



## امتحان شهادة الدراسة الثانوية العامة لعام ٢٠٢٤ التكميلي

(وثيقة مجمعة/ملحود)

المبحث: الرياضيات (الورقة الأولى، ف ١)

رقم المبحث: ١١٦

الفرع: العلمي + الصناعي جامعات

رقم النموذج: (١)

اسم الطالب:

مدة الامتحان: ٣٠ د : س  
اليوم والتاريخ: الإثنين ٢٠٢٤/١٢/٣٠  
رقم الجلوس:

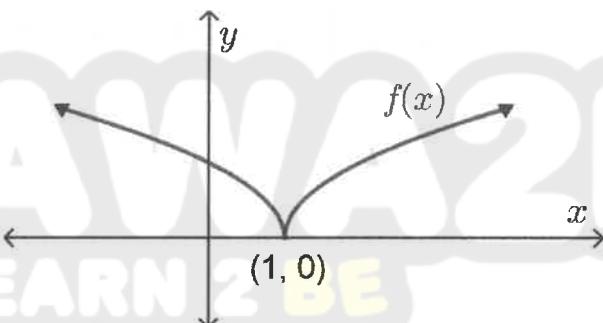
**ملحوظة مهمة:** أجب عن الأسئلة الآتية جميعها وعدها (٥)، بحيث تكون إجابتك عن السؤال الأول على نموذج الإجابة (ورقة القارئ الضوئي)، وتكون إجابتك عن باقي الأسئلة على دفتر الإجابة، علماً أن عدد صفحات الامتحان (٨).

### سؤال الأول: (١٠٠ علامة)

اختر رمز الإجابة الصحيحة في كل فقرة مما يأتي، ثم ظلل بشكل غامق الدائرة التي تشير إلى رمز الإجابة في نموذج الإجابة (ورقة القارئ الضوئي) فهو النموذج المعتمد (فقط) لاحتساب علامتك في هذا السؤال، علماً أن عدد فقراته (٢٥)، وانتبه عند تحديد إجابتك أن رمز الإجابة (a) على ورقة الأسئلة يقابله (أ) على ورقة القارئ الضوئي، و(b) يقابله (ب)، و(c) يقابله (ج)، و(d) يقابله (د).

(١) معتمداً الشكل الآتي الذي يمثل مُنْحَنِي الاقتران  $f(x)$  ، فإن الاقتران  $f(x)$  غير قابل للاشتباك عند النقطة  $(1, 0)$

لأنه يوجد لمنحناه عندها:



a) مماس أفقي

b) نقطة عدم اتصال

c) مماس رأسى

d) رأس حاد

إذا كان:  $y = \frac{(e^x)^2 - x e^{2x}}{x}$  ، فإن  $\frac{dy}{dx}$  عندما  $x = 1$  هي:

a)  $1 - e^2$

b)  $-e^2$

c)  $1 + e^2$

d)  $e^2$

إذا كان:  $f(x) = \sin \frac{x}{2} + \cos \frac{\pi}{2}$  هي:  $f'(0)$  هي:

a)  $\frac{1}{2}$

b)  $-\frac{1}{2}$

c) 1

d) -1

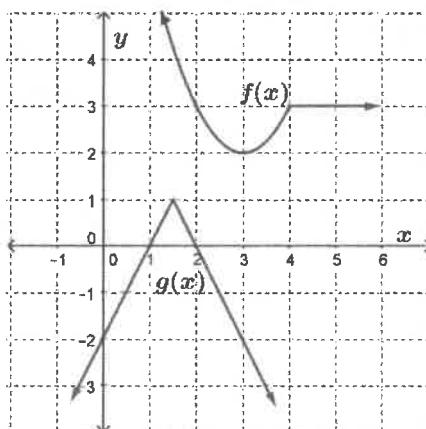
الصفحة الثانية/نموذج (١)

(٤) إذا كان الاقتران:  $s(t) = t^3 - 6t^2 + 1$ ,  $t \geq 0$  يمثل موقع جسم يتحرك في مسار مستقيم، حيث  $s$  الموضع بالأمتار، و  $t$  الزمن بالثواني، فإن سرعة الجسم عندما يكون تسارعه صفرًا هي:

- a) 12 m/s
- b) -12 m/s
- c) 24 m/s
- d) -24 m/s

(٥) يُبيّن الشكل الآتي منحني الاقترانين  $(f(x), g(x))$ . فإذا كان:  $h(x) = f(x)g(x)$  ، فإن  $h'(3)$  هي:

- a) -4
- b) 0
- c) 2
- d) -2



إذا كان:  $f'(\frac{\pi}{6})$  ، فإن  $f(x) = 3 \cot 2x$  هي: (٦)

