

بسم الله الرحمن الرحيم



امتحان تجريبي

امتحان شهادة الدراسة الثانوية لعام ٢٠١٨ / الدورة الشتوية

مدة الامتحان : ساعتان

نموذج رقم (٣)

المبحث : الرياضيات / المستوى الثالث

اليوم والتاريخ :

إعداد : صالح براهيمه

الفرع : العلمي والصناعي / المستوى الثالث

ملحوظة : اجب عن الأسئلة الآتية وعددها (٥) علما بان عدد الصفحات (٤) .

السؤال الأول : (٢٦ علامة)

ضع دائرة حول رمز الإجابة الصحيحة :

(١) اذا كان ق(س) كثير حدود بحيث $٥س = (س)^٣ + ٣س + ٢$ فان عدد نقاط الانعطاف للاقتران ق هو :

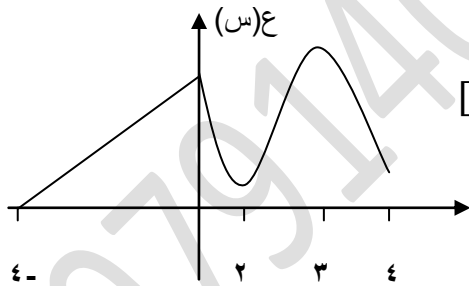
(أ) ٥ (ب) ٦ (ج) ٣ (د) ٢

(٢) اذا كان متوسط التغير للاقتران ق عندما تتغير س من ٠ الى ٥ هو ٦ ما ميل المستقيم العمودي على الخط الواصل بين النقطتين (٠،٥) و(٥،٥) :

(أ) ٦ (ب) ٦- (ج) ٥- (د) $\frac{١}{٦}$

(٣) الشكل المجاور يمثل منحنى ع(س) فان الفترة التي يكون فيها الاقتران ع متناقص هي :

(أ) $[٠،٤]$ (ب) $[-٣،٤]$ (ج) $[٢،٥]$ (د) $[٤،٣]$



(٤) اذا كان ق(س) $= [٦س + ٠ز + ٤س - ٤]$ فان $١) = (١)'$

(أ) ٦- (ب) ٦ (ج) ٠.٤ (د) ٠

(٥) اذا كان ق(س) $= \left. \begin{array}{l} ٠٤ \geq س > ٢ \\ ١ \\ س \\ ٢ - ٣ \leq س \leq ٤ \end{array} \right\}$ فان النقاط الحرجة للاقتران ق هي :

(أ) $\{٢ - ٤، ٠\}$ (ب) $\{٢ - ٤، ٢\}$ (ج) $\{٢، ٠\}$ (د) $\{٢\}$

يتبع صفحه (٢)

٧) إذا كانت النقطة (١ ، ٢) تمثل نقطه حرجه للاقتران ق(س) = ب س^٢ + ٢ أ س فان قيمه أ ، ب على التوالي:

- (أ) ٢، ٢ (ب) -٢، ٢ (ج) ٢، -٢ (د) غير ذلك

$$٨) \text{ نها } = \sqrt[١٦]{-٤ - \sqrt{١٦}}$$

- (أ) صفر (ب) $\sqrt{٨}$ (ج) م.غ (د) ١

٩) إذا كان ق(س) = $\frac{٢ + س}{٢ - \sqrt{س}}$ فان قيم س التي يكون عندها ق متصل هي:

- (أ) $(\infty, ٢)$ (ب) $(٢, \infty)$ (ج) $(-\infty, ٢)$ (د) $\{٢\}$

١٠) إذا كانت $\text{نها} [٤س] = ٧$ فان قيم أ التي تجعل النهاية موجوده :

- (أ) $[\frac{٧}{٤}, ٨)$ (ب) $(\frac{٧}{٤}, ٨]$ (ج) $(٨, ٧]$ (د) $(\frac{٧}{٤}, ٨)$

