

ورقة العمل المقترحة في مادة الرياضيات للفرع الأدبي / ٣م

إعداد الأستاذ : عمر المصري

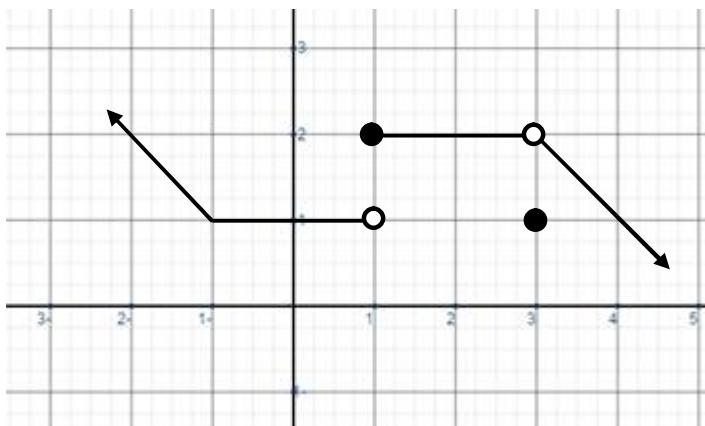
المستوى الثالث : النهايات والإتصال والتفاضل وتطبيقاته

٠٧٩٩٣٣٣٠٨٨



<http://awa2el.net/ar>

السؤال الأول : أ) معتمداً على الشكل المجاور والذي يمثل منحنى $q(s)$ أجب عما يليه :



١) $\lim_{s \rightarrow 1^-} q(s)$ ؟ غير موجودة

٢) $\lim_{s \rightarrow 3^+} q(s)$ ؟ $q = 2$

٣) قيم (s) والتي يكون الاقتران غير متصل عندها ؟

$$s = 1, s = 3$$

٤) متوسط التغير للاقتران $q(s)$ في الفترة $[0, 2]$ ؟ $q = \frac{1}{2}$

ب) إذا كانت $\lim_{s \rightarrow 1^+} q(s) = 3$ ، وكانت $\lim_{s \rightarrow 1^-} q(s) = 4$ ، فجد قيمة كل مما يلي :

١) $\lim_{s \rightarrow 1^+} [q(s) + \sqrt{h(s)}] - q = 5$

٢) قيمة الثابت (l) حيث $\lim_{s \rightarrow h(s)} q(s) + l = 2$ ؟ $q = 1$

السؤال الثاني : أ) جد قيمة كل من النهايات التالية :

١) $\lim_{s \rightarrow 2^-} \frac{s^3 - s^2 - 2s}{s^2 - 4}$ ؟ $q = 3$

٢) $\lim_{s \rightarrow 1^-} \frac{\sqrt[3]{s+2} - \sqrt{s+1}}{s-1}$ ؟ $q = \frac{1}{3}$

$$\lim_{s \rightarrow 2} \frac{\frac{2}{4+s^3} - \frac{1}{3+s}}{s-2} = \frac{1}{12}$$

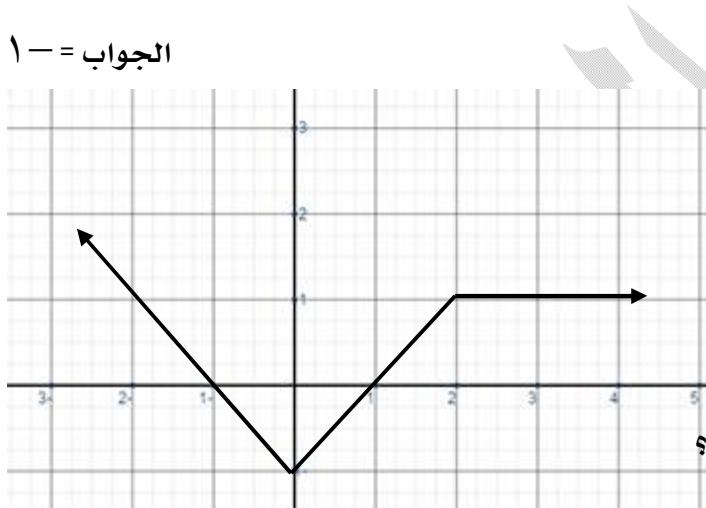
ب) إذا كان $f(s)$:

$s^2 - b$, $s > 2$	$s = 2$	$s^3 - b$, $s < 2$
---------------------	---------	---------------------

الجواب : $b = 1$, $s = 4$

السؤال الثالث : ١) مستخدماً التعريف العام للمشتقة الأولى جد $f'(1)$ للاقتران $f(s) = \frac{1}{s-2}$

الجواب = ١



ب) الشكل المجاور يمثل $f(s)$ ، أجب عما يليه :

١) الفترة التي يكون فيها $f(s)$ متزايداً ؟

الجواب : $(-\infty, 1] \cup [1, \infty)$

٢) قيم $f(s)$ والتي يكون للاقتران عندها قيمة عظمى ؟

الجواب : $s = -1$

الجواب : $s = -1, 1$

$$\lim_{h \rightarrow 0} \frac{f(2+h) - f(2)}{h} = 1$$

ج) إذا كان $f(1) = 9$, $f'(1) = 0$, $f''(1) = -3$ معتمداً عليها أجب عما يلي :

١) جد قيم $f(s)$ للاقتران $f(s)$ ؛ الجواب : $s = 1$

٢) جد القيم القصوى (إن وجدت) مبيناً نوعها ؛ الجواب : عظمى عند $s = 1$ وقيمتها (٩)

السؤال الرابع : ١) جد معادلة المماس لمنحنى $f(s) = h^{-s} + s^2$ عند $s = 1$ ؛ الجواب $s = 3 - 1$

ب) يتحرك جسم وفق العلاقة $f(n) = n^3 - n^2$ ، فإذا كان تسارعه بعد ثانتين يساوي $\frac{1}{2}$ ، فجد قيمة الثابت a ؟

$$\text{الجواب} = s^2 \ddot{s} + 2s\dot{s} + s^2$$

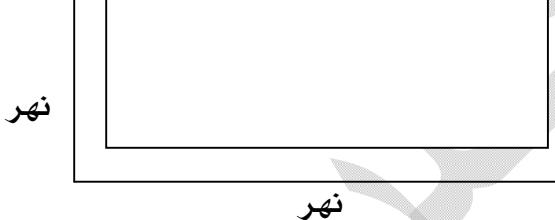
$$1) f(s) = s^2 \dot{s} + 2s^2 - s^3$$

$$\text{الجواب} = \frac{\text{جاس جتس}}{\sqrt{1+s^2}}$$

$$2) s = \sqrt{1+u^2} , u = \text{جاس}$$

$$3) s = \text{جتا}(s^2 - s)$$

السؤال الخامس : ١) قطعة أرض مستطيلة الشكل مساحتها $25m^2$ ، محاطة بنهر من جهتين متلاصقتين كما في الشكل المجاور ، أراد صاحب القطعة تسييج الجهات الأخرى عدا جهة النهر ، جد أبعاد القطعة حتى يكون طول السياج أقل ما يمكن ؟



$$\text{الجواب} : s = 5 , s = 5$$

ب) إذا كان اقتران الربح الناتج من بيع (s) وحدات يعطى بالعلاقة $r(s) = 6s^3 - s^2$ ، وكان اقتران الإيراد الناتج من بيع هذه الوحدات يعطى بالعلاقة $e(s) = s^2 - 4s + 1$ ، فجد عدد الوحدات اللازمة إنتاجها حتى تكون التكلفة أقل ما يمكن ؟

$$\text{الجواب} : s = 15$$

مع خالص دعائي لكم بالتوفيق والنجاح

الأستاذ عمر المصري ٠٧٩٩٣٣٣٠٨٨