- a) 8
- b) -24
- c) -8
- d) 24

إذا كان:  $f'''(x) = 2x - \frac{1}{x}$  ،  $f(x)$  ، فإن  $f'''(x) = 2x - \frac{1}{x}$  هي: (٧)

- a)  $2 + \frac{6}{x^4}$
- b)  $2 - \frac{6}{x^4}$
- c)  $\frac{6}{x^4}$
- d)  $-\frac{6}{x^4}$

إذا كان:  $f'(\frac{\pi}{4})$  ،  $f(x) = \ln(\sec^2 x)$  هي: (٨)

- a)  $2\sqrt{2}$
- b)  $\sqrt{2}$
- c) 2
- d) 1

الصفحة الثالثة / نموذج (١)

إذا كان:  $f(x) = \sqrt[3]{x^2}$  ، فإن  $f'(x)$  هي: (9)

- a)  $\frac{2}{3\sqrt[3]{x}}$
- b)  $-\frac{2}{3\sqrt[3]{x}}$
- c)  $\frac{2}{3}\sqrt[3]{x}$
- d)  $-\frac{2}{3}\sqrt[3]{x}$

إذا كان:  $f'(a) = -3\ln 2$  ، وكان:  $f(x) = 2^{-3x}$  ، فإن قيمة الثابت  $a$  هي: (10)

- a) 3
- b) -3
- c) -1
- d) 0

إذا كان:  $f'(2) = \log_4(x^2 + 3x)$  ، فإن  $f(x)$  هي: (11)

- a)  $\frac{7}{\ln 4}$
- b)  $\frac{7}{10\ln 4}$
- c)  $\frac{7}{10}$
- d)  $\frac{7\ln 4}{10}$

(12) سقطت قطرة ماء على سطح مائي، ف تكونت موجات دائيرية متحدة المركز، فإذا ازدادت مساحة إحدى الدوائر بمعدل  $12 \text{ cm}^2/\text{s}$  ، فإن معدل تغير محيط هذه الدائرة عندما يكون طول نصف قطرها 3 cm هو:

- a)  $2 \text{ cm/s}$
- b)  $\frac{2}{\pi} \text{ cm/s}$
- c)  $4 \text{ cm/s}$
- d)  $\frac{4}{\pi} \text{ cm/s}$

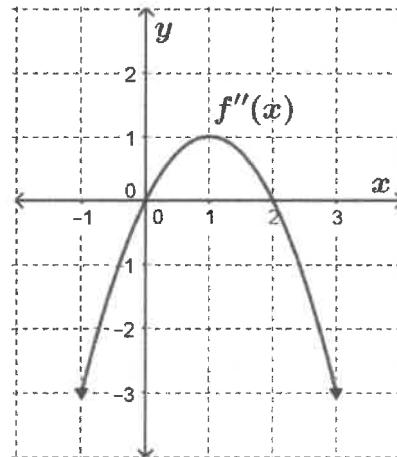
إذا كان:  $f(x) = x^3 - 6x^2 + 5$  ، فإن القيمة العظمى المطلقة للاقتران  $f(x)$  في الفترة  $[-1, 5]$  هي: (13)

- a) -2
- b) 27
- c) -20
- d) 5

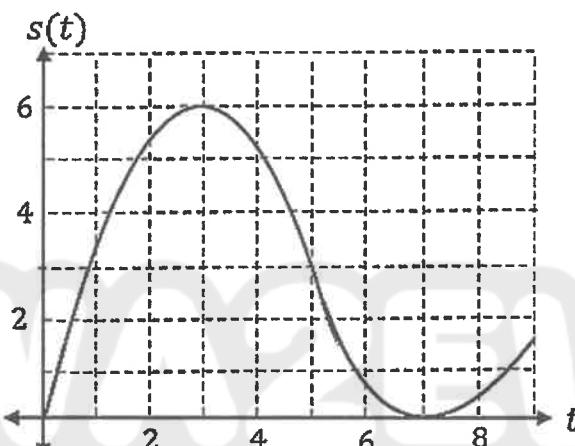
#### الصفحة الرابعة/نموذج (١)

(١٤) إذا كان الشكل الآتي يمثل منحنى المشتقه الثانية للاقتران  $f(x)$  ، فإن الفترة التي يكون فيها منحنى الاقتران  $f(x)$  مقعرًا للأعلى هي:

