

دوسية النيرد في شرح وحل اسئلة

# مادة الرياضيات

## الصف السابع

الوحدة الأولى : الأعداد النسبية

الفصل الدراسي الأول



إعداد : أ. معاذ أمجد أبو يحيى

0795360003



## من نحن

### تلاخيص منهاج أردني - سؤال وجواب

- أول وأكبر منصة تلاخيص مطبوعة بشكل إلكتروني ومجانية.
- تعنى المنصة بتوفير مختلف المواد الدراسية بشكل مميز و المناسب للطلاب و تهتم بتوفير كل ما يخص العملية التعليمية للمنهاج الأردني فقط.
- تأسست المنصة على يد مجموعة من المعلمين والمتطوعين في عام ٢٠١٨ وهي للإنفاع الشخصي من قبل الطلاب أو المعلمين.
- لمنصة تلاخيص فقط حق النشر على شبكة الإنترنـت وموقع التواصل سواء ملفاتها المـصورة PDF أو صور تلك المـلفات ويسـمح بـمشاركةـها أو نـشرها من المـواقع الأخرى بشـرط حـفظ حقوق الملكـية لـالمـلخصـات من اسم المـعلم وـشعارـ الفريق.

ادارة منصة فريق تلاخيص

## يمكنكم التواصل معنا من خلال



تلاخيص منهاج أردني - سؤال وجواب



talakheesjo@gmail.com



المنسق الإعلامي أ. معاذ أمجد أبو يحيى 0795360003

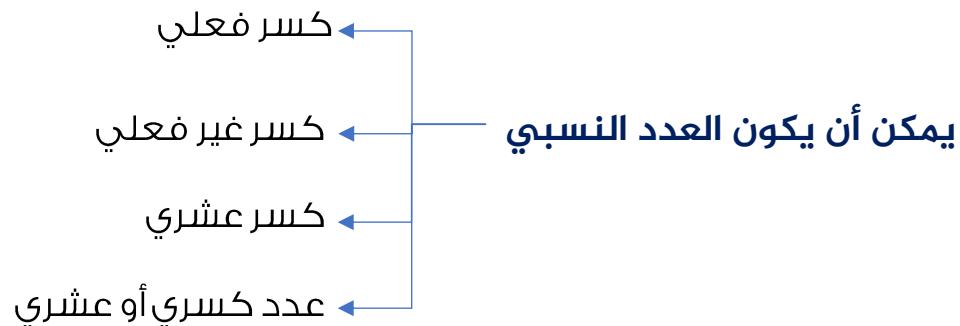


## العدد النسبي

1

الدرس

**العدد النسبي:** عدد يمكن التعبير عنه كنسبة بين عددين صحيحين (a) و (b) مكتوب على صورة كسر بسط و مقام ( $\frac{a}{b}$ ), حيث  $b \neq 0$ .



• **الكسر الفعلي:** هو الكسر الذي يكون بسطه أصغر من مقامه.

$$\dots, \frac{12}{27}, \frac{1}{2}, \frac{5}{7}$$

• **الكسر غير الفعلي:** هو الكسر الذي يكون بسطه أكبر من مقامه.

$$\dots, \frac{9}{5}, \frac{7}{2}, \frac{55}{3}$$

• **العدد والكسر العشري:** كل عدد يكتب باستعمال الفاصلة العشرية، وهو حالة من حالات الكسر العادي مقامه العشرة أو مضاعفاتها (10, 100, ..) وتُستعمل في الكسر العشري الفاصلة العشرية (.) بدل خط الكسر، وسميت كذلك لأنها تفصل بين الأعداد الصحيحة والأجزاء العشرية.

$$\dots, 0.09, 0.0012, 0.3, 0.5$$

• **العدد الكسري:** هو عدد يتكون من جزأين جزء صحيح وجزء كسر فعلي.

$$\dots, 2\frac{1}{7}, 10\frac{5}{10}, 1\frac{2}{9}$$

• **الكسر الفعلي** → دائمًا يكون ناتجه أصغر من واحد

• **الكسر غير الفعلي** → دائمًا يكون ناتجه أكبر من واحد


**ملاحظات مهمة**

■ لكتابة الكسر في أبسط صورة يتم قسمة البسط والمقام على أكبر عامل مشترك يقبل القسمة على كل منهما.

$$\frac{15}{18} = \frac{15 \div 3}{18 \div 3} = \frac{5}{6}, \quad \frac{21}{14} = \frac{21 \div 7}{14 \div 7} = \frac{3}{2}, \quad \frac{5}{10} = \frac{5 \div 5}{10 \div 5} = \frac{1}{2}$$

■ لكتابة العدد الكسري على صورة كسر نقوم بضرب مقام الكسر بالجزء الصحيح ونضيف الناتج إلى البسط ثم أقسم الناتج على مقام الكسر.

$$C \frac{a}{b} = \frac{b \times C + a}{b}, \quad 10 \frac{5}{10} = \frac{10 \times 10 + 5}{10} = \frac{105}{10} = \frac{105 \div 5}{10 \div 5} = \frac{21}{2}$$

■ لكتابة النسبة المئوية على صورة كسر عشري نقوم بقسمة العدد على 100.

$$45\% \rightarrow \frac{45}{100}, \quad 4\% \rightarrow \frac{4}{100}, \quad 25\% \rightarrow \frac{25}{100}, \quad 99\% \rightarrow \frac{99}{100}$$

■ لكتابة العدد العشري الأصغر من (1) على صورة كسر عادي بسط ومقام نضع العدد في البسط ثم نقوم بعد منازل العدد العشري وحسب عدد المنازل نضع إما (10)، (100)، (1000)، ..... حسب عدد منازل العدد العشري.

$$0.5 \rightarrow \frac{5}{10} = \frac{5 \div 5}{10 \div 5} = \frac{1}{2}, \quad 0.19 \rightarrow \frac{19}{100}, \quad 0.123 \rightarrow \frac{123}{1000}$$

■ لكتابه الكسر العشري على صورة عدد كسري نفترض أن العدد الذي على يسار الفاصلة يمثل الجزء الصحيح من العدد الكسري والعدد الذي على يمين الفاصلة يمثل الجزء الكسري من العدد الكسري بحيث تقوم بتحويله على صورة بسط ومقام كسر عادي.

$$10.2 \rightarrow 10 + 0.2 = 10 + \frac{2}{10} = 10\frac{2}{10}$$

$$7.33 \rightarrow 7 + 0.33 = 7 + \frac{3}{100} = 7\frac{3}{100}$$

**مثال (1)**

اكتب كل عدد نسبي مما يأتي على صورة  $(\frac{a}{b})$ .

1  $12 = \frac{12}{1}$

2  $-10.6 \rightarrow -10 + 0.6 = -10 + \frac{6}{10} = -10\frac{6}{10} = -\frac{10 \times 10 + 6}{10} = -\frac{106}{10}$   
 $= -\frac{106 \div 2}{10 \div 2} = -\frac{53}{5}$

3  $65\% = \frac{65}{100} \rightarrow \frac{65 \div 5}{100 \div 5} = \frac{13}{20}$

اتحقق من فهمي :

a  $1\frac{2}{5} = \frac{5 \times 1 + 2}{5} = \frac{7}{5}$

b  $0.36 = \frac{36}{100} \rightarrow \frac{36 \div 4}{100 \div 4} = \frac{9}{25}$

c)  $-6 = \frac{-6}{1}$

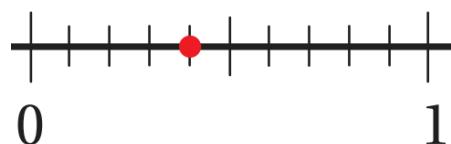
d)  $80\% = \frac{80}{100} \rightarrow \frac{80 \div 20}{100 \div 20} = \frac{4}{5}$

## تمثيل الأعداد النسبية على خط الأعداد

**الكسر الفعلي** نرسم خط الأعداد ونقوم بتقسيم المسافة بين الصفر والعدد (1) إلى أجزاء متساوية (درجات) بمقدار قيمة المقام ونبدأ بعدها بالتحرك من الصفر بمقدار العدد الموجود في البسط إما نحو اليمين أو نحو اليسار حسب الإشارة موجب أم سالب.

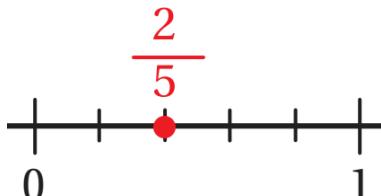
لو أردنا تمثيل الكسر  $\frac{4}{10}$  لاحظ معه بأنه قسمنا المسافة لـ (10)

أجزاء بين الصفر والعدد (1) وتحركنا نحو اليمين (4).



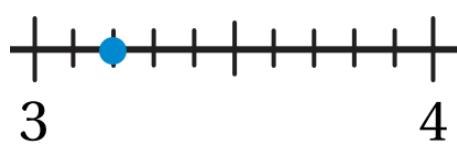
لو أردنا تمثيل الكسر  $\frac{2}{5}$  لاحظ معه بأنه قسمنا المسافة لـ (5)

أجزاء بين الصفر والعدد (1) وتحركنا نحو اليمين (2).



**العدد الكسري** نرسم خط الأعداد ونقوم بتقسيم المسافة بين الجزء الصحيح للعدد الكسري والعدد الذي يليه بمقدار العدد الموجود في المقام ونبدأ بعدها بالتحرك من عند الجزء الصحيح للعدد الكسري بمقدار العدد الموجود في البسط إما نحو اليمين أو نحو اليسار حسب الإشارة موجب أم سالب.

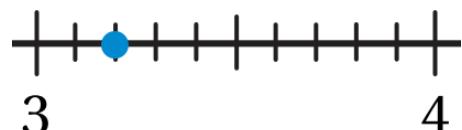
لو أردنا تمثيل الكسر  $\frac{2}{10}$  نبدأ بالعد من عند الجزء الصحيح من العدد الكسري تم نقوم بتقسيم المسافة إلى (1) بينه وبين العدد الذي يليه ونتحرك بمقدار العدد الموجود في البسط (2).



**الكسر غير الفعلي** نقوم بتحويله لعدد كسري ثم نتبع نفس آلية تمثل العدد الكسري، سنقوم بالدروس القادمة بشرح آلية تحويل الكسر غير الفعلي لعدد كسري من خلال القسمة الطويلة.

**الكسر العشري** الجزء الصحيح من العدد العشري يمثل العدد الصحيح على خط الأعداد والجزء العشري الذي يكون بعد الفاصلة الع العشرية يمثل عدد الحركات من عند الجزء الصحيح.

لو أردنا تمثيل (3.2) نبدأ بالعد من عند الجزء الصحيح قبل الفاصلة تم نقوم بتقسيم المسافة بينه وبين العدد الذي يليه ونتحرك بمقدار العدد الموجود في البسط بعد الفاصلة.

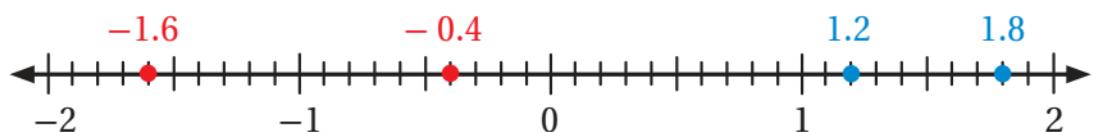


**أي عدد لا نستطيع مباشرة تمثيله على خط الأعداد نقوم بتحويله لشكل يسهل علينا تحويله.**

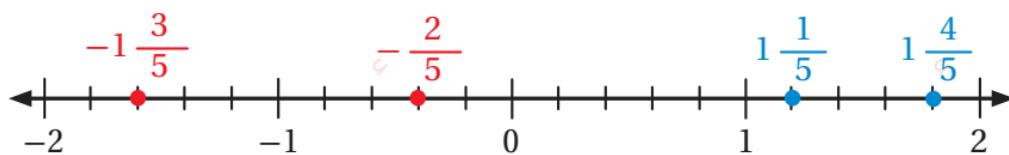
**مثال (2)** تمثل الأعداد النسبية في الجدول المجاور مقدار ارتفاع أو انخفاض 4 شركات في سوق عمان المالية ، مثل هذه الأعداد على خط الأعداد .