١١) إذا كان ق(س) كثير حدود وكان $٧' = (٢)'$ ، $٧ \times (٢)'' = (٣)''$ ، $٧ > (٣)''$ ، فان النقطة (٢، ق(٢)) هي:

- (أ) قيمه عظمى محليه (ب) قيمه عظمى مطلقه (ج) قيمه صغرى محليه (د) قيمه صغرى مطلقه

١٢) إذا كان ق(س) = $٣س^٢ + ٢س + ٩$ ، فان $\text{نها} = \frac{٧(١-٢) - (١-٢)'}{٣}$:

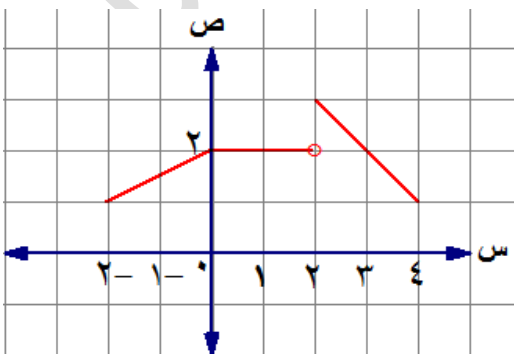
- (أ) ٤ (ب) ٥ (ج) -٤ (د) $\frac{٨-١}{٣}$

١٣) جد قيم س التي يكون عندها المماس للاقتران ق(س) = $س + \frac{١}{س}$ موازيا للمستقيم ص = $٢س - ٥$:

- (أ) -١ (ب) ١ (ج) ٢، -٢ (د) ١، -١

السؤال الثاني: (٥٠ علامة)

أ) بالاعتماد على الشكل المجاور الذي يمثل رسمه $٧'(س)$ اجب عما يلي:



(١) جد قيمه أ بحيث $\text{نها} (س)' = م.غ$

(٢) قيم ك بحيث $٧''(س) = م.غ$

(٣) جد $٧''(٠)$ ، $٧''(١)$ ، $٧''(٢)$ ، $٧''(٣)$ ، $٧''(٤)$.

٣) متوسط التغير في الفترة [١٤٠] .

٥) اوجد نها $\lim_{s \rightarrow -4} (3) \cup (3 - (6 - s) - (5 + s))$

٦) القيم الحرجة للاقتران ق(س) .

٧) فترات التزايد والتناقص.

ب) جد قيمه النهايات التالية: (٧+٧+٧ علامه)

$$(1) \lim_{s \rightarrow -} \frac{3 \text{ جاس} - \text{جاس}^3}{\text{جاس}^2} \quad (2) \lim_{s \rightarrow -} \frac{1 - 1 + \sqrt{s}}{s} + \frac{6}{s} \quad (3) \lim_{s \rightarrow -} \frac{3 \text{ جاس} + \text{جاس}^2 - 3}{\text{جاس}^3}$$

$$(ج) \text{ اذا كان ق(س) = } \left. \begin{array}{l} 1 + \sqrt{s} - 2 \leq s < 0 \\ \frac{6 + s^3}{[1 + s]} \\ |s^2 - 4| + 6 \leq 1 \end{array} \right\} \text{ ابحث في اتصال هـ (س) = 1 - 3 \cup (س) على الفتره [-2, 2].}$$

$$(د) \text{ اذا كان ق(س) = } \left. \begin{array}{l} 1 + s^3 + 3s \\ 1 + s^2 + 2s \end{array} \right\} \text{ اوجد قيمه أ، ب التي تجعل الاقتران قابل للاشتقاق عند س=1.}$$

السؤال الثالث: (٢٨ علامة)

أ) اذا كان $Q(s) = 3s - \sqrt{2s} \cup (1)$ باستخدام تعريف المشتقة (٧ علامات)

ب) جد النقاط على منحنى العلاقة $\sqrt{s} + \sqrt{s} = 3$ التي تحقق المعادلة $s' = 2$. (٥ علامات)

