

امتحان شهادة الدراسة الثانوية العامة لعام ٢٠١٦ / الدورة الصيفية

[وثيقة محمية/محدود]

المبحث : الرياضيات/المستوى الرابع + الرياضيات الإضافية (نفس الورقة الامتحانية) مدة الامتحان : ٣٠ : ١
الفرع : الأدبي والشعري والإدارة المعلوماتية والتطعيم الصحي+الصناعي والفندقي والسياحي اليوم والتاريخ : الاثنين ٢٠١٦/٦/١٣
ملحوظة : أجب عن الأسئلة الآتية جميعها وعددها (٥)، علماً بأن عدد الصفحات (٣).

السؤال الأول : (١٦ علامة)

(٨ علامات)

أ) جد التكاملات الآتية :

$$(١) \int \left(\frac{1}{s^3} + s^{-5} + \text{جتاس}^3 \right) ds$$

$$(٢) \int \frac{s^6 + 4}{\text{جتا}^2(s^3 + 4s)} ds$$

ب) إذا كان $\int_1^6 (3 - c) ds = 7$ ، $\int_1^6 c ds = -5$ ، فجد

$$\int_1^6 \left(\frac{1}{4} c - (s - 4) \right) ds$$

(٤ علامات)

ج) إذا كان ميل المماس لمنحنى الاقتران c (س) عند النقطة (س ، ص) يساوي $\frac{s^3 - s^3}{s^3}$

فجد قاعدة الاقتران c (س) علماً بأن منحنى الاقتران c يمر بالنقطة (-١ ، ٦).

(٤ علامات)

الصفحة الثانية

السؤال الثاني : (١٤ علامة)

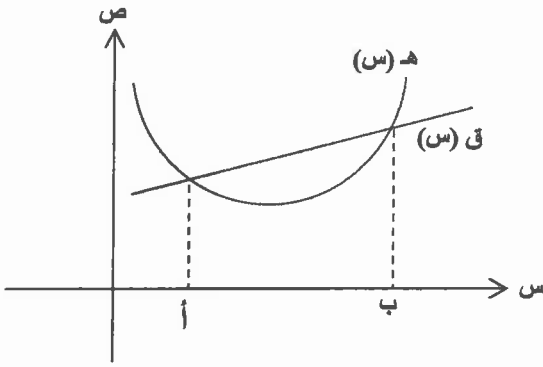
أ) جد مساحة المنطقة المغلقة المحصورة بين منحنىي الاقترانين :

$$ق (س) = ٢س^٢ ، ل (س) = ٢س + ٤$$

(٦ علامات)

ب) إذا كان ق (س) اقتراناً وكان ق (٢) = ٩ ، ق (١) = ٥ ،

ج) (٤هـ - س^{-١} + أ ق' (س)) دس = ٨ ، أ ثابت. جد قيمة أ بدلالة هـ . (٤ علامات)



ج) يُمَثَّل الشكل المجاور منحنىي الاقترانين ق (س) ، هـ (س).

إذا علمت أن المساحة المغلقة المحصورة بين منحنىي

الاقترانين (٣) وحدات مربعة، وكان

$$٢ ق (س) دس = ٢٤ ، فجد أ ب$$

(٤ علامات)



السؤال الثالث : (١٥ علامة)

أ) إذا كان اقتران (السعر - الطلب) لمنتج معين هو ع (س) = ٤٨ - ٤س ، حيث ع السعر بالدينائير،

س عدد القطع المنتجة، وكان السعر ثابتاً عند ع = ١٤ = ٢٨ ديناراً، فجد فائض المستهلك عند سعر التوازن.

(٦ علامات)

ب) يتحرك جسيم على خط مستقيم بحيث أن تسارعه ت بعد ن ثانية يُعطى بالقاعدة

ت (ن) = ١٢ م/ث^٢ ، فجد المسافة التي يقطعها الجسيم بعد مرور ن ثانية من بدء الحركة

علماً بأن السرعة الابتدائية للجسيم ع (٠) = ٤ م/ث ، وموقعه الابتدائي ف (٠) = ٦ م.

