

**الأستاذ علي حافظ على استعداد لإعطاء دروس  
خصوصية لطلبة الثانوية العامة الفرع العلمي**

ثالثاً

٣-١

## تطبيقات فيزيائية

مثال

يتحرك جسم في خط مستقيم حسب العلاقة:  
 $f(n) = 2n^2 - \frac{3\sqrt{n}}{4} + \left(\frac{n}{4}\right)^2$  ،  $n \in [0, \frac{\pi}{4}]$  ،  
 جد تسارع الجسم عندما تكون سرعته  $3\sqrt{3}$  م/ث.

مثال

يتحرك جسم حسب العلاقة:  $f(n) = \frac{1-f}{f}$   
 (١) أثبت أن التسارع يتناسب عكسياً مع مربع المسافة.  
 (٢) جد التسارع عندما تنعدم السرعة.

مثال

يتحرك جسم حسب العلاقة:  
 $f(n) = \frac{n}{4} - \frac{1}{4}n^2$  ،  $n \in [0, \pi]$  ، جد تسارع  
 الجسم عندما تنعدم سرعته.

مثال

يتحرك جسمان معاً من نقطة واحدة، الأول يتحرك  
 حسب العلاقة:  $f_1(n) = n^3 + 2n + 12$  ، والآخر  
 يتحرك حسب العلاقة:  $f_2(n) = \frac{2}{3}n^3 + 6n + 5$  .  
 (١) جد تسارع الجسمين عندما يكون لهما نفس السرعة  
 (٢) متى يبدأ الجسمان بالاقتراب من بعضهما؟  
 (٣) متى تصبح المسافة بينهما أقل ما يمكن؟

مثال

يتحرك جسم حسب العلاقة:  
 $f(n) = \sqrt{n(48-n)}$  ، متى يبدأ الجسم بالعودة،  
 وجد المسافة المقطوعة عندئذ.

مثال

قذف جسم من قمة برج ارتفاعه (٦٠)م عن سطح  
 الأرض حسب العلاقة:  $f(n) = 20n - 5n^2$  ، وفي  
 نفس اللحظة أطلق جسم من حفرة عمقها (٤٠)م تحت  
 سطح الأرض حسب العلاقة:  $f_2(n) = 5n^2 + 5n$   
 جد سرعة كل من الجسمين عندما يكون لهما نفس  
 الارتفاع عن سطح الأرض.

مثال

يتحرك جسم في خط مستقيم حسب العلاقة:  
 $f(n) = n^4$  ،  $u$  ثابت ( $0 < u$ ) ، إذا كان تسارع  
 الجسم يساوي مثلي سرعته بعد مرور ثانيتين، جد قيمة  
 الثابت  $u$ .

مثال

يتحرك جسم في خط مستقيم حسب العلاقة:  
 $f(n) = \frac{1}{4}n^2$  ،  $n \in [0, \pi]$  .  
 (١) احسب التسارع عندما تنعدم السرعة لأول مرة بعد  
 الحركة.  
 (٢) متى يبدأ الجسم بالعودة إلى نقطة الانطلاق.

مثال

قذف جسم رأسياً لأعلى من قمة برج حسب العلاقة:  
 $f(n) = 30n - 5n^2$  ، وبعد مرور (٤) ثواني أسقط  
 جسم من السكون من قمة البرج حسب العلاقة:  
 $f(n) = 5n^2$  ، فارتطم الجسمان بسطح الأرض معاً،  
 اوجد: (١) سرعة كل من الجسمين لحظة الارتطام  
 بـ سطح الأرض  
 (٢) ارتفاع البرج.

مثال

إذا كان مربع السرعة علاقة خطية في المسافة، أثبت  
 أن التسارع يكون ثابتاً.

## مثال

قذف جسم رأسياً لأعلى من قمة بناية حسب العلاقة:  $f_1(n) = 30n - 5n^2$ ، وفي نفس اللحظة أسقط جسم من قمة نفس بناية حسب العلاقة  $f_2(n) = 8n + 5n^2$ .

إذا ارتطم الجسم الثاني بسطح الأرض قبل (٤) ثواني من ارتطام الجسم الأول بالأرض أوجد:

(١) سرعة كل من الجسمين لحظة الاصطدام بالأرض.

(٢) ارتفاع البناية.

## مثال

قذف جسم رأسياً لأعلى من قمة بناية حسب العلاقة:  $f_1(n) = 60n - 5n^2$ ، وبعد مرور ثانيتين أسقط جسم من قمة البناية حسب العلاقة:  $f_2(n) = 20n + 5n^2$ ، إذا ارتطم الجسم الأول بالأرض بعد مرو (٨) ثواني من ارتطام الجسم الثاني بالأرض، جد:

(١) ارتفاع البناية.

(٢) سرعة كل من الجسمين لحظة الاصطدام بسطح الأرض

## مثال

قذف جسم رأسياً لأعلى من نقطة على سطح الأرض حسب العلاقة:  $f_1(n) = 60n - 5n^2$ ، وفي نفس اللحظة قذف جسم آخر من سطح الأرض حسب العلاقة:  $f_2(n) = 20n - 5n^2$ ، إذا ارتطم الجسم الأول بالأرض بعد مرور (٦) ثواني من ارتطام الجسم الثاني في الأرض، أوجد سرعة كل من الجسمين لحظة الاصطدام بالأرض.

## مثال

قذف جسم رأسياً لأعلى من قمة بناية حسب العلاقة:  $f_1(n) = 60n - 5n^2$ ، وبعد مرور ثانيتين قذف جسم آخر من قمة البناية حسب العلاقة:  $f_2(n) = 20n - 5n^2$ ، إذا ارتطم الجسم الأول بسطح الأرض بعد مرور (٤) ثواني من ارتطام الجسم الثاني بالأرض، أوجد:

(١) ارتفاع البناية.

(٢) سرعة كل من الجسمين لحظة الاصطدام بالأرض

## مثال

يتحرك جسم حسب العلاقة  $f(n) = 6 - \frac{1}{n}$ ، إذا علمت أن تسارع الجسم في اللحظة التي تنعدم فيها سرعته يساوي (٩) م/ث<sup>٢</sup>. جد قيمة الثابت أ.

## مثال

يتحرك جسيمان في خط مستقيم حسب العلاقاتين:

$$f_1(n) = \frac{1}{3}n^2 - n + 3$$

$$f_2(n) = \frac{1}{4}n^2 + n + 1$$

(١) أثبت أن الجسمين لا يلتقيان

(٢) أوجد أقرب مسافة بين الجسمين.

(٣) متى يتحرك الجسمين باتجاهين متعاكسين.