مقدار التغيير	الشركة
1.8	أ
- 1.6	ب
1.2	ج
- 0.4	د

بما أن الأعداد في الجزء العشري تتراوح بين 2 و 9 نختار تدرج مناسب يشمل هذه الأعداد الع العشرية بين الأرقام ..



يمكننا أيضا كتابة الأعداد النسبية على صورة كسورية أو أعداد كسورية ثم تمثيلها على خط الأعداد.



اتحقق من فهمي : مثل كل عدد نسبي مما يأتي على خط الأعداد

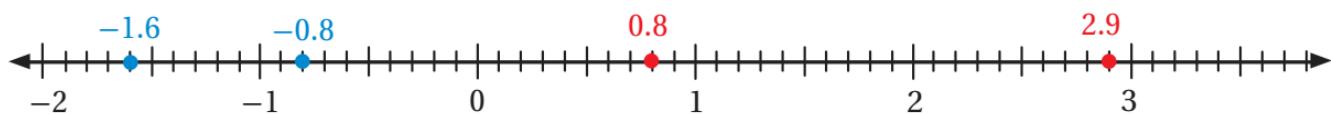


a 2.9

b -0.8

c 0.8

d -1.6



أكتب كل عدد نسبي مما يأتي على صورة كسر  $(\frac{a}{b})$ .

**أتدرُّب وأحل المسائل**

1  $25 = \frac{25}{1}$

2  $2 \frac{1}{4} = \frac{4 \times 2 + 1}{4} = \frac{9}{4}$

3  $0.07 = \frac{7}{100}$

4  $-127 = -\frac{127}{1} = \frac{-127}{1}$

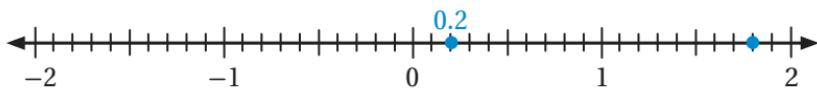
5  $-1 \frac{2}{3} = -\frac{3 \times 1 + 2}{3} = -\frac{5}{3}$

6  $35\% = \frac{35}{100} \rightarrow \frac{35 \div 5}{100 \div 5} = \frac{7}{20}$

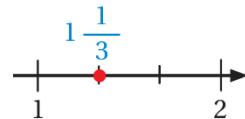
**أتدرب وأحل المسائل** مثل كل عدد نسبي مما يأتي على خط الأعداد



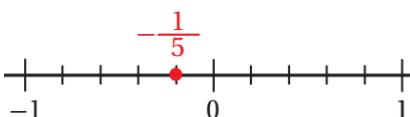
7 0.2



8  $1\frac{1}{3}$



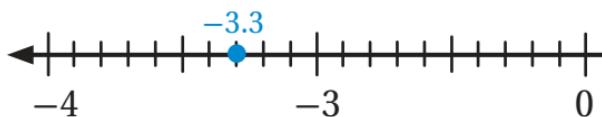
9  $-\frac{1}{5}$



10 1.6

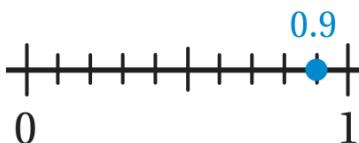


11 -3.3



12

$$90\% = \frac{90}{100} \rightarrow \frac{90 \div 10}{100 \div 10} = \frac{9}{10} = 0.9$$



**أتدرب وأحل المسائل** 13 يريد سعد أن يتدرّب على الكراتيه مدة ساعة يومياً ، فسجل الزمن الذي يزيد أو ينقص عن الساعة لمدة 4 أيام باستخدام أعداد نسبية كما يظهر في الجدول أكتب كلا من الأعداد على صورة كسر  $\frac{a}{b}$ .

$$0.7 = \frac{7}{10}, \quad -0.2 = -\frac{2}{10}$$

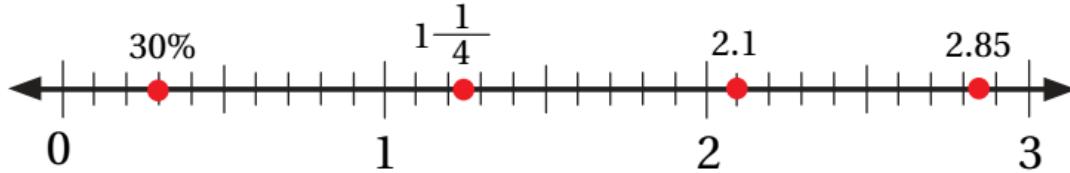
$$1.25 = 1\frac{25}{100} = \frac{125}{100}, \quad -0.1 = -\frac{1}{10}$$

اليوم	الزمن (h)
السبت	0.7
الأحد	-0.2
الإثنين	1.25
الثلاثاء	-0.1

**أولاً دربي وأحل المسائل** 14 أكتب العدد النسبي الذي تمثله الأحرف A,B,C,D,E على خط الأعداد :



**أولاً دربي وأحل المسائل** 15 ارسم خط أعداد من 0 إلى 3 وأضع عليه إشارات تبعد عن بعضها 0.1 ، ثم استخدمه لتمثيل الأعداد النسبية  $1\frac{1}{4}$  ، 2.85 ، 2.1 ، 30% ،



## القيمة المطلقة

2

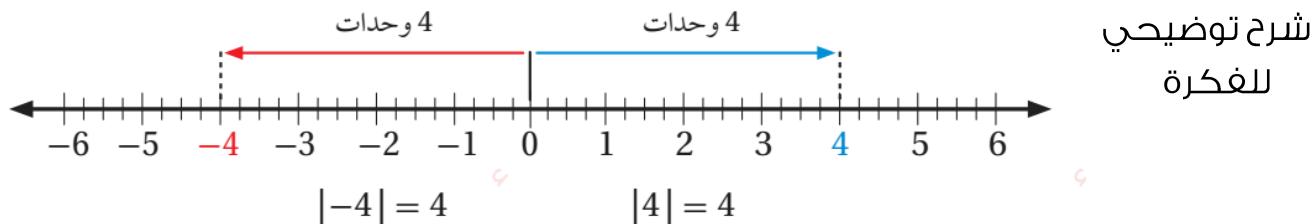
الدرس

**القيمة المطلقة للعدد :** هي المسافة بين ذلك العدد والصفر على خط الأعداد.

← تكون دائمًا موجبة ويعبر عنها بالرمز ( | | ).

← العدد | إذا كان العدد موجب يكون ناتج القيمة المطلقة العدد نفسه.

← إذا كان العدد سالب يكون ناتج القيمة المطلقة العدد نفسه (بدون السالب).



**مثال (1) :** جد القيمة المطلقة لكل عدد نسبي مما يأتي :

1  $|3| = 3$

4  $\left| -\frac{3}{4} \right| = \frac{3}{4}$

2  $|0| = 0$

5  $|-8| = +8$

3  $\left| -1\frac{1}{2} \right| = 1\frac{1}{2}$

6  $|-0.6| = +0.6$

**اتحقق من فهمي :**

a  $|-2| = +2$

b  $\left| \frac{5}{8} \right| = \frac{5}{8}$

c  $|10| = +10$

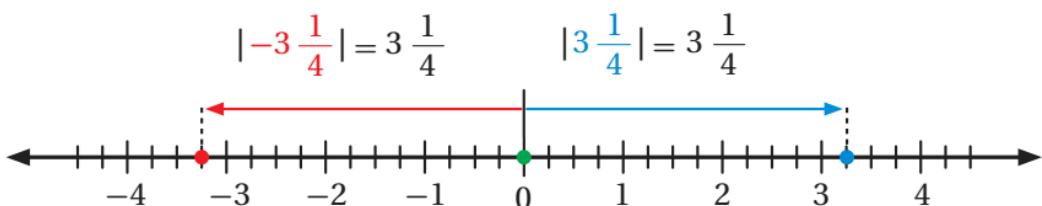
d  $\left| -1\frac{1}{2} \right| = 1\frac{1}{2}$

e  $|-1.2| = +1.2$

**معكوس العدد :** عكس إشارة العدد ، وبالأخرى عدداً لهما نفس البعد عن الصفر

← يكون العددان متعاكسان أي كل منهما نظير جمعي للأخر إذا كان بعد كل منهما عن الصفر متساوياً على خط الأعداد.

← لكل من العدد النسبي ومعكوسه القيمة المطلقة نفسها.



إذا كان العدد موجب يصبح سالب.

إذا كان العدد سالب يصبح موجب.

**مثال (2) :** جد القيمة المطلقة لمعكوس كل من العددين النسبيين الآتيين :

1  $\frac{1}{3} \rightarrow -\frac{1}{3} \rightarrow \left| -\frac{1}{3} \right| = \frac{1}{3}$

2  $-4\frac{2}{7} \rightarrow +4\frac{2}{7} \rightarrow \left| 4\frac{2}{7} \right| = 4\frac{2}{7}$

**اتحقق من فهمي :** جد القيمة المطلقة لمعكوس الأعداد النسبية الآتية :

a  $2\frac{2}{5} \rightarrow -2\frac{2}{5} \rightarrow \left| -2\frac{2}{5} \right| = 2\frac{2}{5}$       b  $-3 \rightarrow +3 \rightarrow \left| 3 \right| = 3$

c  $-0.5 \rightarrow +0.5 \rightarrow \left| 0.5 \right| = 0.5$

ملاحظات مهمة

■ كثرة القواعد والملاحظات في موضوع جمع الكسور والأعداد الكسرية والكسور العشرية تسبب حدوث خطأ دائم لذلك اعتمد مبدأ توحيد النوع عند إجراء عملية الجمع والطرح. كمثال عند إجراء عملية جمع بين كسر عادي وعدد كسري نقوم بكل بساطة بتحويل العدد الكسري لكسر عادي ثُمّ نجري العملية بشكل طبيعي جمع كسور وتوحيد مقامات وهكذا ...