(٤ علامات)

ج) جد قيمة ن التي تحقق المعادلة :

$$ل (ن ، ٢) + ١٥ = \binom{٩}{٢}$$

(٥ علامات)

الصفحة الثالثة

السؤال الرابع : (١٨ علامة)

أ) مجموعة كتب مكونة من (٨) كتب علمية و(٦) كتب أدبية. يرغب طالب في اختيار ثلاثة كتب منها، بكم طريقة يمكنه اختيار الكتب الثلاثة، بحيث يكون من بينها كتاب علمي واحد على الأقل؟ (٥ علامات)

ب) قررت إحدى شركات استيراد مصابيح كهربائية رفض أية شحنة من مستورداتها إذا وُجِدَت وحدتان معيبتان أو أكثر في عينة عشوائية مكونة من (٨) وحدات. إذا كانت نسبة المعيب في إنتاج الشركة الموردة ١٠٪، فما احتمال قبول الشركة للشحنة؟ (٦ علامات)

ج) تتبع أوزان (٢٠٠٠) صندوق نقاح عند التعبئة توزيعاً طبيعياً، وسطه الحسابي (٦) كغم، وانحرافه المعياري (٠,٣) كغم. جد عدد الصناديق التي يقل وزنها عن (٥,٧) كغم. (٧ علامات)

ملاحظة: يمكنك الاستفادة من الجدول الآتي والذي يُمثّل جزءاً من جدول التوزيع الطبيعي المعياري.

١,٥	١	٠,٥	٠,٣	٠	ز
٠,٩٣٣٢	٠,٨٤١٣	٠,٦٩١٥	٠,٥٤١٩	٠,٥٠٠٠	ل (ز ≥ ل)

السؤال الخامس : (١٧ علامة)

أ) في توزيع تكراري إذا كانت العلامة الخام (٦٨) تقابل العلامة المعيارية (٠,٥) ، وكان الوسط الحسابي (٦٥) ، جد الانحراف المعياري للتوزيع (٤ علامات)

ب) احسب معامل ارتباط بيرسون الخطي (ر) بين المتغيرين س ، ص في الجدول الآتي : (٨ علامات)

٦	٤	٥	٨	٧	س
٨	٦	٧	٩	١٠	ص

$$\text{علماً بأن } r = \frac{\sum_{i=1}^n (س_i - \bar{س})(ص_i - \bar{ص})}{\sqrt{\sum_{i=1}^n (س_i - \bar{س})^2 \times \sum_{i=1}^n (ص_i - \bar{ص})^2}}$$

ج) إذا كان س ، ص متغيرين عدد قيم كل منهما (٨) وكان $\sum_{i=1}^8 (س_i - \bar{س})(ص_i - \bar{ص}) = ٦٠$ ،

$\sum_{i=1}^8 (س_i - \bar{س})^2 = ١٥$ ، $\bar{س} = ١٢$ ، $\bar{ص} = ٥٠$ ، فجد معادلة خط الانحدار للتنبؤ بقيم ص

(٥ علامات)

إذا علمت قيم س.

﴿ انتهت الأسئلة ﴾



المبحث: الرياضيات / ٤ + الرياضيات الإضافية (نفس الورقة لصحافية) مدة الامتحان: ٣٠ دقيقة
الفرع: الأدبي والسريري والإدارة وأطروحاتية والتعليم للصغار والصناعي والفضائي والسياسي
التاريخ: ١٣/٦/٢٠١٦

الإجابة النموذجية:

السؤال الأول: (١٦ علامة)

