

السؤال الأول: افتراض من الإجابات الصحيحة فيما يلي :

a) 1

b) 3

c) -1

d) 2

$$= \int_{\frac{\pi}{3}}^{\pi} \frac{\cos \frac{x}{2}}{1 - \cos x} dx \quad (1)$$

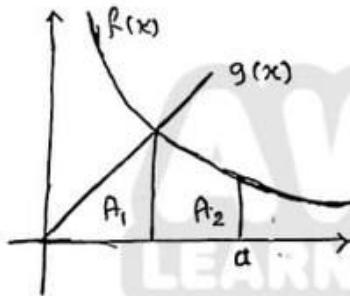
$$= \int_0^3 (f(x) + 4) dx \quad \text{فإن: } f(x) = \begin{cases} 3x^2, & 0 \leq x \leq 2 \\ 2x, & 2 < x \leq 4 \end{cases} \quad (2)$$

a) 17

b) 25

c) 13

d) 29



(3) في الشكل المجاور إذا كان: $g(x) = e^x$ ، $f(x) = \frac{1}{x}$

فإن قيمة a التي يجعل A_1 و A_2 متساويتين في المساحة هي :

a) e

b) $\frac{1}{e}$

c) \sqrt{e}

d) $e+1$

$$a) 1 + (\ln x)^2 + c \quad b) (\ln x)^2 + c \quad c) x + (\ln x)^2 + c \quad d) x + \ln x + c = \int \frac{\ln(x^2 e^x)}{x} dx \quad (4)$$

$$= M \quad \text{، فإن قيمة} \quad \int_0^{\frac{\pi}{4}} e^{\tan x} dx = M + \int_{\frac{\pi}{4}}^{\pi} \tan^2 x e^{\tan x} dx \quad (5)$$

a) e

b) 2

c) $1-e$

d) $e-1$

a) $\ln 2$

b) $-3 \ln 2$

c) $-2 \ln 2$

$$d) \ln 4 = \int_1^4 \frac{11-x}{x^2 - 5x + 6} dx \quad (6)$$

$$= \int_0^{\frac{\pi}{2}} f(x) dx \quad \text{، } f(0)=1 \quad \text{، } f\left(\frac{\pi}{2}\right)=2 \quad \text{وكان: } f'(x) = \frac{\sin x}{x} \quad (7)$$

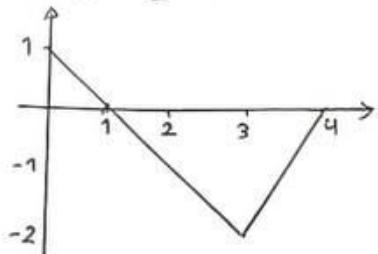
a) π

b) $1-\pi$

c) $\pi-1$

d) $-\pi$

8) يبين الشكل المجاور ممليء المثلث ΔABC - الزمن بـ $\text{بسم يتحرك على الخط} x$ في الغرفة $[0, 4]$ اذا علمت أن الجسم بدأ المركب من $x=3$ فإن الموضع النهائي للجسم يساوي :



- a) 0.5 b) 2.5 c) 5.5 d) 6.5

إذا كان : $\int \frac{x^2+x+8}{x^3-x^2+4x-4} dx = \int \frac{A}{x-1} dx + \int \frac{Bx+C}{x^2+4} dx$ مـاـن قـيـمـة الـثـابـت B سـاـوـيـاـيـ

- a) 2 b) 0 c) -1 d) 1

10) اـفـلـى الـعـامـلـ لـلـهـادـيـهـ التـفـاضـلـيـهـ : $\frac{dy}{dx} = y \cos x$ هو :

- a) $y = ce^{-\sin x}$ b) $y = e^{\sin x} + C$ c) $y = e^{-\sin x} + C$ d) $y = ce^{\sin x}$

إذا كان $\vec{V} \parallel \vec{U}$ و كان $\vec{V} = \langle a+1, 4, -6 \rangle$ ، $\vec{U} = \langle -2, 1-a, 3 \rangle$: (11)

- a) ± 3 b) -2 c) 3 d) 2

إذا كان : $\vec{v} = 2\hat{i} - \hat{j} + 2\hat{k}$ مـاـن قـيـمـةـ $| \vec{v} - 12\vec{v} |$ (12)

- a) 3 b) 6 c) 9 d) 4

إذا كانت $\vec{r} = \langle 1, -3, 4 \rangle + t \langle 2, 5, -2 \rangle$ معادله صـيـغـهـ للـقـيـمـ 7 مـاـن اـحـدـيـاتـ نـقـطـ تـقـاطـعـ (13)

الـقـيـمـ 7 مـعـ الـسـتـوـيـ xy ؟

- a) $(7, 12, -2)$ b) $(-3, -13, 0)$ c) $(5, 7, 0)$ d) $(0, -\frac{11}{2}, 5)$

إذا كان \vec{v} مـتـعـادـلـيـنـ ، مـاـن قـيـمـةـ b مـعـ $\vec{v} = \begin{pmatrix} 6 \\ 14 \\ b \end{pmatrix}$ و $\vec{u} = \begin{pmatrix} 5 \\ -6 \\ 3 \end{pmatrix}$ (14)

- a) 0 b) 8 c) 10 d) 18

إذا كان $\angle ABC = 4\hat{j} - 2\hat{i} + 3\hat{k}$ ، $\vec{AB} = \hat{i} - \hat{j} + 2\hat{k}$: (15) في المثلث ABC مـاـن لـمـقـبـ ؟