## مثال (3) جد قيمة كل مما يأتي :

1  $\left| -4 \frac{1}{4} \right| + 3 = +4 \frac{1}{4} + 3 = 7 \frac{1}{4}$

2  $|2 \times (-8)| - |-1.5| = |-16| - |-1.5| = 16 - 1.5 = 14.5$

تحقق من فهمي : جد قيمة كل مما يأتي :

a  $\left| -6 \div 2 \right| + 0.3 = |-3| + 0.3 = 3+0.3 = 3.3$

b  $\left| -4 \times -2 \right| - \frac{1}{2} = |+8| - \frac{1}{2} = 8 - \frac{1}{2} = \frac{15}{2}$

**أتدرِّب وأحل المسائل** جد القيمة المطلقة لكل عدد نسبي مما يأتي :

1  $-2 \rightarrow 2$

2  $-5 \frac{3}{4} \rightarrow 5 \frac{3}{4}$

3  $\frac{3}{4} \rightarrow -\frac{3}{4}$

4  $-0.1 \rightarrow +0.1$

**أتدرب** جد القيمة المطلقة لمعكوس كل من الأعداد النسبية الآتية :



5  $-5\frac{1}{4} \rightarrow \left| 5\frac{1}{4} \right| = 5\frac{1}{4}$

6  $1 \rightarrow |-1| = 1$

7  $-0.27 \rightarrow |0.27| = 0.27$

8  $-35 \rightarrow |+35| = 35$

**أتدرب** جد قيمة كل مما يأتي :



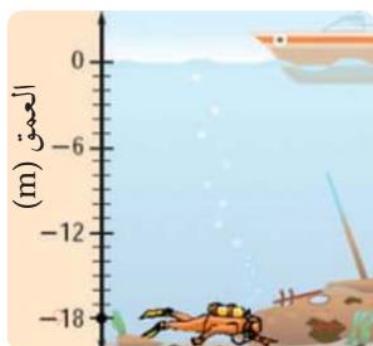
9  $|-5| - 3 = 5 - 3 = 2$

10  $|-63| + 41 = 63 + 41 = 104$

11  $|5\frac{1}{4}| + |-1| = 5\frac{1}{4} + 1 = \frac{25}{4}$

12  $|0.5| + |-2.5| = 0.5 + 2.5 = 3$

**أتدرب** 13 الشكل المجاور يظهر موقع الغواص لمستوى سطح البحر . أستخدم القيمة المطلقة لإيجاد بعد الغواص عن السطح .



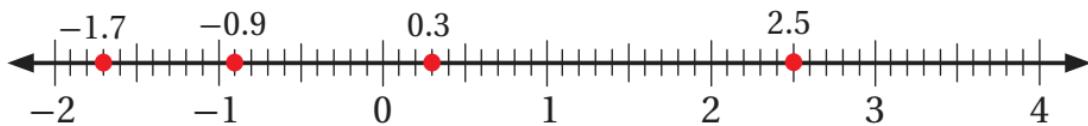
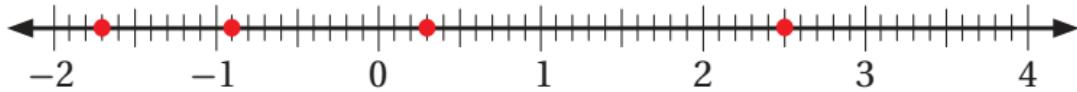
الغواص موجود عند العمق  $-18$  لكن للتعبير عن البعد نستخدم القيمة المطلقة لأنه يجب أن يكون البعد والمسافة دائماً موجباً .

$$|-18| = +18 \text{ m}$$

### ملاحظات مهمة

■ المسافة تحت سطح البحر أو الأرض تمثل القيمة المطلقة للعمق أو الانخفاض .

**أولاً دربْ وأحل المسائل** 14 أجد القيمة المطلقة لكل من الأعداد النسبية الممثلة على خط الأعداد



$$|-1.7| = +1.7, \quad |-0.9| = +0.9, \quad |0.3| = 0.3, \quad |2.5| = 2.5$$

الآتي :

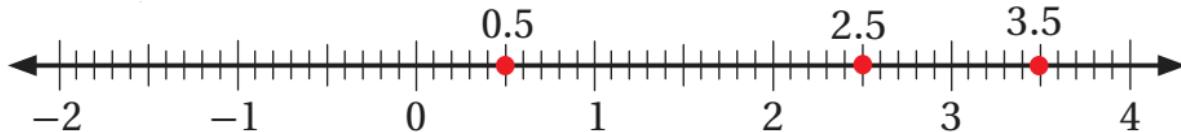
**أولاً دربْ وأحل المسائل** تمثل الأعداد النسبية في الجدول الآتي الفرق بين مستوى سطح البحر

وارتفاع مستوى الماء في بحيرة في خمس أوقات مختلفة من اليوم.

الوقت	مستوى منسوب المياه	8 صباحاً	الظَّهِيرَةُ	4 مساءً	8 مساءً	4 مساءً
مستوى منسوب المياه	3.5 cm	2.5 cm	-0.5 cm	-2.5 cm	0.5 cm	8

**أولاً دربْ وأحل المسائل** 15 أمثل القيمة المطلقة لكل عدد نسبي على خط الأعداد.

$$|0.5| = 0.5, \quad |-2.5| = 2.5, \quad |-0.5| = 0.5, \quad |2.5| = 2.5, \quad |3.5| = 3.5$$



**أولاً دربْ وأحل المسائل** 16 في أي وقت من اليوم كان مستوى الماء أقرب إلى مستوى سطح البحر؟ بره إجابتك.

وقت الظهيرة وال الساعة (8) مساءً، الارتفاع يعبر عنه دائمًا بالموجب فنعتمد القيمة المطلقة للارتفاع.

**أولاً دربْ وأحل المسائل** 17 في أي الأوقات كان مستوى المياه أقل من مستوى سطح البحر بستة متر ونصف؟  
الساعة (4) مساءً

18

**في أي وقتين زاد منسوب المياه على مستوى سطح البحر أو نقص عنه عند نفس المسافة؟**

الساعة (8) صباحاً وال الساعة (4) مساءً كان يملك نفس المسافة ← 2.5 cm  
 وقت الظهيرة وال الساعة (8) مساءً كان يملك نفس المسافة ← 0.5 cm

19

**أطرح سؤالاً تكون إجابته : بعد العدد النسبي (-3.25) عن الصفر**

الساعة (4) مساءً



**الكسر العشري:** هو كل عدد يكتب باستعمال الفاصلة العشرية ، وهو حالة من حالات الكسر العادي مقامه (10, 100, 1000, ..... ) ودائما يكون أصغر من الواحد الصحيح ، وصيغته (العدد .0) بحيث يكون قبل الفاصلة صفر وبعدها عدد.

$$\dots \quad 0.125, \quad 0.03, \quad 0.2$$

**العدد العشري :** عدد يكتب باستعمال الفاصلة العشرية لكن يكون قبل الفاصلة عدد صحيح أكبر من الصفر وبعد الفاصلة أيضا عدد صحيح ويكون العدد العشري دائماً أكبر من الواحد الصحيح.

$$\dots \quad 4.125, \quad 3.03, \quad 1.2$$

■ **قاعدة:** الكسور العادية التي يكون مقامها (10, 100, 1000, ..... )، يمكن تحويلها بسهولة إلى كسر عشري وذلك لأن هذه الكسور هي أعشار أو أجزاء من مائة أو أجزاء من ألف ...، وتكون أجزاءها العادية كأجزاء الكسور العشرية.

$$0.3 = \frac{3}{10}$$

قمنا هنا بالتحويل من كسر عادي إلى كسر عشري بحيث نضع البسط كعدد لوحداته ثم نقوم بتحديد مكان الفاصلة من خلال الأصفار الموجودة بالمقام في مثلاً المقام 10 إذن موجود صفر واحد في رقم 10 لذلك نحرك الفاصلة لليسار بمقدار منزلة ويجب أن يكون عدد منازل العدد العشري مساوياً لعدد منازل المقام فلو كان البسط  $\frac{3}{100}$  ( هنا عدد منازل الكسر العشري 3 مساوي لعدد منازل العدد 100 وهو 3 )

$$\frac{25}{1000} = 0.025, \quad \frac{25}{100} = 0.25, \quad \frac{25}{10} = 2.5, \quad \frac{265}{100} = 2.65$$

■ **قاعدة:** الكسور العادية التي لا يكون مقامها من (10, 100, 1000, ..... ) نقوم بتحويل المقام إلى أي عدد من (10, 100, 1000, ..... ) من خلال ضرب المقام بعدد مناسب ونضرب البسط بنفس العدد.

$$\frac{20}{25} \rightarrow \frac{20 \times 4}{25 \times 4} = \frac{80}{100} = 0.80, \quad \frac{1}{2} \rightarrow \frac{1 \times 5}{2 \times 5} = \frac{5}{10} = 0.5, \quad \frac{9}{250} \leftarrow \frac{9 \times 4}{250 \times 4} = \frac{36}{1000} = 0.036$$

◀ للاحظ أنه يجب تحويل المقام إلى (10, 100, 1000, ..... ) حتى يسهل علينا كتابة الكسر العادي بصورة كسر عشري وذلك من خلال ضرب المقام بعدد مناسب ولا ننسى أن نقوم بضرب البسط بنفس العدد .

**مثال (1)** اكتب كل عدد نسبي مما يأتي بالصورة العشرية :

1)  $\frac{2}{5} \rightarrow \frac{2 \times 2}{5 \times 2} = \frac{4}{10} = 0.4$

2)  $-\frac{3}{25} \rightarrow -\frac{3 \times 4}{25 \times 4} = -\frac{12}{100} = -0.12$

**اتحقق من فهمي :** اكتب كل عدد نسبي مما يأتي بالصورة العشرية :

a)  $\frac{1}{2} \rightarrow \frac{1 \times 5}{2 \times 5} = \frac{5}{10} = 0.5$

b)  $\frac{3}{5} \rightarrow \frac{3 \times 2}{5 \times 2} = \frac{6}{10} = 0.6$

c)  $-\frac{7}{20} \rightarrow -\frac{7 \times 5}{20 \times 5} = -\frac{35}{100} = -0.35$

d)  $\frac{4}{25} \rightarrow \frac{4 \times 4}{25 \times 4} = \frac{16}{100} = 0.16$

### ملاحظات مهمة

■ في حال لم نستطع تحويل المقام لعدد من (10, 100, 1000, ..... ) فأننا نقوم بتحويل الكسر العادي إلى كسر عشري من خلال القسمة الطويلة.

من الأمثلة على الكسور التي تحتاج قسمة طويلة لتحويلها إلى كسر عشري

$$\frac{2}{7}, \frac{1}{6}, \frac{1}{3}$$

■ يكون شكل القسمة الطويلة كالتالي:

$$\frac{\text{خارج القسمة}}{\text{المقسوم عليه}} = \frac{\text{المقسوم}}{\text{المقسوم عليه}} + \frac{\text{باقي القسمة}}{\text{المقسوم عليه}}$$

■ بينما أن المقسم أصغر من المقسم عليه يكون دائمًا الناتج أصغر من (1) لذلك يكون دائمًا ناتج القسمة الطويلة هنا كسر عشري، وأهم قاعدة هي وضع المقسم كعدد ثم على يمينه فاصلة وأصفار.. والأصفار التي على يمين الفاصلة لا تؤثر على العدد كمثال  $(3.0 = 3.00 = 3.000 = 3.0000 = 3.0)$  وهذا

**مثال (2)** استخدم القسمة لكتابية الكسر  $\frac{5}{8}$  بالصورة العشرية :

لاحظ معي أن مقام هذا الكسر لا يمكن تحويله لعدد من مضاعفات العدد (10) لذلك نستخدم القسمة الطويلة في حل السؤال ..

نبدأنا خارج القسمة بالعدد صفر لأنّه لا يوجد عدد يمكن ضربه بالـ(8) ليعطى (5)

يكتب الكسر  $\frac{5}{8}$  بالصورة العشرية على النحو الآتي : 0.625

$$\begin{array}{r}
 & 0 . 6 2 5 \\
 8 ) & 5 . 0 0 0 \\
 - 4 & 8 \\
 \hline
 & 2 0 \\
 & - 1 6 \\
 \hline
 & 4 0 \\
 & - 4 0 \\
 \hline
 & 0
 \end{array}$$

اتحقق من فهمي : استخدم القسمة لكتابه الكسور الآتية بالصورة العشرية :

a)  $\frac{3}{8} \rightarrow 0.375$

b)  $\frac{5}{16} \rightarrow 0.3125$

$$\begin{array}{r} 0 . \quad 3 \quad 1 \quad 2 \quad 5 \\ 16 ) 5 . \quad 0 \quad 0 \quad 0 \quad 0 \\ - 4 \quad 8 \\ \hline 2 \quad 0 \\ - 1 \quad 6 \\ \hline 4 \quad 0 \\ - 3 \quad 2 \\ \hline 8 \quad 0 \\ 8 \quad 0 \\ \hline 0 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 0 . \quad 3 \quad 7 \quad 5 \\ 8 ) 3 . \quad 0 \quad 0 \quad 0 \\ - 2 \quad 4 \\ \hline 6 \quad 0 \\ - 5 \quad 6 \\ \hline 4 \quad 0 \\ - 4 \quad 0 \\ \hline 0 \end{array}$$

### ملاحظات مهمة

■ الكسر العلوي المنتهي (غير الدوري) : يحتوي على عدد منتهٍ من الأرقام باختصار الباقي = صفر.  
من الأمثلة على الكسور المنتهية :

$$\frac{3}{8} \rightarrow 0.375 , \quad \frac{5}{16} \rightarrow 0.3125$$

$$\begin{array}{r} 0 . \quad 3 \quad 3 \quad 3 \\ \hline 9 ) 3 . \quad 0 \quad 0 \quad 0 \\ - 2 \quad 7 \\ \hline 3 \quad 0 \\ - 2 \quad 7 \\ \hline 3 \quad 0 \\ - 2 \quad 7 \\ \hline 3 \end{array}$$

**مثال (3)** استخدم القسمة لكتابية الكسر  $\frac{3}{9}$  بالصورة العشرية :

لاحظ معنـيـ أنـ مقـامـ هـذـاـ الكـسـرـ لاـ يـمـكـنـ تـحـوـيلـهـ لـعـدـدـ مـضـاعـفـاتـ العـدـدـ (10)ـ لـذـلـكـ نـسـتـخـدـمـ القـسـمـةـ الطـوـيـلـةـ فـيـ حـلـ السـؤـالـ ..