رقم الصفحة في الكتاب	
١٤٣	$\Delta (1) \left[\left(\frac{1}{3s} + \frac{s}{3} + \frac{1}{3s} \right) \right] = \left[\left(\frac{1}{3s} + \frac{s}{3} + \frac{1}{3s} \right) \right] \times \frac{1}{3s}$ $\frac{1}{3} = \frac{1}{3s} + \frac{s}{3} + \frac{1}{3s}$
١٥٩	$\Delta (2) \left[\frac{6s+4}{s(3s^2+4s)} \right]$ <p>نرضي $3s^2+4s = (3s+4)s$</p> $\frac{6s+4}{s(3s+4)s} = \frac{6s+4}{s^2(3s+4)}$ $\frac{6s+4}{s^2(3s+4)} = \frac{A}{s} + \frac{B}{s^2} + \frac{C}{3s+4}$ $6s+4 = A s(3s+4) + B(3s+4) + C s^2$ $6s+4 = 3As^2 + 4As + 3Bs + 4B + Cs^2$ $6s+4 = (3A+C)s^2 + (4A+3B)s + 4B$ $\begin{cases} 3A+C=0 \\ 4A+3B=6 \\ 4B=4 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} A=1 \\ B=1 \\ C=-3 \end{cases}$
١٥٢	$\Delta (3) \left[\frac{7}{(s-1)(s-2)(s-3)} \right]$ $\frac{7}{(s-1)(s-2)(s-3)} = \frac{A}{s-1} + \frac{B}{s-2} + \frac{C}{s-3}$ $7 = A(s-2)(s-3) + B(s-1)(s-3) + C(s-1)(s-2)$ $7 = A(s^2-5s+6) + B(s^2-4s+3) + C(s^2-3s+2)$ $7 = (A+B+C)s^2 + (-5A-4B-3C)s + (6A+3B+2C)$ $\begin{cases} A+B+C=0 \\ -5A-4B-3C=0 \\ 6A+3B+2C=7 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} A=1 \\ B=-2 \\ C=1 \end{cases}$
١٦١	$\Delta (4) \left[\frac{3}{(s+1)(s+2)(s+3)} \right]$ $\frac{3}{(s+1)(s+2)(s+3)} = \frac{A}{s+1} + \frac{B}{s+2} + \frac{C}{s+3}$ $3 = A(s+2)(s+3) + B(s+1)(s+3) + C(s+1)(s+2)$ $3 = A(s^2+5s+6) + B(s^2+4s+3) + C(s^2+3s+2)$ $3 = (A+B+C)s^2 + (5A+4B+3C)s + (6A+3B+2C)$ $\begin{cases} A+B+C=0 \\ 5A+4B+3C=0 \\ 6A+3B+2C=3 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} A=1 \\ B=-2 \\ C=1 \end{cases}$

السؤال الثاني : (٤ اعلامة)

رقم الصفحة
في الكتاب

(P ق(س) = ل(س)

١٦٨

① ① $2س٢ = ٤ + س٢ \Leftarrow ٤ = ٤ - س٢ - س٢$ △

$س٢ - س٢ - س٢ = ٢ = ٠ \Leftarrow (س٢ - س٢)(٢ + س٢) = ٠$

$\sum_{i=1}^P (س٢ - ٤ + س٢) = \sum_{i=1}^P (س٢ - ٤ + س٢) = ٣$

$\sum_{i=1}^P (س٢ - ٤ + س٢) = \sum_{i=1}^P (س٢ - ٤ + س٢) = ٣$

$٩ = \frac{٧}{٣} + \frac{٤}{٣} =$ وهاتين مربعاً

(٤)



١٥٩

① $\sum_{i=1}^P (س٢ - ٤ + س٢) = \sum_{i=1}^P (س٢ - ٤ + س٢) = ٣$

$٨ = ٢٥ - ٤ - ٢٩ + ٥٤$

$٣ = ٢ + ٥ \Leftarrow ١٢ = ٢٤ + ٥٤$

$٢ - ١٢ = ٢ \Leftarrow ٥ - ٣ = ٢$

١٦٩

① $\sum_{i=1}^P (س٢ - ٤ + س٢) = \sum_{i=1}^P (س٢ - ٤ + س٢) = ٣$

① $\sum_{i=1}^P (س٢ - ٤ + س٢) = \sum_{i=1}^P (س٢ - ٤ + س٢) = ٣$

$\sum_{i=1}^P (س٢ - ٤ + س٢) = \sum_{i=1}^P (س٢ - ٤ + س٢) = ٣$

① $\sum_{i=1}^P (س٢ - ٤ + س٢) = \sum_{i=1}^P (س٢ - ٤ + س٢) = ٣$

① $٩ = ٣ - ١٢ = \sum_{i=1}^P (س٢ - ٤ + س٢)$

السؤال الثالث : (٥ اعلامة)

