



امتحان شهادة الدراسة العامة لعام ٢٠١٨ / الدورة الصيفية

(وثيقة محمية/محدود)

مدة الامتحان: $\frac{١٥٠}{٢}$ س
اليوم والتاريخ: الاثنين ٢٠١٨/٠٧/٠٢

المبحث: الرياضيات/الفصل الأول
الفرع: العلمي + الصناعي (جامعات)

ملحوظة: أجب عن الأسئلة الآتية جميعها وعددها (٥)، علماً بأن عدد الصفحات (٤).

السؤال الأول: (٣٠ علامة)

أ) جد قيمة النهايات الآتية: $\lim_{x \rightarrow 4} \frac{x^2 - 16}{x - 4}$

(١١ علامة)

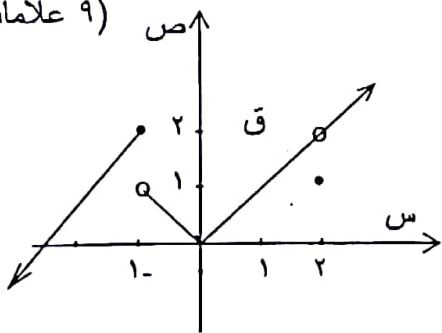


$\lim_{x \rightarrow 4} \frac{x^2 - 16}{x - 4} = \lim_{x \rightarrow 4} \frac{(x-4)(x+4)}{x-4} = \lim_{x \rightarrow 4} (x+4) = 4+4 = 8$

(١٠ علامات)

$\lim_{x \rightarrow 1} \frac{1}{1-x} - \frac{1}{x+1} = \frac{1}{1-1} - \frac{1}{1+1} = \frac{1}{0} - \frac{1}{2} = \infty - \frac{1}{2} = \infty$

(٩ علامات)



ب) انقل إلى دفتر إجابتك رقم الفقرة ورمز الإجابة الصحيحة لها:

١) إذا كان الشكل المجاور يمثل منحنى الاقتران ق(س)، فإن مجموعة

قيم P التي تكون عندها نهاية ق(س) غير موجودة هي:

أ) $\{1-\}$ ب) $\{2, 1-\}$

ج) $\{2, 0\}$ د) $\{2, 0, 1-\}$

٢) إذا كانت نهاية $\lim_{x \rightarrow 2} (x^2 + 1) = 5$ صفراً، فإن نهاية $\lim_{x \rightarrow 2} (x^2 + 1) = 5$ تساوي:

أ) ١٠٨

ب) ٣٦

ج) ٦

د) ٥

٣) إذا كان ق(س) = $\frac{1-s}{\sqrt{s-1}}$ ، فإن ق(س) متصل في الفترة:

أ) $(1, 1-]$

ب) $(1, 1-)$

ج) $(1-, \infty)$

د) $(\infty, 1)$

السؤال الثاني: (٣١ علامة)

أ) جد ق (س) لكل مما يأتي عند قيم س المبينة إزاء كل منها:

(١٢ علامة)

$$1) \text{ ق (س) = } |(1+س)(3-س)| \text{ ، } س \in (-1, 4]$$

(١٠ علامات)

عند س = ٤ ،

$$2) \text{ ق (س) = } \left. \begin{array}{l} \left[\frac{1}{3}س + 3 \right] \text{ ، } 1 \leq س < 4 \\ \frac{16}{4-س^2} \text{ ، } 4 \leq س < 6 \end{array} \right\}$$

(٩ علامات)

ب) انقل إلى دفتر إجابتك رقم الفقرة ورمز الإجابة الصحيحة لها:

١) إذا كان ق (س) = $\sqrt{س+1}$ ، فإن نهـ $\frac{\text{ق}(-2) - \text{ق}(-2+هـ)}{هـ}$ تساوي:

أ) $\frac{1}{3}$ - (ب) $\frac{1}{3}$ (ج) $\frac{2}{3}$ (د) $\frac{2}{3}$

٢) إذا كان ق (س) ، هـ (س) اقترانين قابلين للاشتقاق ، حيث ق (٢) = ٤ ، هـ (١) = ٣ ، هـ (١) = ٢

فإن $\frac{د}{دس} (س^2 + \text{ق} (هـ))$ عند س = ١ تساوي:

أ) ١٢ (ب) ١٤ (ج) ١٨ (د) ٢٤

٣) إذا كان معدل تغير الاقتران ق (س) في الفترة [١ ، ٣] يساوي ٤ ، وكان معدل تغيره

في الفترة [٣ ، ٥] يساوي ٨ ، فإن معدل تغير الاقتران ق (س) في الفترة [٥ ، ١] يساوي:

أ) ٢ (ب) ٤ (ج) ٦ (د) ١٢

السؤال الثالث: (٣٠ علامة)

(١٠ علامات)

أ) إذا كان ق (س) = $(٣-س)^{-٤}$ ، فجد ق (٣) باستخدام تعريف المشتقة.

$$٤ - (٣-س)^{-٤} \times (-٤) = ٨ - (٣-س)^{-٤}$$

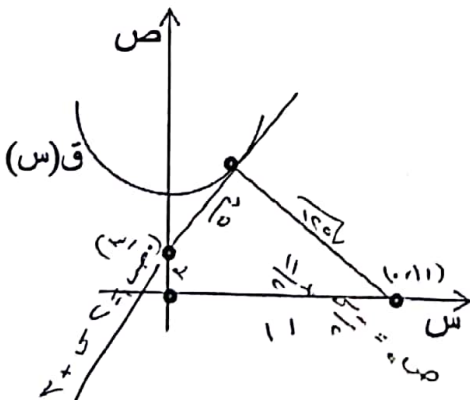
(١١ علامة)

ب) جد مساحة الشكل الرباعي الناتج عن تقاطع

المماس والعمودي على المماس لمنحنى

الاقتران ق (س) = $س^2 + ٤$ عند النقطة (١ ، ٥)

ومحوري السينات والصادات الموجبين.



يتبع الصفحة الثالثة

(٩ علامات)

ج) انقل إلى دفتر إجابتك رقم الفقرة ورمز الإجابة الصحيحة لها:

(١) إذا كان $\frac{دص}{دس} = ٣$ ، $\frac{دس}{دن} = \frac{١}{٢}$ ، فإن $\frac{دص}{دس}$ عند $ن = ٢$ تساوي:

- أ) ٢ (ب) ٨ (ج) ١٢ (د) ٤٨

(٢) إذا كان $ص = ق(س + ٢)$ ، $ق = ٧ - (٢)$ ، فإن $\frac{دص}{دس}$ عند $س = ١$ تساوي:

- أ) ٢٨ (ب) ٧ (ج) ٣٢ (د) ١١

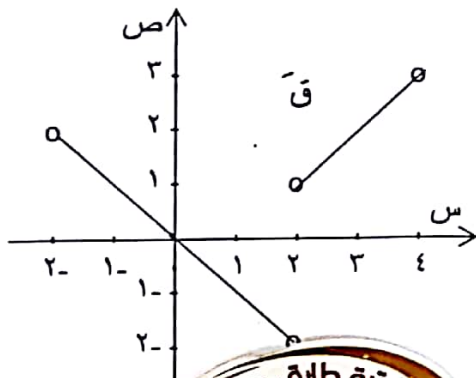
(٣) إذا كان $ق(س) = جاس$ ، $س \in [٠, \pi٢]$ ، فإن قيمة $س$ التي يكون عندها للاقتران $ق(س)$ قيمة عظمى تساوي:

- أ) صفر (ب) $\frac{\pi}{٣}$ (ج) $\frac{\pi}{٢}$ (د) π

السؤال الرابع: (٣١ علامة)

أ) ابحث في اتصال الاقتران $ق(س) = (س-٢)^٢ [٣ + \frac{١}{س}]$ ، عند $س = ٢$ مستهل = (١٠ علامات)

ب) الشكل المجاور يمثل منحنى المشتقة الأولى للاقتران $ق(س)$ المتصل على $[٢-، ٤]$ ، (١٢ علامة)



اعتمد على ذلك في إيجاد كل مما يلي:

(١) فترات التزايد والتناقص للاقتران $ق(س)$

(٢) قيم $س$ التي يكون عندها للاقتران $ق(س)$ قيم

قصوى محلية، مبيّنًا نوعها (إن وجدت).

(٣) مجالات التقعر للاقتران $ق(س)$.

(٤) قيم $س$ التي يكون عندها للاقتران $ق(س)$ نقط انعطاف.