لـاحـظـ أـنـ الـبـاقـيـ لـاـ يـسـاـوـيـ صـفـرـ وـكـلـمـاـ أـضـفـنـاـ صـفـرـاـ بـعـدـ فـاـصـلـةـ المـقـسـومـ يـبـقـىـ هـنـاكـ نـفـسـ الـبـاقـيـ (3)ـ يـتـكـرـرـ ...

يـكـتـبـ الـكـسـرـ (3)ـ بـالـصـورـةـ العـشـرـيـةـ عـلـىـ النـحـوـ الـآـتـيـ ... 0.3333333

لـاحـظـ أـنـ الرـقـمـ (3)ـ يـتـكـرـرـ بـشـكـلـ غـيرـ مـنـتهـ .

**اتحقق من فهمي :** استخدم القسمة لكتابية الكسور الآتية بالصورة العشرية :

a)  $\frac{2}{3} \rightarrow 0.\overline{6}$

b)  $\frac{7}{9} \rightarrow 0.\overline{7}$

$$\begin{array}{r} 0 . \quad 7 \quad 7 \quad 7 \\ \hline 9 ) 7 . \quad 0 \quad 0 \quad 0 \\ - 6 \quad 3 \\ \hline 7 \quad 0 \\ - 6 \quad 3 \\ \hline 7 \quad 0 \\ - 6 \quad 3 \\ \hline 7 \end{array} \qquad \begin{array}{r} 0 . \quad 6 \quad 6 \quad 6 \\ \hline 3 ) 2 . \quad 0 \quad 0 \quad 0 \\ - 1 \quad 8 \\ \hline 2 \quad 0 \\ - 1 \quad 8 \\ \hline 2 \end{array}$$

ملاحظات مهمة


- الكسر العشري غير المنتهي (الدوري) : يعبر عن تكرار رقم بشكل غير منتهٍ لذلك نضع إشارة تدل عليه فوق الرقم المكرر وهي (-).  
من الأمثلة على الكسور الغير منتهية (الدورية) :

$$0.575757 \rightarrow 0.\overline{57}, \quad 0.433333 \rightarrow 0.\overline{43}$$

■ يمكن تحويل الكسر العادي إلى عدد كسري من خلال القسمة الطويلة ..

البسط ← قسمة طويلة ← المقام نفسه ← المقام نفسه ← ناتج القسمة.

$$\begin{array}{r} 1 \\ 8 ) \overline{1 \ 3} \\ - \ 8 \\ \hline 5 \end{array}$$

كمثال بسيط أكتب الكسر  $\frac{13}{8}$  على صورة عدد كسري.  $\leftarrow 1 \frac{5}{8}$

**مثال (4)** قاد طارق دراجته الهوائية مسافة  $\frac{13}{8}$  من منزله إلى الحديقة العامة، عبر بالصورة العشرية عن المسافة التي قطعها طارق.

$$\frac{13}{8} \rightarrow 1.625$$

يمكن حل السؤال من خلال تحويل الكسر العادي لعدد كسري كالآتي  $1 \frac{5}{8}$  ثم إجراء القسمة الطويلة على الجزء الكسري من العدد الكسري

$$\begin{array}{r} 1 . \ 6 \ 2 \ 5 \\ 8 ) \overline{1 \ 3 \ 0 \ 0 \ 0} \\ - \ 8 \\ \hline 5 \ 0 \\ - \ 4 \ 8 \\ \hline 2 \ 0 \\ - \ 1 \ 6 \\ \hline 4 \ 0 \\ - \ 4 \ 0 \\ \hline 0 \end{array}$$

 اتحقق من فهمي : غاص احمد إلى عمق  $12\frac{4}{9}$  متر تحت سطح البحر في خليج العقبة  
عبر بالصورة العشرية عن العمق الذي وصله احمد وهل الكسر العشري الذي حصلت عليه دوري ؟

$$12\frac{4}{9} \rightarrow 12.44\bar{4}$$

$$\begin{array}{r} 0 . \quad 4 \quad 4 \quad 4 \\ 9 ) \quad 4 . \quad 0 \quad 0 \quad 0 \\ - \quad 3 \quad 6 \\ \hline 4 \quad 0 \\ - \quad 3 \quad 6 \\ \hline 4 \quad 0 \\ - \quad 3 \quad 6 \\ \hline 4 \end{array}$$

اكتب كل عدد نسبي مما يأتي بالصورة العشرية :

### أتدرب وأحل المسائل

1  $\frac{1}{4} \rightarrow \frac{1 \times 25}{4 \times 25} = \frac{25}{100} = 0.25$

2  $\frac{4}{5} \rightarrow \frac{4 \times 20}{5 \times 20} = \frac{80}{100} = 0.80$

3  $-\frac{6}{25} \rightarrow -\frac{6 \times 4}{25 \times 4} = -\frac{24}{100} = -0.24$

4  $\frac{9}{20} \rightarrow \frac{9 \times 5}{20 \times 5} = \frac{45}{100} = 0.45$

5  $-\frac{7}{8} \rightarrow -0.875$

6  $\frac{9}{16} \rightarrow 0.5625$

$$\begin{array}{r} 0 . \quad 5 \quad 6 \quad 2 \quad 5 \\ 16 ) \quad 9 . \quad 0 \quad 0 \quad 0 \quad 0 \\ - \quad 8 \quad 0 \\ \hline 1 \quad 0 \quad 0 \\ - \quad 9 \quad 6 \\ \hline 4 \quad 0 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 0 . \quad 8 \quad 7 \quad 5 \\ 8 ) \quad 7 . \quad 0 \quad 0 \quad 0 \\ - \quad 6 \quad 4 \\ \hline 6 \quad 0 \\ - \quad 5 \quad 6 \\ \hline 4 \quad 0 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} - \quad 4 \quad 0 \\ \hline 0 \end{array}$$

استخدم القسمة لكتابية الكسور الآتية بالصورة العشرية :



7)  $\frac{1}{9} = 0.\overline{1}$

$$\begin{array}{r} 0 . \quad 3 \quad 3 \quad 3 \\ 3 \overline{) 1 . \quad 0 \quad 0 \quad 0} \\ - \qquad \quad 9 \\ \hline \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 1 \quad 0 \\ - \quad 9 \\ \hline 1 \quad 0 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} - \quad 9 \\ \hline 1 \end{array}$$

9)  $\frac{1}{6} = 0.\overline{16}$

$$\begin{array}{r} 0 . \quad 1 \quad 6 \quad 6 \\ 6 \overline{) 1 . \quad 0 \quad 0 \quad 0} \\ - \qquad \quad 6 \\ \hline \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 4 \quad 0 \\ - \quad 3 \quad 6 \\ \hline 4 \quad 0 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} - \quad 3 \quad 6 \\ \hline 4 \end{array}$$

10)  $-\frac{5}{11} = 0.\overline{45}$

$$\begin{array}{r} 0 . \quad 4 \quad 5 \quad 4 \\ 11 \overline{) 5 . \quad 0 \quad 0 \quad 0} \\ - \quad 4 \quad 4 \\ \hline 6 \quad 0 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} - \quad 5 \quad 5 \\ \hline 5 \quad 0 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 4 \quad 0 \\ - \quad 3 \quad 6 \\ \hline 4 \quad 0 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} - \quad 3 \quad 6 \\ \hline 4 \end{array}$$

**أتدرب وأحل المسائل** 11 أعد رامي ( $\frac{17}{3}$ ) من عصير البرتقال اكتب كمية العصير بالصورة العشرية

. هل العدد العشري الذي حصلت عليه دوري أم لا ؟

$$\frac{17}{3} = 5.\overline{6}$$

$$\begin{array}{r}
 & 5 . \quad 6 \quad 6 \\
 3 ) & 1 \quad 7 . \quad 0 \quad 0 \\
 & - \quad 1 \quad 5 \\
 \hline
 & \quad 2 \quad 0 \\
 & - \quad 1 \quad 8 \\
 \hline
 & \quad 2 \quad 0 \\
 & - \quad 1 \quad 8 \\
 \hline
 & \quad 2
 \end{array}$$

**أتدرب وأحل المسائل** 12 يعد منجم الشيدية أكبر منجم فوسفات في الأردن حيث يساهم بـ 72% من إنتاج المملكة من الفوسفات ، ما الكسر العشري الدال على نسبة ما ينتجه المنجم من الفوسفات الأردني ؟

$$72\% = \frac{72}{100} = 0.72$$

**أتدرب وأحل المسائل** 13 في عام 2012 سُجل رقم قياسي لأطول نبتة دوار شمس إذ بلغ طولها

(8) ما العدد العشري الدال على طول النبتة ؟

$$8 \frac{1}{4} = \frac{4 \times 8 + 1}{4} = \frac{33}{4} \rightarrow \frac{33 \times 25}{4 \times 25} = \frac{825}{100} = 8.25$$

14

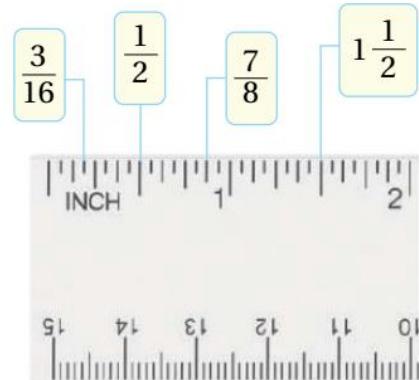
المسطرة المجاورة مقسمة إلى أجزاء طول كل منها  $\frac{1}{16}$  ، هل المقاييس المشار إليها على المسطرة عند تحويلها تُنتج كسوراً وأعداداً عشرية منتهية أم دورية ؟ بره إجابتك ..

$$1 \frac{1}{2} = \frac{2 \times 1 + 1}{2} = \frac{3}{2} \rightarrow \frac{3 \times 5}{2 \times 5} = \frac{15}{10} = 1.5$$

$$\frac{1}{2} = 0.5$$

$$\frac{7}{8} = 0.875$$

$$\frac{3}{16} = 0.1875$$



$$\begin{array}{r}
 & 0 . \color{red}{1} \color{black} 8 \color{red}{7} \color{black} 5 \\
 16 ) & 3 . \color{black} 0 \color{black} 0 \color{black} 0 \color{black} 0 \\
 - & 1 \color{black} 6 \\
 \hline
 & 1 \color{black} 4 \color{red}{0} \\
 - & 1 \color{black} 2 \color{black} 8 \\
 \hline
 & 1 \color{black} 2 \color{red}{0} \\
 - & 1 \color{black} 1 \color{black} 2 \\
 \hline
 & 8 \color{red}{0} \\
 - & 8 \color{black} 0 \\
 \hline
 & 0
 \end{array}$$

$$\begin{array}{r}
 & 0 . \color{red}{8} \color{black} 7 \color{red}{5} \\
 8 ) & 7 . \color{black} 0 \color{black} 0 \color{black} 0 \\
 - & 6 \color{black} 4 \\
 \hline
 & 6 \color{red}{0} \\
 - & 5 \color{black} 6 \\
 \hline
 & 4 \color{red}{0} \\
 - & 4 \color{black} 0 \\
 \hline
 & 0
 \end{array}$$

جميعها كسور وأعداد عشرية منتهية.