رقم الصفحة
في الكتاب

١٧٣

$$\begin{aligned} & ٢٨ = ٤س١ - ٤٨ \quad (٢) \\ & ٤س١ = ٢ + ٤٨ \quad \triangle ٦ \\ & ٥ = س١ \quad \text{①} \\ & \text{ف اء} = \left(\text{ق} (س) - س \right) = (٤س١ - س) = ٤(٥) - ٥ = ٢٠ - ٥ = ١٥ \\ & \text{ف اء} = \left(\text{ق} (س) - س \right) = (٤س١ - س) = ٤(٥) - ٥ = ٢٠ - ٥ = ١٥ \\ & ١٤٠ - (٥ \times ٤٨) = ١٤٠ - ٢٤٠ = -١٠٠ \\ & ١٤٠ - ٢٤٠ = -١٠٠ \quad \text{①} \\ & ١٩٠ - ٢٤٠ = -٥٠ \quad \text{①} \\ & ٥٠ \text{ ديناراً} \end{aligned}$$

١٤٣

$$\begin{aligned} & \text{ب) } \text{ع(ن)} = \left[\text{ت(ن)} \text{ن} \right] = ١٢ن = ١٢ + ن \quad \text{①} \\ & \text{ع(ن)} = ١٢ + ن \quad \triangle ٤ \\ & ٤ = ١٢ + ن \quad \text{①} \\ & \text{ف(ن)} = \left[\text{ع(ن)} \text{ن} \right] = (١٢ + ن)ن = ١٢ن + ن^٢ \\ & \text{ف(ن)} = ١٢ن + ن^٢ \\ & \text{ف(ن)} = ١٢ن + ن^٢ \\ & \text{ف(ن)} = ١٢ن + ن^٢ \quad \text{①} \end{aligned}$$

٢٠٣

$$\begin{aligned} & ١٠ = ٥ \times ٢ \times ٣ \times ٤ \times ٥ = ١٠ \quad \text{ا) ①} \\ & ٣٦ = \frac{٨ \times ٩}{٢} = \frac{٢٥٢}{١٢} = \frac{٩}{٢} \quad \triangle ٥ \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} & ٣٦ + ١٢ = (٢٥٦) \text{ ل} \\ & ١٢ \times ١٣ = ١٥٦ = \\ & \therefore ن = ١٣ \quad \text{①} \end{aligned}$$

السؤال الرابع : (٨ اعلامة)

رقم الصفحة
في الكتاب

C.1

$$P = \binom{8}{1} \times \binom{7}{2} + \binom{7}{1} \times \binom{7}{2} + \binom{7}{2} \times \binom{7}{1}$$

$$\textcircled{1} 1 \times \frac{8!}{10 \times 3!} + 7 \times \frac{8!}{14 \times 3!} + \frac{17}{14 \times 3!} \times 8 =$$

$$\textcircled{1} \frac{10 \times 7 \times 6 \times 5 \times 4 \times 3 \times 2 \times 1}{10 \times 6} + 7 \times \frac{14 \times 7 \times 6 \times 5 \times 4 \times 3 \times 2 \times 1}{14 \times 6} + \frac{17 \times 8 \times 7 \times 6 \times 5 \times 4 \times 3 \times 2 \times 1}{14 \times 6}$$

$$= 344 \text{ مرتبة} = 10 + 178 + 56 =$$

احتمال قبول الشحنة = احتمال وجود أقل من وحدتين معيبتين

C.4

$$\textcircled{1} P(L > S) = P(S = 0) + P(L = 1)$$

$$= \binom{8}{0} \times \binom{9}{9} + \binom{8}{1} \times \binom{9}{8}$$

$$= 1 \times 1 + 8 \times 9 = 73$$

$$= 0.073 + 0.378 = 0.451$$

$$P(S \geq 7) = P(Z > \frac{7 - 0.97}{\sqrt{0.03}}) = P(Z > 2.03) = 1 - P(Z < 2.03)$$