- a)  $(-\infty, 0)$
- b)  $(0, 2)$
- c)  $(2, \infty)$
- d)  $(-\infty, 1)$



❖ يمثل الاقتران  $s(t)$  المبين منحناه في الشكل الآتي موقع جسم يتحرك في مسار مستقيم في الفترة  $[0, 9]$ ، حيث  $s$  الموقع بالأمتار، و  $t$  الزمن بالثوانی، اعتمد الشكل للإجابة عن الفقرتين (١٥) و (١٦) الآتیتين:



(١٥) قيمة (قيم)  $t$  التي يكون عندها الجسم في حالة سكون لحظي هي:

- a) 3, 7
- b) 0, 9
- c) 6
- d) 5

(١٦) الفترة (الفترات) الزمنية التي يتحرك فيها الجسم في الاتجاه الموجب هي:

- a)  $(3, 4), (5, 6)$
- b)  $(5, 7)$
- c)  $(0, 3), (7, 9)$
- d)  $(3, 7)$

### الصفحة الخامسة/نموذج (١)

(17) إذا مثُل الاقتران:  $s(x) = 120 - 7x$  سعر القطعة لمنتج ما (بالدينار) حيث  $x$  عدد القطع المباعة من المنتج، ومثُل الاقتران:  $C(x) = 200 + \frac{1}{2}x^2$  تكلفة إنتاج  $x$  قطعة (بالدينار) من هذا المنتج، فإنَّ عدد القطع اللازم بيعها لتحقيق أكبر ربح ممكِّن هو:

- a) 13
- b) 10
- c) 9
- d) 8

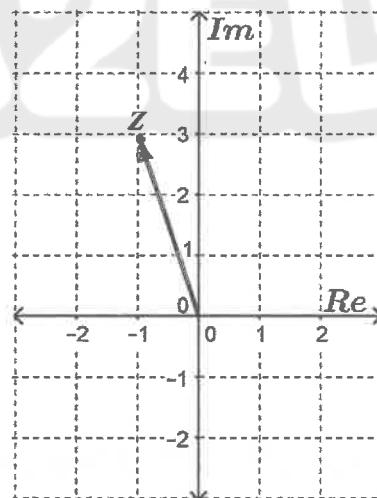
❖ ملحوظة: في جميع الفقرات من 18 إلى 25 ، فإنَّ  $i = \sqrt{-1}$  حيثما وردت.

(18) قيمة:  $\sqrt{\frac{-9}{32}} \times 16i^{13}$  في أبسط صورة هي:

- a)  $-6\sqrt{2}$
- b)  $6\sqrt{2}$
- c)  $6i\sqrt{2}$
- d)  $-6i\sqrt{2}$

(19) مُعتمداً المستوى المركب الآتي الذي يُبيّن العدد المركب  $Z$  ، فإنَّ مرافق  $Z$  هو:

- a)  $\bar{Z} = 3 - i$
- b)  $\bar{Z} = 3 + i$
- c)  $\bar{Z} = -1 - 3i$
- d)  $\bar{Z} = 1 - 3i$



(20) قيمة  $y$  الحقيقية التي تتحقق المعادلة:  $x + y + (x^2 - 1)i = 1 + 3i$  ، حيث  $x > 0$  هي:

- a) -1
- b) 1
- c) -3
- d) 3

الصفحة السادسة/نموذج (١)

إذا كان:  $|z| = 6$  ، حيث  $z = 3 + i k$  هي:  $-\frac{\pi}{2} < \text{Arg}(z) < 0$

- a)  $\sqrt{3}$
- b)  $-\sqrt{3}$
- c)  $3\sqrt{3}$
- d)  $-3\sqrt{3}$

الصورة القياسية للعدد المركب:  $z = 3 \left( \cos \left( \frac{-\pi}{2} \right) + i \sin \left( \frac{-\pi}{2} \right) \right)$  هي:

- a) 3
- b) -3
- c)  $-3i$
- d)  $3i$

إذا كان:  $\text{Arg}(6 + i a + z) = \frac{\pi}{4}$  ، وكان:  $z = -2 - 5i$  هي:

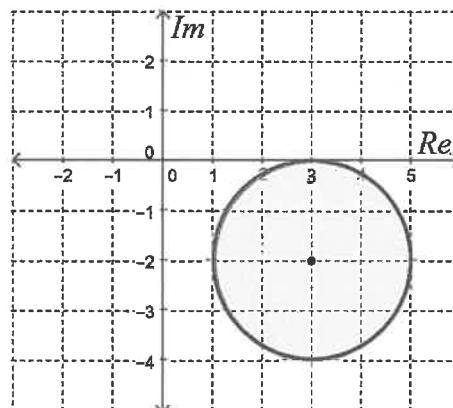
- a) 17
- b) 13
- c) 1
- d) 9

ناتج:  $(2 - i)^3$  هو:

- a)  $10 - 11i$
- b)  $2 - 11i$
- c)  $6 - 13i$
- d)  $14 - 13i$

المتباينة (بدالة  $z$ ) التي تمثل المحل الهندسي الممثل بيانيًا في الشكل الآتي هي:

- a)  $|z - 2 + 3i| \leq 2$
- b)  $|z - 3 + 2i| \leq 2$
- c)  $|z - 2 - 3i| \leq 2$
- d)  $|z - 3 - 2i| \leq 2$



## الصفحة السابعة/نموذج (١)

عزيزي الطالب: أجب عن الأسئلة (الثاني والثالث والرابع والخامس) على دفتر إجابتك فهو المعتمد فقط لاحتساب علامتك في هذه الأسئلة.

### السؤال الثاني: (٢٠ علامة)

(a) طرحت إحدى الشركات منتجًا جديداً في الأسواق، ثم رصدت عدد القطع المبيعة من المنتج، فإذا مثل الاقتران:

$$N(t) = \frac{250t^2}{1+2t}, \quad t > 0$$

(٨ علامات) فجد كلاً مما يأتي:

١) معدل تغير عدد القطع المبيعة بالنسبة إلى الزمن.

٢) قيمة  $N'$  ، مفسراً معنى الناتج.

(b) جد  $\frac{d^2y}{dx^2}$  للمعادلة الوسيطية الآتية عندما  $t = \frac{\pi}{8}$

$$x = 2 \sin 2t, \quad y = \cos^2 2t, \quad 0 \leq t \leq 2\pi$$

(١٢ علامة)

### السؤال الثالث: (٣٤ علامة)

(a) جد معادلة المماس لمنحنى العلاقة:  $x^3 + y^3 = 8xy$  ، عند نقطة تقاطع منحناها مع المستقيم  $x = y$  في الربع الأول من المستوى الإحداثي.

(١٢ علامة)

(b) إذا كان:  $y = \frac{(x-1)^2}{\sqrt{x^2+1}}$  ، فأثبت باستعمال الاشتتقاق اللوغاريتمي أنّ:

(١٠ علامات)



(c) يرتفع بالون رأسياً فوق مستوى طريق مستقيم أفقي ب معدل  $3 \text{ m/s}$  ، وفي اللحظة التي كان فيها باللون على ارتفاع  $9 \text{ m}$  فوق الطريق ، مررت أسفله دراجة تتحرك بسرعة  $5 \text{ m/s}$  ، كما في الشكل التوضيحي المجاور. جد معدل تغير المسافة بين باللون والدراجة بعد ثانية واحدة من تلك اللحظة.

(١٢ علامة)

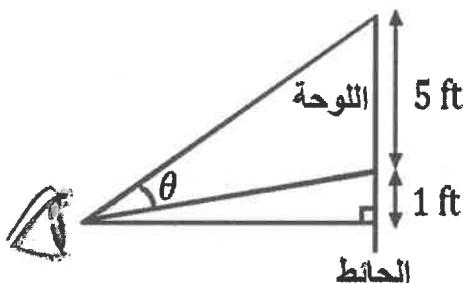
السؤال الرابع: (٢٠ علامة)

السؤال

(a) جد فترات التغير للأعلى وللأسفل، ونقاط الانعطاف (إن وجدت) لمنحنى الاقتران:

(١٠ علامات)

$$f(x) = e^{-\frac{x^2}{4}}$$



(b) يتظر طالب إلى لوحة علمية ارتفاعها 5 ft معلقة على حائط في غرفة الصف، وارتفاع حافتها السفلية 1 ft فوق مستوى خط نظره الأفقي كما في الشكل التوضيحي المجاور.

كم قدماً يجب أن يبتعد الطالب عن الحائط لتكون زاوية نظره  $\theta$  أكبر ما يمكن؟

(١٠ علامات)

السؤال الخامس: (٢٦ علامة)

السؤال

(a) جد ناتج:  $18 \left( \cos \frac{2\pi}{5} + i \sin \frac{2\pi}{5} \right) \div 3 \left( \cos \frac{7\pi}{10} - i \sin \frac{7\pi}{10} \right)$  بالصورة المثلثية.

(٨ علامات)

(b) جد جميع الجذور الحقيقية والجذور المركبة للمعادلة:

(٨ علامات)

$$z^3 - 6z^2 + 21z - 26 = 0$$

(c) جد العدددين المركبين اللذين يحققان كلاً من المحل الهندسي:  $|z + 2i| = |z|$ :

(١٠ علامات)

$$\text{والمحل الهندسي: } |z - 2| = \sqrt{17}.$$

«انتهت الأسئلة»