## مقارنة الأعداد النسبية وترتيبها

4

الدرس

**مقارنة الأعداد النسبية**: تحديد العدد الأكبر أو الأصغر أو الأعداد المتساوية.

في اللغة الإنجليزية تختلف إشارة الأكبر والأصغر عن العربية بسبب اختلاف جهة الكتابة.

إشارة الأكبر  $\leftarrow (>)$  ، إشارة الأصغر  $\leftarrow (<)$  ، إشارة المساواة  $\leftarrow (=)$

 ملاحظات مهمة

▪ حسب المنهاج الدراسي الجديد في هذا الدرس تتم المقارنة من خلال عدة طرق منها :

(1) الطريقة الأولى : الحساب الذهني حيث يتم مقارنة الأعداد النسبية من خلال تحديد الأقرب للنقطة المرجعية (0) و (0.5) و (1).

(2) الطريقة الثانية : تحويل العدد النسبي إلى كسر عشري وتمثيله على خط الأعداد ومقارنتها بحسب مواقعها.

(3) الطريقة الثالثة : تحويل العدد النسبي إلى كسر عادي بسط ومقام وتمثيله على خط الأعداد ومقارنتها بحسب مواقعها أو المقارنة بينها من خلال البسط عند توحيد المقامات.

**مثال (1) ضع إشارة ( $>$ ) أو ( $<$ ) أو ( $=$ ) في المربع لتصبح كل جملة مما يأتي صحيحة :**

في الكتاب الحل تم باستخدام طريقة الحساب الذهني بالمقارنة مع (0) و (0.5) و (1).  
بما أن  $\frac{3}{10}$

1)  $\frac{5}{8} \boxed{>} \frac{25}{100}$

2)  $3\frac{1}{2} \boxed{>} \frac{3}{5}$

3)  $\left| -\frac{1}{4} \right| \boxed{>} -0.5$

بما أن 1

بما أن  $\frac{1}{4}$

تحقق من فهمي : 

a)  $\frac{3}{4} \boxed{>} \frac{2}{6}$

b)  $-\frac{1}{2} \boxed{<} 1$

c)  $\left| -\frac{1}{3} \right| \boxed{<} 1.5$

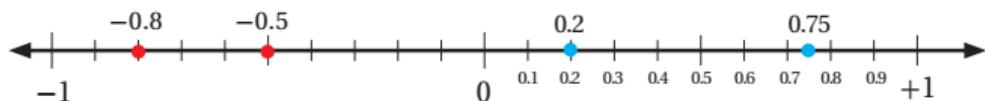
**مثال (2) :** رتب الأعداد النسبية الآتية تصاعدياً (من الأصغر إلى الأكبر) :

$$-\frac{1}{2}, -0.8, \frac{3}{4}, 0.2$$

في الكتاب تم حل هذا المثال على الأسلوب الثاني من خلال تحويل الأعداد لكسر عشرى وتمثيلها على خط الأعداد والمقارنة حسب موقعها.

$$-\frac{1}{2} \rightarrow -\frac{1 \times 5}{2 \times 5} = -\frac{5}{10} = -0.5 , \quad \frac{3}{4} \rightarrow \frac{3 \times 25}{4 \times 25} = \frac{75}{100} = 0.75$$

$$0.5, -0.8, 0.75, 0.2$$



نرتب الأعداد النسبية بالنظر لموقعها على خط الأعداد :

$$-0.8 < -0.5 < 0.2 < 0.75$$

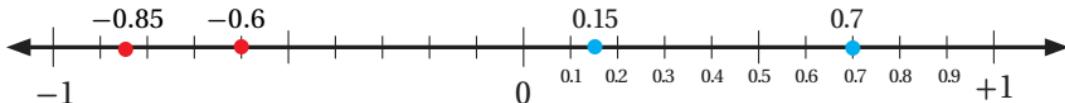
إذن الترتيب التصاعدي للأعداد هو :

$$-0.8, -0.5, 0.2, 0.75$$

**تحقق من فهمي :** رتب الأعداد النسبية الآتية تصاعدياً (من الأصغر إلى الأكبر) : 

$$\frac{7}{10}, -\frac{3}{5}, -0.85, 0.15$$

$$0.7, -0.6, -0.85, 0.15$$



نرتب الأعداد النسبية بالنظر لموقعها على خط الأعداد :

$$-0.85 < -0.6 < 0.15 < 0.7$$

إذن الترتيب التصاعدي للأعداد هو :

$$-0.85, -0.6, 0.15, 0.7$$

**مثال (3) :** رتب الأعداد النسبية الآتية تنازليًّا (من الأكبر إلى الأصغر) :

$$\frac{1}{12}, \frac{2}{3}, 0.35$$

حسب الكتاب سنقوم بحل هذا المثال على الأسلوب الثالث من خلال تحويل الأعداد النسبية من الصيغة الع العشرية إلى كسر بسط ومقام وتمثيلها على خط الأعداد والمقارنة حسب موقعها أو المقارنة بينها من خلال البسط عند توحيد المقامات.

$$0.35 \rightarrow \frac{35 \div 5}{100 \div 5} = \frac{7}{20} \rightarrow \frac{1}{12}, \frac{2}{3}, \frac{7}{20}$$

نقوم الآن بتوحيد مقامات الكسور ثم نقارن بينها من خلال البسط لأن المقامات تكون متساوية.

$$\frac{1}{12} = \frac{5}{60}$$

$\times 5$

$$\frac{2}{3} = \frac{40}{60}$$

$\times 20$

$$\frac{7}{20} = \frac{21}{60}$$

$\times 3$

$$\frac{40}{60} > \frac{21}{60} > \frac{5}{60}$$

إذن الترتيب التنازلي للأعداد هو :  $\frac{2}{3}, 0.35, \frac{1}{12}$

**اتحقق من فهمي :** رتب الأعداد النسبية الآتية تنازليًّا (من الأكبر إلى الأصغر) :

$$-\frac{1}{5}, -0.15, \frac{7}{10}$$

$$-\frac{1}{5}, -\frac{15 \div 5}{100 \div 5}, \frac{7}{10} \rightarrow -\frac{1}{5}, -\frac{3}{20}, \frac{7}{10}$$

$$-\frac{1 \times 4}{5 \times 4}, -\frac{3}{20}, \frac{7 \times 2}{10 \times 2} \rightarrow -\frac{4}{20}, -\frac{3}{20}, \frac{14}{20}$$

الموجب دائماً أكبر من السالب ..

$$-\frac{4}{20}, -\frac{3}{20}, \frac{14}{20}$$

إذن الترتيب التنازلي للأعداد هو :  $-\frac{4}{20}, -\frac{3}{20}, \frac{14}{20}$

عزيزي الطالب بعيداً عن الطرق التي تم شرحها والحل عليها سابقاً يمكننا استخدام قواعد آليات أخرى للحل ومعرفة إجابة الأسئلة المختلفة والتأكد من حلها كما يأتي ..

### هـ قواعد مهمة يجب معرفتها :

- الكسر غير الفعلي دائمًا أكبر من (1).
- الكسر الفعلي دائمًا أصغر من (1).
- الكسر غير الفعلي والعدد الكسري دائمًا أكبر من الكسر الفعلي.
- عند تحويل العدد الكسري إلى كسر عادي بسط ومقام دائمًا يكون الكسر الناتج عن التحويل كسر غير فعلي أي بسطه أكبر من مقامه.

### هـ آلية مقارنة الأعداد النسبية :

- عند المقارنة بين **الكسور العادي** يجب أن يكون مقام الكسرتين متساوي وفي حال لم يكن متساوي نقوم بتوحيد المقامات من خلال ضرب المقام بعدد مناسب مع ضرب البسط بنفس هذا الرقم.
- إذا تساوت المقامات في الكسر العادي تتم المقارنة وتحديد الأكبر والأصغر من خلال البسط.
- عند المقارنة بين **الأعداد الكسرية** نقوم بالمقارنة بين الجزء الصحيح لكل عدد كسري لتحديد العدد الكسري الأكبر من الأصغر.
- في حال تساوى الجزء الصحيح لكل عدد كسري تتم المقارنة بين الجزء الكسري لكل عدد كسري.

**أتدرُّب وأحل المسائل**  ضع إشارة > أو < أو = في  لتصبح كل جملة مما يأتي صحيحة :

- 1  $\frac{1}{3} \boxed{<} \frac{3}{5}$  في الكتاب طالب الحل حسب طريقة المثال الأول طريقة الحساب الذهني بالمقارنة مع  $\frac{1}{3}$  بما أن  $\frac{1}{3} < \frac{3}{5}$
- 2  $\frac{1}{3} \boxed{<} \frac{3}{5}$  في الكتاب طالب الحل حسب طريقة المثال الأول طريقة الحساب الذهني بالمقارنة مع  $\frac{1}{3}$  بما أن  $\frac{1}{3} < \frac{3}{5}$
- 3  $0.4 \boxed{<} \left| -\frac{7}{8} \right|$  بما أن  $0.4 < \frac{7}{8}$
- 4  $-1 \frac{5}{8} \boxed{>} -1.75$

5  $-1\frac{1}{2}$    $<$   $-\frac{4}{7}$

6  $1\frac{8}{20}$    $>$   $-1.6$

**أتدرب وأحل المسائل** رتب الأعداد الآتية تصاعدياً :

7  $-1.8, 1\frac{1}{2}, -1.25 \rightarrow -1.8, -1.25, 1\frac{1}{2}$

8  $-0.3, 0.5, 0.55, 0.35 \rightarrow -0.3, 0.35, 0.5, 0.55$

9  $|3.5|, |-1.8|, 4.6, 3\frac{2}{5}, |2.7| \rightarrow 3.5, 1.8, 4.6, 3\frac{2}{5}, 2.7$

$\rightarrow 1.8, 2.7, 3\frac{2}{5}, 3.5, 4.6$

10  $-0.6, -\frac{5}{8}, \frac{7}{12}, 3\frac{2}{5}, 0.75 \rightarrow -\frac{5}{8}, -0.6, \frac{7}{12}, 0.75, 3\frac{2}{5}$

11  $\frac{3}{4}, -\frac{7}{10}, -\frac{3}{4}, \frac{8}{10} \rightarrow -\frac{3}{4}, -\frac{7}{10}, \frac{3}{4}, \frac{8}{10}$

12  $|-6.3|, -7.2, 8, |5|, -6.3 \rightarrow 6.3, -7.2, 8, 5, -6.3$

$\rightarrow -7.2, -6.3, 5, 6.3, 8$


**أتدرب  
وأحل المسائل**

**13** يتجمد الماء عند درجة حرارة  $0^{\circ}\text{C}$  وتقل درجة تجمده عند إضافة الملح

إليه ، إذا أضافت جنى كميات مختلفة من الملح إلى أربع عينات من الماء وكانت تقيس درجة تجمد العينة في كل مرة ، رتب العينات حسب كمية الملح المضاف إليها من الأكثرب إلى الأقل.

D	C	B	A	العينة
				درجة التجمد ( $^{\circ}\text{C}$ )
$-1\frac{2}{5}$	-1.1	-0.1	$-1\frac{1}{4}$	

$\rightarrow -0.1, -1.1, -1.25, -1.4$

**14** إذا كانت كمية الحديد في نصف كوكب من السبانخ (3.2 mg) وفي

نصف كوكب من حبوب الصويا (  $\frac{18}{4}$  mg ) حدد أيهما يحتوي على كمية أكبر من الحديد السبانخ أم الصويا ؟

$\rightarrow \frac{18}{4} = 4.5 \rightarrow 4.5 > 3.2$  إذن حبوب الصويا تحتوي على كمية أكبر من الحديد.