C.4

$$\textcircled{1} 1 - P(Z < 2.03)$$

$$\textcircled{1} 1 - 0.9772 =$$

$$\textcircled{1} 0.0228 =$$

$$\text{عدد المناديق} = 0.0228 \times 13700 = 312.96 \approx 313$$

$$\textcircled{1} \approx 313 \text{ صندوقاً}$$

السؤال الخامس: (٧ اعلامة)

رقم الصفحة في الكتاب

٢١٧

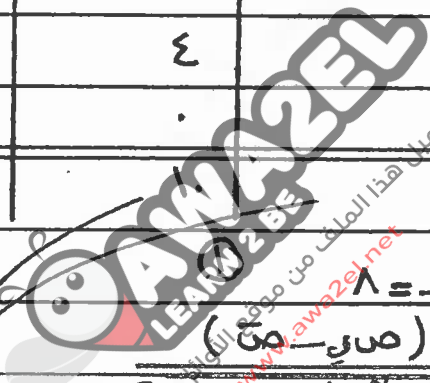
(٢) س = ٦٨ ، ز = ٥٠ ، هـ = ٦٥

① $\frac{س-س}{٦٥-٦٨} = \frac{٥٠}{٣}$ \triangle

① $\frac{٥٠}{٣} = \frac{٣}{٦} = \frac{٣}{٦}$

س	س-س	ص-ص	(س-س)	(ص-ص)	(س-س)	(ص-ص)
٧	١	٢	٢	٢	٤	٤
٨	٢	١	٢	٢	٤	٤
٥	١	١	١	١	١	١
٤	٢	٢	٢	٢	٤	٤
٦	٠	٠	٠	٠	٠	٠
٣	٤	٠	٩	٠	٠	٠

الاجابة
الاجابة
الاجابة



① $\frac{٣}{٦} = \frac{٤}{٨} = \frac{٤}{٨}$

① $\frac{٣}{٦} = \frac{٤}{٨} = \frac{٤}{٨}$

① $\frac{٣}{٦} = \frac{٤}{٨} = \frac{٤}{٨}$

① $\frac{٩}{١} = \frac{٩}{١} = \frac{٩}{١}$

① $\frac{٦}{١٥} = \frac{٦}{١٥} = \frac{٦}{١٥}$

٢٣٨

① $\frac{٦}{١٥} = \frac{٦}{١٥} = \frac{٦}{١٥}$ \triangle

① $٢ - ٢ = ٠$

① $١٢ \times ٤ - ٥ =$

① $٣ = ٤٨ - ٥ =$

① $٣ + ٤ = ٧$

الرياضيات / الأدبي و ... / ٤٣

السؤال الأول :

(P) $\frac{1}{3} \log |3x-1| - \log x - \log x + \log x = 0$: إجابة هـ

كما ورد .

جواب م: $\log(3x^2 + 4x) + \log x = 0$: علامة واحدة .

~ . ~ . ~

(B) حل آهرز : $\begin{cases} 7 \\ 1 \\ 1 \end{cases} \left\{ \begin{array}{l} (3 - \log(x)) \log(x) = 7 \\ \log(x) \log(x) = 8 \end{array} \right.$

4

(1) $\begin{cases} 7 \\ 2 \\ 1 \end{cases} \left\{ \begin{array}{l} \log(x) \log(x) = 8 \\ \log(x) \log(x) + \log(x) \log(x) = 7 \end{array} \right.$

$\log(x) \log(x) + 0 = 7$

(1)

$\left[\left(\frac{1}{2} \log(x) - \log(x) \right) \log(x) = 8 - 7 \right]$

(1) $13 \times \frac{1}{2} = (8-7)$

~ . ~ . ~

هـ) كما ورد .