- a) 78.5° b) 7.0° c) 101.5° d) 173.0°

- (16) إذا كانت $\vec{t} = \langle -6, -3, 8 \rangle$ معادلة بتجهيز للستقيم ℓ والنقطة $P(3, -4, 2)$ لا تقع على الستقيم ℓ ، فإن مقطع الممود من النقطة P على الستقيم ℓ هو النقطة :
- a) $(44, -4, -16)$ b) $(12, -16, 8)$ c) $(36, -7, -10)$ d) $(20, -13, 2)$

- (17) إذا كان $P(x=2)$ وكان $X \sim Geo(p)$ وكان $E(X) = 5$ ، مان p يساوي
- a) $\frac{1}{5}$ b) $\frac{4}{25}$ c) $\frac{4}{5}$ d) $\frac{8}{25}$

- (18) ألقى جرم منتفض 5 مرات . ما احتمال ظهور عدد زوجي في 3 مرات .
- a) $\frac{3}{16}$ b) $\frac{5}{16}$ c) $\frac{5}{24}$ d) $\frac{1}{4}$

- (19) إذا كان $N(100, 16)$ $X \sim N$ يتغير عشوائيًا بدل على أطوال الأفاغي (cm) في أحد مجتمعاتنا فان $P(96 < X < 108)$ يساوي :

- a) 0.475 b) 0.610 c) 0.815 d) 0.680

- (20) إذا كان $P(X \geq 1) = \frac{65}{81}$ وكان $X \sim B(n, \frac{1}{3})$ ، فان قيمة n هي
- a) 3 b) 4 c) 5 d) 6

السؤال الثاني :

جد التكاملات التالية :

$$1) \int_0^{\frac{\pi}{2}} \sin x \cos^2 x dx$$

$$2) \int \frac{x^2 + 3}{2x(x-1)^2} dx$$

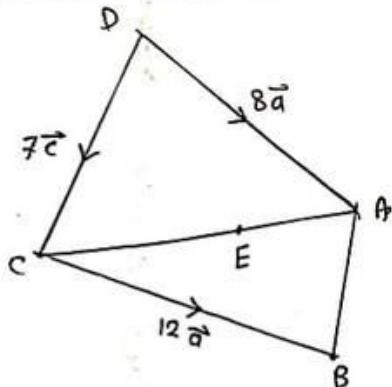
$$3) \int_{-\infty}^{\infty} e^{-x^2} \sin x dx$$

السؤال الثالث :

- 1) جد حجم الجسم الناتج من دوران المنطقة المقصورة بين $x=1$ و $x=2$ حول المحور x والستقيمان

- 2) جد مساحة المنطقة المقصورة بين الدالتين $f(x) = \ln x$ و $g(x) = \sin 2x$ ، $f(x) = \sin x$ والوافق في الفترة $[0, \pi]$

السؤال الرابع :



1) في المثلث الرباعي $ABCD$ المجاور والذى فيه :

$$\overline{CB} = 12\text{a} , \overline{DC} = 7\text{a} , \overline{DA} = 8\text{a}$$

والنقطة E تقسم \overline{CA} بسبة $3:2$

أثبتت أن النقطة B, E, D تقع على مستقامة واحدة

2) إذا كان المستقيم l_1 يمر بال نقطتين : $A(3, 1, -6)$, $B(5, -2, 0)$

والمستقيم l_2 يمر بال نقطتين $C(8, -4, -6)$, $D(6, -1, -12)$

ب) بين فيما إذا كان l_1, l_2 متوازيين أو متقاطعين أو متعاكفين ثم جد نقطة تقاطعهما (إن وجدت)

ج) جد مساحة المثلث ABC .

السؤال الخامس :

1) إذا كان احتمال اصابة مريض باعراضها جانبية بعد تناوله دواء معين هو 0.25 ، وقرر طبيب
اعطاء مريضه هذا الدواء الى حين ظهور أول اصابة باعراضها جانبية . فجد :

أ) احتمال أن يتوقف الطبيب عن اعطاء المرضي الدواء عند تناوله 10 مرضى هذا الدواء .

ب) احتمال أن يزيد عدد المرضى الذين سيتناولون الدواء عن 3 مرضى

ج) العدد المتوقع للمرضى الذين سيتناولون الدواء الى حين ظهور أول اصابة باعراضها جانبية

LEARN 2 BE

2) تقدم لامتحان التأهيل العام في احدى السنوات 100000 طالب ، وكانت علاواتهم تتبع التوزيع الطبيعي يوسط مابي 61 وانحراف معياري 16 . فادا علمت أنه لا يُسمح للطلاب الذي معدله أقل من 85 بتقديم طلب تكليفات القلب في اجتماعات اكاديمية الدراسات .

ج) جد النسبة المئوية للطلاب الذين يكملون تقديم طلب تكليفات القلب .

د) إذا كان عدد الطلبة المقبولين فعلاً في تكليفات القلب في هذه السنة هو 1250 طالباً

فما هي معدله طالب تم قبوله في تكليفات القلب .

ملاحظة : يمكن الاستفادة من الجدول الآتي والذى يمثل جزءاً من جدول التوزيع الطبيعي المعياري .

Z	1.5	1.56	2	2.24	2.5	2.56	3
$P(z)$	0.9332	0.9406	0.9772	0.9875	0.9938	0.9948	0.9987

انتهى الامتحان .