**15** هل الكسور  $(\frac{3}{12}, \frac{3}{11}, \frac{3}{10})$  مرتبة تصاعدياً (من الأصغر إلى الأكبر) أم

تنازلياً (من الأكبر إلى الأصغر) ؟ .. ببر إجابتكم.

$\rightarrow \frac{3}{10} > \frac{3}{11} > \frac{3}{12}$  مرتبته تصاعدياً من الأصغر إلى الأكبر

**أتدرب وأحل المسائل**

16 في سباق للدرجات تم حساب متوسط الزمن الذي استغرقه

المتسابقون للوصول على نقطة النهاية. إذا كان الجدول أدناه يبين الفرق بين زمن وصول 5 متسابقين عن المتوسط ، فإن ترتيب اللاعبين من الأسرع إلى الأبطأ :

المسابق	أحمد	محمد	عبدالعزيز	خالد	عمر
زمن الوصول أكثر أو أقل من المتوسط (بالدقيقة)	-1.25	$1\frac{9}{10}$	$1\frac{2}{5}$	1	-1.8

$$\rightarrow 1\frac{9}{10} > 1\frac{2}{5} > 1 > -1.25 > -1.8$$

مرتبه تنازلياً من الأسرع إلى الأبطأ

## جمع الأعداد النسبية وطرحها

5

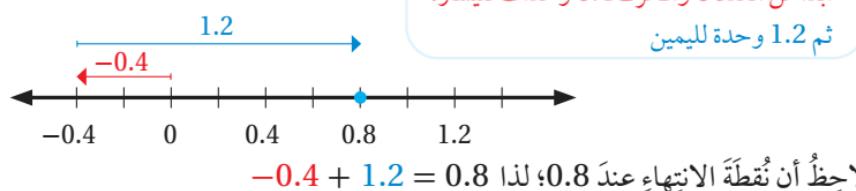
الدرس

## ■ استعمال خط الأعداد في جمع الأعداد النسبية وطرحها :

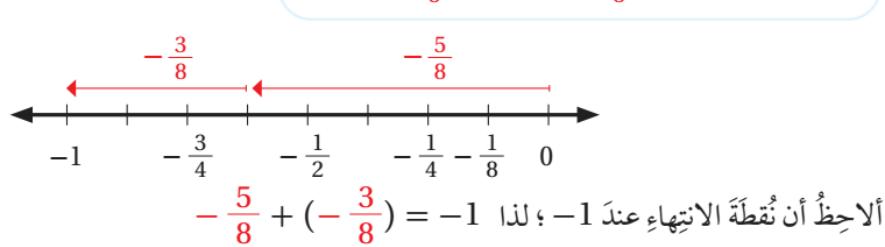
- عند جمع أو طرح الأعداد النسبية نبدأ بالحركة من عند العدد (0) باتجاه العدد النسبي الأول.
- ثم نتحرك نحو العدد النسبي الثاني وعنده الوصول إلى نقطة الانتهاء تكون النقطة التي نقف عليها هي ناتج العملية الحسابية بين العددين النسبيين.

استعمل خط الأعداد لإيجاد ناتج كل مما يأتي :

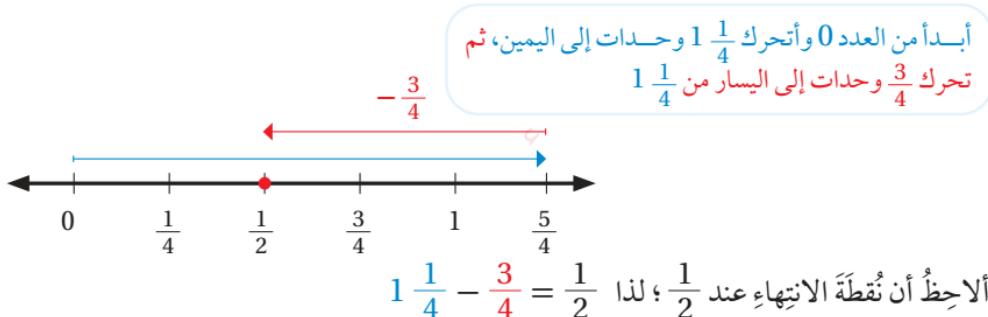
1 -  $0.4 + 1.2$



2 -  $-\frac{5}{8} + \left(-\frac{3}{8}\right)$



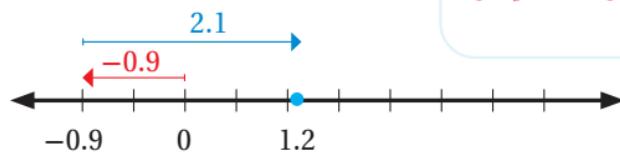
3 -  $1\frac{1}{4} - \frac{3}{4}$





اتحقق من فهمي :

a)  $-0.9 + 2.1$

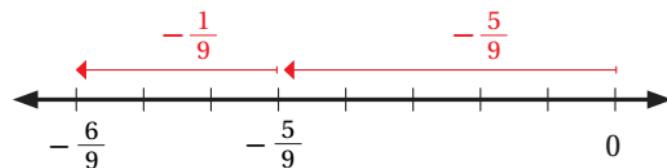


أبدأ من العدد 0 وأتحرك 0.9 وحدات لليسار،

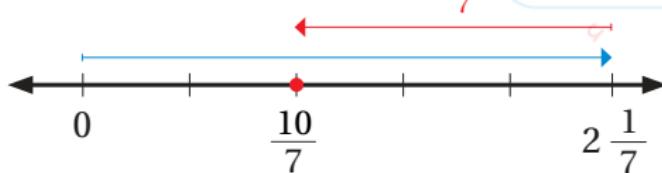
ثم 2.1 وحدة لليمين

الاحظ أن نقطة الانتهاء عند 1.2؛ لذا  $-0.9 + 2.1 = 1.2$ 

b)  $-\frac{5}{9} + \left(-\frac{1}{9}\right)$

أبدأ من العدد 0 وأتحرك  $\frac{5}{9}$  وحدة لليسار، ثم  $\frac{1}{9}$  وحدة لليسار $-\frac{5}{9} + \left(-\frac{1}{9}\right) = -\frac{6}{9}$ ؛ لذا  $-\frac{5}{9} + \left(-\frac{1}{9}\right) = -\frac{6}{9}$ 

c)  $2\frac{1}{7} - \frac{5}{7}$

أبدأ من العدد 0 وأتحرك  $\frac{1}{7}$  2 وحدات إلى اليمين، ثم تحرك  $\frac{5}{7}$  وحدات إلى اليسار من  $2\frac{1}{7}$  $2\frac{1}{7} - \frac{5}{7} = \frac{10}{7}$ ؛ لذا  $2\frac{1}{7} - \frac{5}{7} = \frac{10}{7}$

■ استعمال الطريقة الأساسية (العامة) في جمع الأعداد النسبية وطرحها :

- ◀ عند جمع أو طرح الكسور العادي يجب أن تكون المقامات متساوية وإذا لم تكن متساوية نقوم بعملية توحيد المقامات ثم نقوم بجمع البسط مع البسط ويبقى المقام كما هو.
- ◀ عند جمع أو طرح عدد كسري مع كسر عادي أو عدد عشري تتبع قاعدة توحيد النوع من خلال جعل جميع الأطراف من نفس النوع كمثال لو أردنا جمع كسر عادي مع عدد كسري نقوم بتحويل العدد الكسري إلى كسر عادي ثم نكمل الحل ...

 ملاحظات مهمة

■ المنهاج الدراسي الجديد يعتمد على أن الطالب لديه تأسيس ومعرفة في جمع الكسور العادية والأعداد العشرية في الصفوف السابقة :

**الأعداد العشرية:** عند الجمع والطرح تتأكد من أن المنازل متساوية ثم نقوم بالعملية الحسابية الجمع أو الطرح. نضع الفواصل تحت بعضها البعض ثم نجمع أو نطرح الأرقام من المنازل نفسها.

$$\begin{array}{r} 6 , 2 \ 5 \\ 4 , 2 \ 0 \\ \hline - \\ 2 , 0 \ 5 \end{array}$$

1)  $6.25 - 4.2 = 2.05$

$$\begin{array}{r} 2 \ 1 , 2 \ 5 \\ 3 \ 5 , 2 \ 2 \\ \hline + \\ 5 \ 6 , 4 \ 7 \end{array}$$

2)  $21.25 + 35.22 = 56.47$

**الأعداد الكسرية:** عند الجمع والطرح نقوم بتحويلها لكسر عادي ثم نجري العملية الحسابية.

**مثال (2)** جد ناتج كل مما يأتي :

1)  $-\frac{1}{3} + \frac{1}{4} \rightarrow \frac{-1 \times 4}{3 \times 4} + \frac{1 \times 3}{4 \times 3} = \frac{-4}{12} + \frac{3}{12} = \frac{-1}{12}$

2)  $-\frac{1}{2} - \frac{1}{8} \rightarrow \frac{-1 \times 4}{2 \times 4} - \frac{1}{8} = \frac{-4}{8} - \frac{1}{8} = \frac{-5}{8}$

3)  $-0.5 + \left(-\frac{1}{4}\right) \rightarrow -0.5 + -0.25 = 0.25$



اتحقق من فهمي : جد ناتج كل مما يأتى :

$$a) -\frac{2}{5} + \frac{7}{15} \rightarrow -\frac{-2 \times 3}{5 \times 3} + \frac{7}{15} = \frac{-6}{15} + \frac{7}{15} = \frac{1}{15}$$

$$b) -\frac{1}{3} - \frac{1}{6} \rightarrow -\frac{-1 \times 2}{3 \times 2} - \frac{1}{6} = \frac{-2}{6} - \frac{1}{6} = \frac{-3}{6}$$

$$c) \frac{1}{2} + (-0.3) \rightarrow -\frac{1 \times 5}{2 \times 5} + \frac{-3}{10} = \frac{5}{10} + \frac{-3}{10} = \frac{2}{10}$$

مثال (3) : جد ناتج كل مما يأتى :

$$1) -3 \frac{1}{2} + 2 \frac{5}{6} \rightarrow -\frac{2 \times 3 + 1}{2} + \frac{6 \times 2 + 5}{6} = -\frac{7}{2} + \frac{17}{6} = -\frac{7 \times 3}{2 \times 3} + \frac{17}{6}$$

$$= -\frac{21}{6} + \frac{17}{6} = \frac{-21 + 17}{6} = \frac{-4}{6} = \frac{-2}{3}$$

$$2) -1 \frac{1}{9} - 3 \frac{1}{6} \rightarrow -\frac{9 \times 1 + 1}{9} - \frac{6 \times 3 + 1}{6} = -\frac{10}{9} - \frac{19}{6}$$

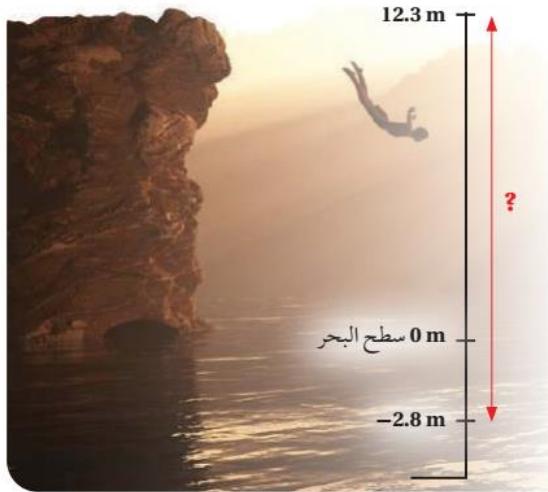
$$= -\frac{10 \times 2}{9 \times 2} - \frac{19 \times 3}{6 \times 3} = -\frac{20}{18} - \frac{57}{18} = \frac{-20 - 57}{18} = \frac{-77}{18}$$

اتتحقق من فهمي : جد ناتج كل مما يأتى :

$$a) -2 \frac{1}{3} + 4 \frac{5}{12} \rightarrow -\frac{3 \times 2 + 1}{3} + \frac{12 \times 4 + 5}{12} = -\frac{7}{3} + \frac{53}{12} = -\frac{7 \times 4}{3 \times 4} + \frac{53}{12}$$

$$= -\frac{28}{12} + \frac{53}{12} = \frac{-28 + 53}{12} = \frac{25}{12}$$

$$b) -3 \frac{1}{4} - 1 \frac{3}{5} \rightarrow -\frac{4 \times 3 + 1}{4} - \frac{5 \times 1 + 3}{5} = -\frac{11 \times 5}{4 \times 5} + \frac{8 \times 4}{5 \times 4} = \frac{-23}{20}$$



**مثال (3)** قفز أيمن من ارتفاع (12.3 m) فوق سطح البحر  
وعند ملامسته سطح الماء غاص للأسفل (2.8 m) ، استخدم  
الأعداد النسبية لإيجاد المسافة بين موقع قفز أيمن إلى  
العمق الذي وصله تحت سطح الماء.