~ . ~ . ~

صفحة ٧

الرياضيات / الأدبي و... / ٤٣

السؤال الثاني :

(م) إذا كان $\left\{ \begin{matrix} (ف) (س) - (ل) (س) \\ (س) \end{matrix} \right\}$ عوضاً عنه أنه يأخذ القيمة المطلقة :
ليبر علامته .

علامته
كاملة
7

و إذا كان $\left\{ \begin{matrix} (ف) (س) - (ل) (س) \\ (س) \end{matrix} \right\}$ عوضاً

و وصل على ن. أ. ب. ج. د. هـ

و أخذ : السافة = القيمة الموجبة للكامل .

(ن) كما ورد .

(هـ) إذا أخذ $\left\{ \begin{matrix} (هـ) (س) \\ (م) \end{matrix} \right\}$ عوضاً عنه $(س) = ٣$

وأكمل : ليبر علامته هامة



تم تحميل هذا الملف من موقع الازائل التعليمي
www.awazel.net

~ ~ ~

السؤال الثاني :

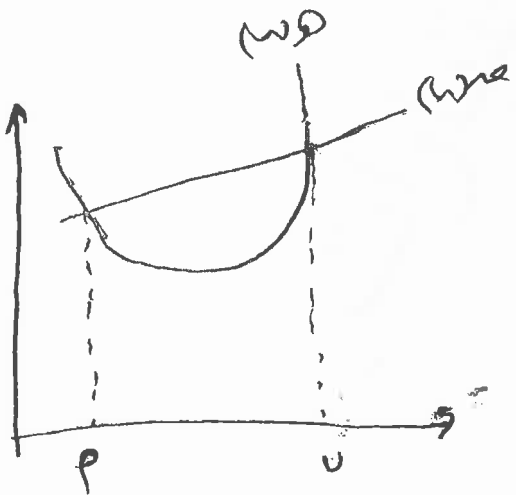
فرع (٢) اوجد الطالب حدود التكامل ثم
عمل على ايجاد مساحة من خلال استخدام قواعدها

التكامل المحدود

$$\int_a^b (u - v) dx = \int_a^b u dx - \int_a^b v dx$$



فرع (٢) ايجاد المساحة المطلوب مباشرة من خلال



الرسم البياني

$$\int_a^b (u - v) dx = \frac{24}{3} = 12$$

ولمعرفة مباشرة يوجد المساحة تادي

$$\frac{24}{3} - 3 = 9$$

(٢٤)

مربع ٤ اذا استخدم الطالب المتعويضه $٤ = ٢ - ٢$

والكل كل بدون استبدال عدد والتعامل غير

علاجه واحده فقط ويستعمل الكل

يأخذ ٤ كل

$$٤ = ٢ - ٢ = ٤ \text{ (٢)}$$

مربع ٤ (٢)



تم تحميل هذا الملف من موقع الزاوية التعليمي
www.awazel.net

٤ كل

$$٤ = ٢ + ٢ = ٤ \text{ (٢)}$$

مربع ٤ (٢)

٤ كل

$$٤ = ٢ - ٢ = ٤ \text{ (٢)}$$

مربع ٤ (٢)

السؤال الثالث :

(P) إذا كتب ماثون فائض المنتج ، وهل كاملاً :
 لغير علامة الماثون .

~ . ~ . ~

(C) $\{C(n) = C(n, n) = 1\}$ ولم يحل : أ فذ علامة
 $\{C(n) = C(n, 1) = n\}$ علامة

أي : ← علامة على فكرة : $C(n, n) = 1$

أو ← على فكرة : $C(n, 1) = n$



١٥ = ١٠

$\frac{1 \times 9}{2} = 36 = \binom{9}{2}$



$(36 + 10) = (26 n)$

① $\begin{cases} 106 = (1-n)n \\ = 106 - n - n^2 \\ = (12+n)(13-n) \end{cases}$

١٢ = n
 ① $\boxed{13 = n}$

حلون بديله

السؤال الثالث :

مرع ٩ :