ج) ليكن $v = \text{جا}^2 s$ ، $s = \text{جنا}^3 s$ جد $\frac{v^2}{s}$. (٦ علامات)

د) اذا كان ق(س) = $s^2 + 2s$ ، م(س) = s^3 اوجد فيمه ما يلي:

$$(1) (Q \circ L)'(1)$$

$$(2) (Q \circ L)'(1)$$

و) ليكن $v = \sqrt{s^2 + 1}$ فاثبت ان: $(s^2 + 1) \frac{v^2}{s} + s \frac{v}{s} - v = 0$ (٦ علامات)

السؤال الرابع: (٢٦ علامة)

(١) يتحرك جسيم بخط مستقيم وفق العلاقة $v = \frac{1}{3}t^3 + 2t^2 + 3t + 1$ فان الفترة الزمنية التي تكون عندها السرعة سالبة هي.

(ب) اوجد معادله المماس لمنحنى $Q(s) = s^2 + 2$ اذا كان المماس لمنحنى $Q(s)$ عموديا على المستقيم المار بالنقطتين $(0, 13)$ ، $(1, 3)$ عند نقطه التماس ثم اوجد مساحه المثلث الذي يتكون من المماس والعمودي لمنحنى $Q(s)$ ومحور السينات. (٩ علامات)

$$(ج) \text{ ليكن } Q(s) = \left. \begin{array}{l} s^2 + 2 \\ 1 - s^2 \\ 5 \end{array} \right\} = \left. \begin{array}{l} 1 > s \geq 1 - \epsilon \\ 2 \geq s \geq 1 \\ 0 \geq s \geq 2 \end{array} \right\} \text{ معرف على الفترة } [0, 1] \text{، جد ما يلي :}$$

(١) مجالات التزايد والتناقص والقيم القصوى ان وجدت. (٧ علامات)

(٢) نقاط الانعطاف وفترات التقعر. (٥ علامات)

السؤال الخامس: (٢٠ علامة)

(أ) وعاء مخروطي الشكل ارتفاعه ١٠ قدم ونصف قطر قاعدته ١٥ قدم، راسه للأسفل يتسرب منه الماء بحيث ينخفض سطح الماء فيه بمعدل ٢ قدم/د والماء المتسرب يدخل الوعاء اسطواناني قاعدته دائريه نصف قطرها ٨ قدم، اوجد معدل ارتفاع الماء في الأسطوانة عندما يكون ارتفاع الماء في المخروط ٦ قدم.

(ب) اذا كانت تكاليف الانتاج اليومي لعدد s من الأجهزة الكهربائية هو $\frac{1}{4}s^3 + 3s^2 + 25s + 20$ وثمان بيع الجهاز الواحد = $50 - \frac{1}{4}s$ س جد:

(١) الانتاج اليومي للحصول على اكبر ربح.

(٢) اثبت ان تكاليف انتاج الجهاز الواحد قيمه صغرى.

اسئله اضافيه اختياريه:

(١) اذا كان $Q(s) = \sqrt{36 - s^2}$ ، $|s| \geq 6$ اوجد فترات التزايد والتناقص والنقاط الحرجه.

(٢) ليكن ان $Q(s) = s^3 + s^2 + 9s + 1$ اوجد قيم A ، B اذا علمت ان للاقتران قيمه عظمى عند $s=1$ وقيمه صغرى عند $s=3$

(٣) اذا كان $Q(3) = 2$ ، $Q'(3) = 5$ اوجد $\lim_{s \rightarrow 3} \frac{Q(s) - (3s + 2)}{s - 3}$.

زوروا صفحتنا

انتهت الاسئله

كل امنيات النجاح والتوفيق

<https://www.facebook.com/tawjehee2000/>

اعداد: صالح براهيمه / ٠٧٩١٤٠٢٧٢١