بإمكاننا اعتبار سطح البحر هو الحد الفاصل بين الموجب والسلب  
للاحظ أن أيمن قطع مسافة (12.3 m) ثم مضاف إليها مسافة  
(2.8 m) تحت سطح البحر .. أي أن المسافة التي قطعها أيمن ( $12.3 + 2.8 = 15.1$  m)  
أو يمكننا الحل باستخدام الفرق في الارتفاع =  $(12.3 - (-2.8)) = 15.1$  .  
أي أن المسافة التي قطعها أيمن هي (15.1 m)

**اتحقق من فهمي :** في إحدى تجارب العلوم سكب كمال  $\frac{3}{4}$  من السائل من دورق

زجاجي وبعد مرور 7 دقائق سكب  $\frac{1}{6}$  من الدورق نفسه ، فكم لترًا نقص الدورق ؟

لمعرفة الكمية التي تم سكبها من الدورق نقوم بإيجاد مجموع ما تم سكبها في كل مرة  
والمجموع يمثل الكمية كاملة التي تم سكبها من الدورق.

$$\frac{3}{4} + \frac{1}{6} = \frac{3 \times 3}{4 \times 3} + \frac{1 \times 2}{6 \times 2} = \frac{9}{12} + \frac{2}{12} = \frac{11}{12}$$

أي أن الكمية كاملة التي تم سكبها من الدورق  $\frac{11}{12}$

## ضرب الأعداد النسبية وقسمتها

6

الدرس

## ■ قواعد وأالية ضرب الأعداد النسبية وقسمتها :

◀ في حالة ضرب الكسور نقوم بضرب البسط والمقام مع المقام.

$$\frac{a}{b} \times \frac{c}{d} = \frac{a \times c}{b \times d}$$

◀ في حالة ضرب الكسور مع عدد صحيح نقوم بكتابة العدد الصحيح على صورة بسط ومقام ثم نجري عملية الضرب بشكل طبيعي .

$$\frac{a}{b} \times c = \frac{a}{b} \times \frac{c}{1} = \frac{a \times c}{b \times 1} = \frac{a \times c}{b}$$

◀ في حالة قسمة الكسور نقوم بتحويل إشارة القسمة إلى ضرب ونقلب الكسر الثاني ثم نطبق قوانين ضرب الكسور .

$$\frac{a}{b} \div \frac{c}{d} = \frac{a}{b} \times \frac{d}{c} = \frac{a \times d}{b \times c}$$

◀ في حالة قسمة الكسور على عدد صحيح نقوم بكتابة العدد الصحيح على صورة بسط ومقام ثم نجري عملية القسمة بشكل طبيعي .

$$\frac{a}{b} \div c = \frac{a}{b} \div \frac{c}{1} = \frac{a}{b} \times \frac{1}{c} = \frac{a \times 1}{b \times c} = \frac{a}{b \times c}$$

 ملاحظات مهمة

■ يمكننا ضرب وقسمة الأعداد النسبية حسب القواعد أعلاه عند توحيد نوع الأعداد النسبية كمثال لو قمنا بضرب كسر مع عدد كسري نقوم بتحويل العدد الكسري إلى كسر عادي ونجرى العملية بشكل طبيعي .

مثال (1)

جد ناتج الضرب بأسط صورة :

$$1) \frac{2}{7} \times \frac{1}{6} = \frac{2 \times 1}{7 \times 6} = \frac{2}{42} \rightarrow \frac{2 \div 2}{42 \div 2} = \frac{1}{21}$$

$$2) -\frac{3}{8} \times \frac{2}{9} = -\frac{3 \times 2}{8 \times 9} = -\frac{6}{72} \rightarrow -\frac{6 \div 6}{72 \div 6} = -\frac{1}{12}$$

$$3) -2 \frac{1}{2} \times 4 \frac{2}{3} = -\frac{5}{2} \times \frac{14}{3} = -\frac{5 \times 14}{2 \times 3} = -\frac{70}{6} \rightarrow -\frac{70 \div 2}{6 \div 2} = -\frac{35}{2}$$

 ملاحظات مهمة

يمكننا استخدام أسلوب الاختصار لتبسيط الأعداد عند ضربها من خلال قسمة كل من العددين على أكبر عامل مشترك بينهما كمثال:

$$\frac{\cancel{2}^1}{7} \times \frac{1}{\cancel{6}^3}$$

$$-\frac{\cancel{3}^1}{\cancel{8}^4} \times \frac{\cancel{2}^1}{\cancel{9}^3}$$

$$-\frac{5}{\cancel{2}^1} \times \frac{\cancel{14}^7}{3}$$

تحقق من فهمي : جد ناتج كل مما يأتي :



$$a) \frac{-12}{15} \times \frac{3}{6} = \frac{-12 \times 3}{15 \times 6} = \frac{-36}{90} \rightarrow \frac{-36 \div 6}{90 \div 6} = -\frac{6}{15}$$

$$b) (-\frac{2}{6}) \times (-\frac{1}{5}) = \frac{-12 \times 3}{15 \times 6} = \frac{-36}{90} \rightarrow \frac{-36 \div 6}{90 \div 6} = -\frac{6}{15}$$

$$c) -2 \times (-3 \frac{1}{5}) = \frac{-2}{1} \times -\frac{16}{5} = \frac{-2}{1} \times \frac{-16}{5} = \frac{+32}{5}$$

$$d) (-6 \frac{1}{2}) \times (2 \frac{1}{3}) = (-\frac{13}{2}) \times (\frac{7}{3}) = \frac{-13 \times 7}{2 \times 3} = -\frac{91}{6}$$

ملاحظات مهمة


- في حالة ضرب الأعداد العشرية نلغي الفواصل ونقوم بضرب الأعداد بشكل طبيعي ثم نقوم بتحديد موقع تموض الفاصلة العشرية بحيث نعد عدد المنازل العشرية الموجودة بعد الفاصلة وعدها يمثل عدد حركات وقفزات الفاصلة في العدد الناتج.

$$0.2 \times 4 = 8 \rightarrow 0.8$$

في المثال الآتي لاحظ معي بعد الانتهاء من عملية ضرب العددين بدون فواصل قمنا بعد المنازل الموجودة بعد الفاصلة العشرية في كل من العددين في العدد (0.2) لدينا منزلة واحدة وفي العدد (4) لا يوجد إذن المجموع (1) لذلك نحرك الفاصلة نحو اليسار في العدد الناتج قفزة واحدة.

**مثال (2)** جد ناتج الضرب في كل مما يأتي :

1)  $-2.5 \times -8 \rightarrow -25 \times -8 = 200 \rightarrow 20.0 = 20$

2)  $-1.25 \times 1.64 \rightarrow -125 \times 164 = -20500 \rightarrow -2.0500 = -2.05$

3)  $-4.2 \times 1\frac{1}{2} \rightarrow -4.2 \times 1.5 = -42 \times 15 = -630 \rightarrow -6.30 = -6.3$

تحقق من فهمي : جد ناتج كل مما يأتي : 

a)  $-4.6 \times 5 \rightarrow -46 \times 5 = -230 \rightarrow -23.0 = -23$

b)  $-2.4 \times -0.66 \rightarrow -42 \times -66 = 1584 \rightarrow 1.584$

c)  $6.4 \times -2\frac{1}{5} \rightarrow 6.4 \times -2.2 \rightarrow 64 \times -22 = 1408 \rightarrow 14.08$

ملاحظات مهمة


■ إذا كان ناتج ضرب عددين يساوي (1) فإن كل منهما يسمى نظير ضربي للآخر أو مقلوبًا للعدد الآخر.

$$\frac{5}{3} \times \frac{3}{5} = 1 \rightarrow \frac{3}{5} \text{ نظير ضرب و مقلوب للعدد } \frac{5}{3}$$

$$\frac{1}{2} \times 2 \text{ or } \frac{1}{2} \times \frac{2}{1} = 1 \rightarrow \frac{1}{2} \text{ نظير ضرب و مقلوب للعدد } \frac{2}{1} \text{ or } 2$$


---

**مثال (2)** جد ناتج القسمة في أبسط صورة :

1)  $-\frac{1}{4} \div \left(-\frac{3}{5}\right) = -\frac{1}{4} \times -\frac{5}{3} = \frac{-1 \times -5}{4 \times 3} = \frac{5}{12}$

2)  $-3 \div \left(2 \frac{1}{3}\right) = -\frac{3}{1} \div \frac{7}{3} = -\frac{3}{1} \times \frac{3}{7} = -\frac{3 \times 3}{1 \times 7} = -\frac{9}{7}$

**اتحقق من فهمي :** جد ناتج القسمة في أبسط صورة : 

a)  $6 \div \frac{1}{9} \rightarrow \frac{6}{1} \times \frac{9}{1} = \frac{54}{1} = 54$

b)  $-\frac{2}{10} \div \frac{4}{15} \rightarrow -\frac{2}{10} \times \frac{15}{4} = \frac{-2 \times 15}{10 \times 4} = -\frac{30}{40} = \frac{30 \div 10}{40 \div 10} = -\frac{3}{4}$

c)  $-7 \frac{1}{3} \div \frac{1}{2} \rightarrow -\frac{22}{3} \div \frac{1}{2} \rightarrow -\frac{22}{3} \times \frac{2}{1} = -\frac{44}{3}$

ملاحظات مهمة


■ لتحويل العدد او الكسر العشري لعدد صحيح لتسهيل عملية القسمة نقوم بضربه بـ (10) أو (100) أو أي عدد من مضاعفات العشرة حسب عدد المنازل الواقعية بعد الفاصلة.

$$7.59 \rightarrow 7.59 \times 100 = 759 \quad \text{منزلتين تقع بعد الفاصلة هما (59) لذلك ضربنا العدد بـ 100}$$

$$0.425 \rightarrow 0.425 \times 1000 = 425 \quad \text{3 منازل تقع بعد الفاصلة هم (425) لذلك ضربنا العدد بـ 1000}$$

$$1.2 \rightarrow 1.2 \times 10 = 12 \quad \text{منزلة واحدة تقع بعد الفاصلة هي (2) لذلك ضربنا العدد بـ 10}$$

■ عند قسمة عدد عشري أو كسر عشري نقوم بتحويل طرفي القسمة البسط والمقام لعدد صحيح لتسهيل عملية القسمة علينا من خلال ضرب البسط والمقام بـ (10) أو (100) أو أي عدد من مضاعفات العشرة حسب عدد منازل العدد او الكسر العشري اللازم التخلص منها ليصبح عدداً صحيحاً.