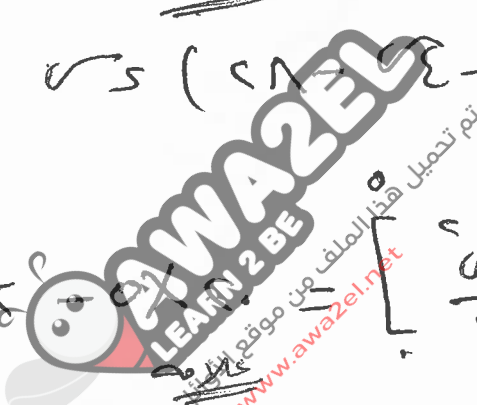
علاوه $0 = 5 \leftarrow 28 = 5 - 4 - 48$

علاوه $فك = \begin{pmatrix} 1 \\ 2 \\ 3 \end{pmatrix} (28 - (5)) = 5$

علاوه $\begin{pmatrix} 1 \\ 2 \\ 3 \end{pmatrix} (0 - 5) = 5 \begin{pmatrix} 1 \\ 2 \\ 3 \end{pmatrix} (28 - 48 - 4)$

علاوه $\begin{pmatrix} 1 \\ 2 \\ 3 \end{pmatrix} (0) = \begin{pmatrix} 1 \\ 2 \\ 3 \end{pmatrix} (28 - 48 - 4) = \begin{pmatrix} 1 \\ 2 \\ 3 \end{pmatrix} (28 - 52) = \begin{pmatrix} 1 \\ 2 \\ 3 \end{pmatrix} (-24) = \begin{pmatrix} -24 \\ -48 \\ -72 \end{pmatrix}$

$0 = 0 - 1 =$



تم تحميل هذا الملف من موقعنا التعليمي
www.awazel.net

السؤال الرابع :

(م) كما ورد .

~.~.~

(ن) كما ورد .

إذا هب : ل (س \geq ٢) : يُصحح منه ٥

إذا هب : ل (س = ٢) وأكمل : علامتها ~.

$$ل (س = ٢) = \binom{٢}{٢} (٢) (٢) = (٢-١) \binom{٢}{٢}$$

$$\textcircled{1} \binom{٦}{١} \times \binom{٥}{١} \times \binom{٤}{١} \times \binom{٣}{١} \times \binom{٢}{١} \times \binom{١}{١}$$

$$\textcircled{2} \binom{٦}{٢} \times \binom{٤}{٢} \times \binom{٢}{٢} \times \binom{١}{١}$$

إذا هب : ل (٠) وهرها ، أو ل (#) وهرها : ٣ علامات .

إذا هب : ل (٠) ، ل (١) ولم يجمع : خير علامته .

~.~.~

(هـ) كما ورد .

اجابات بديله

السؤال الرابع :

فرع ٤) اذا لم يكتب (٦) ياخذ العلامة

اذا استبدل ٨ بـ ٦ يصحح السؤال
٦ بـ ٨

اذا استبدل الجمع مكان الضرب يصحح السؤال

فرع ٥) - اذا كتب ل (٣) - ا - ل (٣ > ٢) يصحح صانع

- ل (٣ < ٢) = ل (٣) + ل (٤) + ... + ل (٨)

وأنك اكل صحيح ياخذ العلامة

٢ علامة على التهجئة

٢ علامة على المفرد

٤٤

د) اذا كتب له (٣ $\leq n$، ٥) واكل اكل صح

يصح منه ٥

اذا كتب له (٣ $\geq n$، ٥) واكل اكل صح

يصح منه ٥

السؤال الرابع
وجود خبر واخلطه من موقع الزوائل التعليمي
اكل اكل يصح منه ٥
www.awaZel.net

فرع د : تبادل بدل توابعه يصح منه ٥

السؤال الخامس :

(٣) كما ورد : إذا كتب : $٣٥ - ٣٥ = ٠$ وأكمل : علامته .

~ . ~ . ~

(٤) كما ورد .

~ . ~ . ~

(٥) كما ورد



تم تحميل هذا الملف من موقع الزوائل التعليمي
www.awaZel.net