121}$ هو عدد غير نسبي.

هـ) النظير الضربي للعدد $\sqrt{5}$ هو $\frac{1}{\sqrt{5}}$

(٣) جد قيمة س في كل مما يأتي:

أ) $\sqrt{7} + 11 = 11 - \sqrt{7} + س$

ب) $\sqrt[3]{13} + س = 0$

ج) $1 = س \times \frac{1}{\sqrt[3]{6}}$

(٤) خزانان في كل منهما ٤ رفوف، وفي كل رف ١٢ كتابًا، ما عدد الكتب في الخزانين؟

٥) اكتب كلاً مما يأتي كقوةٍ واحدة:

أ) $s \div s^{-٤}$ (ب) $(٤^{-٣} \times ٤^{-٥})^{-٢}$

ج) $(\frac{١}{٩})^{-٧} \times (٩^{-٧})$ (د) $ص^{١٣} \div ص^{١٥}$

هـ) $(٣^{-٥})^{-٥}$ (و) $(\frac{٦}{٨})^{-٤}$

٦) اكتب كلاً مما يأتي بالصيغة العلمية:

أ) ٧٨٩ (ب) $-٠,٠٠٠٨٩$ (ج) $\frac{٧}{٥}$

٧) اكتب $١,٠٢ \times ١٠^٤$ بالصيغة القياسية.

٨) جد قيمة كل مما يأتي:

أ) $(\sqrt[٤]{٣})^٤$ (ب) $\sqrt[٢]{٣٤٣}$ (ج) $\sqrt[٢]{\frac{١٢١}{١٤٤}}$

د) $\sqrt[٢]{\frac{١٢٨}{١٢٥}}$ (هـ) $\sqrt[٢]{١٠} \times \sqrt[٢]{٠,٠٠٠١}$

و) $\sqrt[٢]{٢٤} - \sqrt[٢]{٤٨} \div ٥ - \sqrt[٢]{٣٠٠} + \sqrt[٢]{٥٤} \div ٧$

٩) حل المعادلات الآتية:

أ) $\frac{١}{١٢٥} = ٥^س$ (ب) $\frac{٢٧}{٨} = (\frac{٢}{٣})^س$

ج) $٢٦٣ = ٨١^س$ (د) $١٦١٠ = ١٠٠ \times ١٠^س$

هـ) $٦٥ = ١ + ٦^س$ (و) $\frac{٢}{٦٨٦} = ٣^{-س}$

اختبار ذاتي

- (١) اكتب مثلاً على عددٍ نسبيٍّ وآخر على عددٍ غيرٍ نسبيٍّ.
 (٢) وضح بماذا تختلف مجموعة الأعداد غير النسبية عن مجموعة الأعداد النسبية.
 (٣) وظّف خاصية التوزيع لإيجاد ناتج: ١٠٠١×٥٤
 (٤) ادّعى سامرٌ وهو طالبٌ في الصف الثامن، أن لديه القدرة على إجراء عمليات الضرب بسرعة أكبر من زملائه، فقال:

$$(إنَّ حاصل ضرب ٥ × ٢١١ = ١٠٠٠ + ٥٥)$$

ناقش ادعاء سامرٍ مع زملائك.

- (٥) اكتب كلاً مما يأتي كقوةٍ واحدة:

$$(ج) \left(\frac{٣-ف}{٢-ف}\right)^{-٥}$$

$$(ب) \frac{٤س}{٦-س}$$

$$أ) (٤^٣ \times ٤^{-٤})$$

- (٦) اكتب $٠,٠٠٠٠٨٩٧٦$ بالصيغة العلمية.

- (٧) اكتب $٠١٠ \times ٨,٠٠٩$ بالصيغة القياسية.

- (٨) جد قيمة كل مما يأتي:

$$(ج) \sqrt[٣]{\frac{٣٢}{٤}}$$

$$(ب) \sqrt[٤]{\frac{٤٩}{١٩٦}}$$

$$أ) (\sqrt[٣]{٧})^٢$$

$$(هـ) \sqrt[٣]{٠,٠٠٠٤} \times \sqrt[٣]{٢٠}$$

$$د) \sqrt[٣]{٠,٠٥٤}$$

$$و) (\sqrt[٣]{٨} + \sqrt[٣]{٤٥})^٥ - \sqrt[٣]{٥٠٠} - \sqrt[٣]{٣٢} \sqrt[٣]{٧}$$

- (٩) حلّ المعادلات الآتية:

$$(ج) ١٠٧ = ٤٩ \times ٧^س$$

$$(ب) ٢١٤ = ٦٤^س$$

$$أ) ٨١ = ٤^{-س}$$