(٥) $ق(٠)$ ، $ق(٢)$



(٩ علامات)

ج) انقل إلى دفتر إجابتك رقم الفقرة ورمز الإجابة الصحيحة لها:

(١) إذا كان $ق(س) = \sqrt{س^٢ - ١٦}$ ، فإن مجموعة قيم $س$ التي يكون عندها للاقتران $ق(س)$ نقط حرجة:

- أ) \emptyset (ب) $\{٨\}$ (ج) $\{١٦، ٠\}$ (د) $\{١٦، ٨، ٠\}$

(٢) إذا كان $ق(س) = جس^٢ - ٣س + ٦$ ، وكان قياس زاوية ميل المماس لمنحنى $ق$ عند

النقطة $(١، ق(١))$ هو ١٣٥° ، فإن قيمة الثابت $ج$ تساوي:

- أ) -٢ (ب) -١ (ج) ٢ (د) ١

(٣) إذا كان $ق(س) = س^٢ - ٢س + ٥$ ، فإن قيمة ٢ التي تجعل للاقتران $ق(س)$ مماس أفقي عند $س = ١$ تساوي:

- أ) -٤ (ب) -١ (ج) ٤ (د) ٣

يتبع الصفحة الرابعة

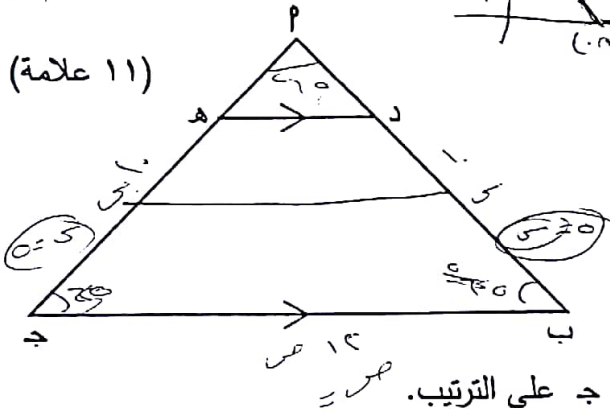
السؤال الخامس: (٢٨ علامة)

أ) طريق منحنى يمثل في المستوى الإحداثي بالاقتران $Q(s) = \sqrt{1-2s}$ ، والنقطة $(0, 3)$ تمثل موقع مستشفى. جد إحداثيي النقطة $P(s, v)$ الواقعة على الطريق التي يمكن أن يُبنى فيها صيدلية وتكون أقرب ما يمكن إلى المستشفى.

(٨ علامات)



(١١ علامة)

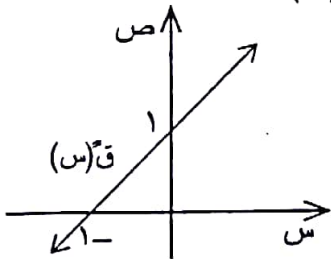


ب) يمثل الشكل المجاور المثلث P ب ج متطابق الضلعين فيه $P = B = 10$ سم ، $B = C = 12$ سم ، القطعة المستقيمة D // B ج ، فإذا تحركت القطعة المستقيمة D للأسفل مبتعدة عن P بمعدل $\frac{1}{4}$ سم/د فجد معدل التغير في مساحة الشكل الرباعي D ب ج هـ عندما تكون D ، هـ في منتصف كل من الضلعين P ب ، P ج على الترتيب.

(٩ علامات)

ج) انقل إلى دفتر إجابتك رقم الفقرة ورمز الإجابة الصحيحة لها:

١) إذا كان الشكل المجاور يمثل منحنى المشتقة الثانية للاقتران كثير الحدود $Q(s)$ وكان للاقتران $Q(s)$ نقط حرجة عند $s = -2$ ، صفر فإن منحنى $Q(s)$ متناقص في الفترة:



- أ) $(-2, \infty)$ ب) $(0, -2)$
ج) $(\infty, 0)$ د) $(2, 0)$

٢) صندوق حجمه معطى بالاقتران $ح = s^2 - 65s + 1000$ ، حيث s تمثل ارتفاع الصندوق فإن قيمة s التي تجعل حجم الصندوق أكبر ما يمكن تساوي:

- أ) $\frac{100}{3}$ ب) 10 ج) $\frac{10}{3}$ د) 100

٣) قذفت كرة رأسياً إلى أعلى من سطح الأرض، فإذا كانت المسافة المقطوعة $ف(ن) = 30n - 5n^2$ حيث $ف$ المسافة بالأمتار ، $ن$ الزمن بالثواني ، فإن سرعة الكرة لحظة اصطدامها بالأرض تساوي:

- أ) 60 م/ث ب) 30 م/ث ج) 30 م/ث د) 60 م/ث

﴿ انتهت الأسئلة ﴾

مكتبة طارق بن زياد

مختصون في التوجيهي

اسئلة الوزارة مع اجاباتها النموذجية

خلوي: ٠٧٦٠٠٧٦٠/٨٥٦ - ٠٧٨/٨٥٦٢٨٢ - ٠٧٩/٨٠٦٢٨٢