**مثال (4) جد ناتج الضرب في كل مما يأتي :**

1)  $-7.56 \div 0.24 \rightarrow \frac{-7.56 \times 100}{0.24 \times 100} = \frac{756}{24} = -31.5 \quad (\text{قسمة طويلة})$

2)  $-2.28 \div 9\frac{1}{2} = -2.28 \div 9.5 = \frac{-2.28 \times 10}{9.5 \times 10} = \frac{22.8}{95} = -0.24 \quad (\text{قسمة طويلة})$

**اتحقق من فهمي : جد ناتج كل مما يأتي :**

a)  $7.7 \div -14 \rightarrow \frac{7.7 \times 10}{-14 \times 10} = \frac{77}{-140} = -0.55 \quad (\text{قسمة طويلة})$

b)  $-47.6 \div -1.7 \rightarrow \frac{-47.6 \times 10}{-1.7 \times 10} = \frac{-476}{-17} = 28 \quad (\text{قسمة طويلة})$

c)  $97.8 \div 1\frac{1}{2} \rightarrow 97.8 \div 1.5 = \frac{97.8 \times 10}{1.5 \times 10} = \frac{978}{15} = 65.2 \quad (\text{قسمة طويلة})$

**أتدرب** جد ناتج الضرب في أبسط صورة :



$$\text{1} \quad \frac{3}{4} \times \frac{6}{9} = \frac{3 \times 6}{4 \times 9} = \frac{18}{36} \rightarrow \frac{18 \div 18}{36 \div 18} = \frac{1}{2}$$

$$\text{2} \quad \frac{-1}{7} \times \frac{2}{3} = \frac{-1 \times 2}{7 \times 3} = \frac{-2}{21}$$

$$\text{3} \quad 11 \times \frac{5}{8} = \frac{11}{1} \times \frac{5}{8} = \frac{11 \times 5}{1 \times 8} = \frac{55}{8}$$

$$\text{4} \quad \left(\frac{6}{8}\right) \times \left(-3\frac{1}{2}\right) = \left(\frac{6}{8}\right) \times \left(-\frac{7}{2}\right) = \frac{6 \times -7}{8 \times 2} = \frac{-42}{16} \rightarrow \frac{-42 \div 2}{16 \div 2} = \frac{21}{8}$$

$$\text{5} \quad 2\frac{3}{5} \times 2\frac{1}{6} = \frac{13}{5} \times \frac{13}{6} = \frac{13 \times 13}{5 \times 6} = \frac{169}{30}$$

$$\text{6} \quad 9 \times \left(-1\frac{2}{7}\right) = \frac{9}{1} \times -\frac{9}{7} = \frac{9 \times -9}{1 \times 7} = \frac{-81}{7}$$

$$\text{7} \quad -1.7 \times (-0.93) \rightarrow -17 \times -93 = 1581 \rightarrow 1.581$$

$$\text{8} \quad 2.04 \times (-1.9) \rightarrow 204 \times -19 = -3876 \rightarrow -3.876$$

$$\text{9} \quad 11.4 \times 1\frac{4}{5} = 11\frac{4}{10} \times 1\frac{4}{5} = \frac{114}{10} \times \frac{9}{5} = \frac{114 \times 9}{10 \times 5} = \frac{1026}{50}$$

$$= \frac{1026 \div 2}{50 \div 2} = \frac{513}{25}$$

**أتدرب** جد ناتج القسمة في أبسط صورة :



$$10 \quad 11 \div \frac{2}{3} = \frac{11}{1} \div \frac{2}{3} = \frac{11}{1} \times \frac{3}{2} = \frac{33}{2}$$

$$11 \quad \frac{4}{6} \div \frac{1}{12} = \frac{4}{6} \times \frac{12}{1} = \frac{48}{6} = 8$$

$$12 \quad 5\frac{3}{4} \div \frac{2}{7} = \frac{23}{4} \div \frac{2}{7} = \frac{23}{4} \times \frac{7}{2} = \frac{161}{8}$$

$$13 \quad 76.68 \div (-2.8) \rightarrow 7668 \times 28 = 214704 \rightarrow 214.704$$

$$14 \quad 14.88 \div 1\frac{1}{5} = 14.88 \div 1.2 = \frac{14.88 \times 100}{1.2 \times 100} = \frac{1488}{120} = 12.4$$

$$15 \quad -119.35 \div (-3\frac{1}{10}) = -119.35 \div (-3.1) = \frac{119.35 \times 100}{-3.1 \times 100} = \frac{11935}{-310} \\ = 38.5$$

**أتدرب** يُعد الطاووس واحداً من أكبر الطيور ويمثل ذيله 60% من طوله الكلي ،



فإذا كان طول أحدهما 145 cm فكم يبلغ طول ذيله ؟

$$60\% \times 145 \rightarrow \frac{60}{100} \times \frac{145}{1} = \frac{60 \times 145}{100 \times 1} = \frac{8700}{100} = 87 \text{ cm}$$

**أتدرب** يحتاج خياط إلى  $(1\frac{1}{4}) \text{ m}^2$  من القماش لتجهيز ثوب واحد ، فكم ثوباً يمكن تجهيزه باستعمال  $(14.2 \text{ m}^2)$  من القماش ؟

$$14.2 \div 1\frac{1}{4} \rightarrow 14.2 \times 1.25 \rightarrow 142 \times 125 = 17750 \rightarrow 17.750 \text{ ثوب}$$

## خطة حل المسألة "الحل العكسي"

7

الدرس

## ■ حل المسائل باستخدام خطة "الحل العكسي":

- ◀ بالبداية يجب تحديد المعطيات في السؤال وتحديد المطلوب إيجاده.
- ◀ نستخدم طريقة الحل العكسي عندما تكون النتيجة النهائية لسلسة من الخطوات الحسابية معطاة ويكون مطلوب إيجاد القيمة التي بدأت بها السلسلة.
- ◀ نبدأ الحل من عند القيمة النهائية وندرج في إضافة المعطيات للوصول إلى الحل المطلوب.

**مثال** انطلق خالد في حلة في سيارته فاستهلكت (6.3L) من الوقود ثم توقف عند

المحطة وزودها بمقدار (15L) من الوقود ، وأكمل رحلته فاستهلكت السيارة ( $11\frac{4}{5}$ ) أخرى ،

وعند نهاية الرحلة بقي في السيارة (8.9L). ما كمية الوقود التي كانت في خزان السيارة بداية الرحلة.

المعطيات ← استهلاك (6.3L) و ( $11\frac{4}{5}$ ) من الوقود وتزويد (15L) وبقي فيها (8.9L).

المطلوب ← إيجاد كمية الوقود في خزان السيارة في بداية الرحلة.

$$8.9 \text{ L} + 11\frac{4}{5} \text{ L} \rightarrow 8.9 \text{ L} + 11.8 \text{ L} = 20.7 \text{ L}$$

$$20.7 \text{ L} - 15 \text{ L} = 5.7 \text{ L}$$

$$5.7 \text{ L} + 6.3 \text{ L} = 12 \text{ L}$$

التحقق ← حسب الحل تبين أن كمية الوقود في السيارة في بداية الرحلة كانت (12) فلو قمنا بطرح كمية الاستهلاك وجمع الكمية التي تم إضافتها للسيارة في محطة الوقود يجب أن يكون الناتج النهائي (8.9).


**أتدرب وأحل المسائل**

**1** اشترى فيصل عبوة عصير واستهلك  $\frac{1}{3}$  منها يومياً لمدة يومين

وبقي لديه  $\frac{1}{8}$  جد سعة عبوة العصير التي اشتراها.

المعطيات  $\rightarrow$  استهلك  $\frac{1}{3}$  لـ ( لـ ) لمدة يومين وبقي من العبوة  $\frac{1}{8}$ .

المطلوب  $\rightarrow$  إيجاد سعة العبة التي اشتراها.

$$\frac{1}{3} L + \frac{1}{3} L = \frac{2}{3} L \rightarrow (\text{استهلاك يومين}) \quad \frac{2}{3} L + \frac{1}{8} L = \frac{19}{24} L$$


**أتدرب وأحل المسائل**

**2** اشتراك ثلاثة أخوة في شراء هدية لوالديهم بالتساوي إضافة إلى دينار

ونصف ثمناً للتغليف و ( 2.75 ) ثمناً للتوصيل فدفعوا ( 16.25 ) دينار ثمناً للهدية ، جد المبلغ الذي دفعه كل منهم.

المعطيات  $\rightarrow$  ثمن التغليف ( 1.5 ) وثمن التوصيل ( 2.75 ) وثمن الهدية ( 16.25 ).

المطلوب  $\rightarrow$  إيجاد المبلغ الذي دفعه كل منهم.

$$16.25 + 2.75 + 1.5 = 20.5 \quad (\text{ثمن الهدية مع التغليف والتوصيل})$$

$$20.5 \div 3 = 6.83 \quad (\text{تقسيم المبلغ النهائي على الأخوة الثلاثة})$$


**أتدرب وأحل المسائل**

**3** مع غاده مبلغ تبرعت منه بـ ( 17.5 ) ديناراً ثم اشتترت حقيبة ثمنها

(  $\frac{1}{4}$  ) دنانير وبقي معها ( 34.4 ) دينار ، فما المبلغ الذي كان معها في البداية ؟

المعطيات  $\rightarrow$  تبرعت ( 17.5 ) واشتترت (  $\frac{1}{4}$  ) وبقي معها ( 34.4 ).

المطلوب  $\rightarrow$  إيجاد المبلغ الذي كان معها في البداية.

$$34.4 + 9 \cdot \frac{1}{4} + 17.5 = 34.4 + 9.25 + 17.5 = 61.15 \quad (\text{قمنا بإضافة ما أنفقته للمتبقي})$$

**4** ينقص سعر سيارة بمقدار (350) دينار سنويًا ، فأصبح سعرها بعد



خمس سنوات (10200) دينار. جد سعر السيارة الأصلي؟

المعطيات ← سعر النقصان كل سنة (350) مجموع النقصان بعد خمس سنوات ( $350 \times 5$ ).).

السعر بعد خمس سنوات (10200).

المطلوب ← إيجاد سعر السيارة الأصلي.

$$10200 - 350 \times 5 = 10200 - 1750 = 8450 \quad (\text{قمنا بطرح سعر النقصان من سعر السيارة النهائي})$$

**5** صعد عدد من الركاب حافلة وفي المحطة الأولى نزل راكبان وصعد (5)



ركاب جدد ، فأصبح عدد ركاب الحافلة (25) ، فما عدد الركاب في البداية؟

المعطيات ← نزول راكبات وصعود خمسة وعدد الركاب الكلي (25).

المطلوب ← عدد الركاب في البداية.

$$25 - 5 + 2 = 22 \quad (\text{قمنا بطرح الركاب الجدد للحافلة وإضافة الركاب النازلين})$$

**6** في مرسم المدرسة كمية من الألوان السائلة ، استهلك طلبة الصف



السابع ( $L - \frac{1}{3}$ ) منها في أحد الأيام ، ثم اشتترت المدرسة ( $L - \frac{7}{9}$ ) فأصبح في المرسم ( $1.4L$ ).

فكم لترًا كان في المرسم ؟

المعطيات ← استهلاك ( $L - \frac{1}{3}$ ) وشراء ( $L - \frac{7}{9}$ ) والكمية النهائية ( $1.4L$ )

المطلوب ← كمية الألوان التي كانت في المرسم.

$$1.4 - \frac{7}{9} L + 1 - \frac{1}{3} L = 1.4 - 0.777 + 1.333 = 1.956$$

7



إذا ضرب عدد في (3) قم أضيف إلى ناتج الضرب (2) ثم ضرب الناتج

الكلي في ( $\frac{1}{2}$ ) وأصبح الناتج (4) فما ذلك العدد ؟

المعطيات ← ضرب بـ (3) واضيف إليه (2) وضرب بـ (0.5) واصبح الناتج (4)

المطلوب ← العدد.

$$4 \div 0.5 = 8 \rightarrow 8 - 2 = 6 \rightarrow 6 \div 3 = 2$$